3. 다이오드 정류회로

3-1 기본개념

• <mark>정류기(Rectifier)</mark> : 교류를 직류로 변환하는 장치

→ DC 전원을 사용하는 여러 전자회로를 위한 AC 전원 정류용으로 사용.

→ 정류될 AC 입력 전원에 따라 단상, 3상으로 나뉜다.

• <mark>다이오드 정류기</mark> : On/Off 제어를 할 수 없으므로 *직류 출력전압의 제어가 불가능*하다.

→ 출력전압과 전류 파형은 부하의 종류, 성질에 따라 달라짐.

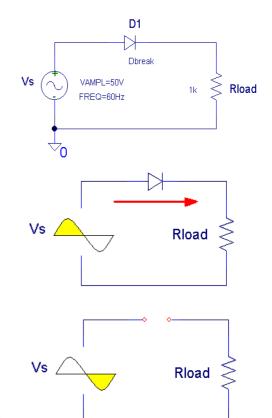
3-2 단상 다이오드 정류회로 : 저항 부하

3-2-1 반파 정류회로 (Half Wave Rectification Circuit)

• <mark>반파정류</mark> → 교류입력전원의 양(positive)의 반주기만 출력되는 정류방식.

회로 동작원리

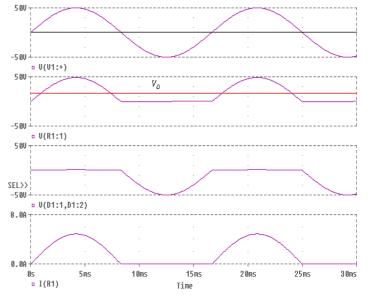
- 회로의 전원전압 : $v_s = \sqrt{2} V \sin \omega t$
- v_s 양의 반주기(0 ≤ ωt ⟨π)
 - → 다이오드는 순방향 바이어스되어 On.
 - → 부하 측으로 전류가 흐른다.
 - 출력전압 : $v_o = v_{\bar{s}} = \sqrt{2} V \sin \omega t$
 - 출력전류 : $i_o = -\frac{v_o}{R} = \frac{\sqrt{2} \, V \sin \omega t}{R}$
 - 다이오드 전압 : v_D = 0
- v_s 음의 반주기(π≤ωt<2π)
 - → 다이오드는 역방향 바이어스되어 Off.
 - 출력전압 : $v_o = 0$
 - 출력전류 : $i_o = 0$
 - 다이오드 전압 : $v_D = v_s$ ightharpoonup 모든 전원전압이 인가됨.
- 다이오드에 인가되는 최대전압 → 다이오드가 역 바이어스일 때 전원전압의 최대 값.
 - → 다이오드의 전압정격을 결정하는데 사용
 - 예) V = 220[Vrms] 인 경우 $v_D = -220\sqrt{2} = -311.13[V]$



• 평균 DC 출력전압

- ightharpoonup 부하에 인가되는 DC 출력전압 v_o 의 한 주기 평균값 V_O
- 평균값 정의 : ${1\over T}\int_0^T\!\!|f(t)|\,dt$

$$\begin{split} V_O &= \frac{1}{2\pi} \int_0^{2\pi} v_o d(\omega t) \\ &= \frac{1}{2\pi} \left[\int_0^{\pi} \sqrt{2} \, V \sin \omega t \, d(\omega t) + \int_{\pi}^{2\pi} 0 \, d(\omega t) \right] \text{ s. 8f} \\ &= \frac{\sqrt{2}}{\pi} V = 0.318 \, V_m = 0.45 \, V \end{split}$$



- → 출력 직류전압의 크기는 입력 교류전압의 크기에 의해 결정된다.
- → 반파 정류회로는 주어진 AC 입력 전원전압 실효값의 45%에 해당하는 출력 DC전압을 얻을 수 있다.
- 출력전류의 평균값

$$I_o = \frac{1}{2\pi} \int_0^{2\pi} i_o d(\omega t) = \frac{1}{2\pi} \int_0^{\pi} \frac{\sqrt{2} V \sin \omega t}{R} d(\omega t) = \frac{\sqrt{2} V}{\pi R}$$

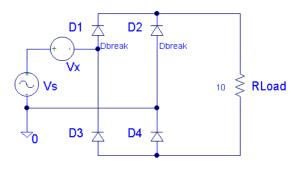
• 출력전류의 실효값

$$-$$
 실효값 정의 : $\sqrt{\frac{1}{T} \int_0^T f(t)^2 dt}$
$$I_{o_rms} = \sqrt{\frac{1}{2\pi} \int_0^{2\pi} i_o^2 d(\omega t)} = \sqrt{\frac{1}{2\pi} \int_0^{2\pi} (\frac{\sqrt{2} \ V \sin \omega t}{R})^2 d(\omega t)} = \frac{\sqrt{2} \ V}{2R} \quad \Rightarrow \quad \bar{2}^\pi \ I_o$$

- → 실효값이 평균값보다 $\pi/2$ 배 크다. (순수 DC인 경우는 실효값=평균값)
- → 실효값과 평균값의 계산은 출력전력과 정류기 설계시 다이오드 정격용량, 전선의 굵기를 산정하기 위해 필요.
- 부하에 공급되는 전력 : $P_o = I_{orms}^2 \cdot R$

3-2-2 전파 정류회로 (Full Wave Rectification Circuit)

• 전파 정류회로 : 4개의 다이오드($\mathrm{D_1}{\sim}~\mathrm{D_4}$)로 구성.



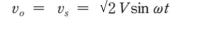
D2

D4

RLoad ≤

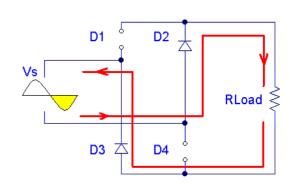
회로 동작원리

- v_s 양의 반주기(0 ≤ ωt ⟨ π)
 - → 다이오드 D₁과 D₄는 순방향 바이어스 되어 On
 D₂과 D₃는 역방향 바이어스 되어 Off.
 - → 정류회로의 출력전압 $v_o = v_s = \sqrt{2} V \sin \omega t$





- → 다이오드 D₂과 D₃는 순방향 바이어스 되어 On D₁과 D₄는 역방향 바이어스 되어 Off
- ightharpoonup 정류회로의 출력전압 $v_o = -v_s = -\sqrt{2} \, V \sin \omega t$



D3

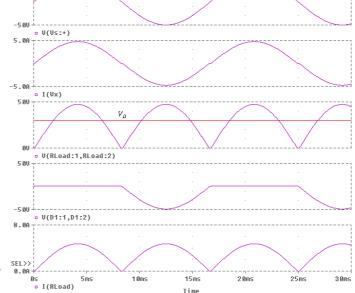
- \star 출력전압 v_o 는 양의 반주기와 음의 반주기에서 동일
- 평균 출력전압

$$V_O = \frac{1}{\pi} \int_0^{\pi} v_o d(\omega t)$$

$$= \frac{1}{\pi} \int_0^{\pi} \sqrt{2} V \sin \omega t \ d(\omega t)$$

$$= \frac{-2\sqrt{2} V}{\pi} = 0.9 V$$

→ 전파 정류회로는 반파 정류회로의 2배인 AC 입력 전원전압 최대값의 90%에 해당하는 출력 DC 전압을 얻을 수 있다.



- 다이오드에 인가되는 최대전압
 - ightarrow $V_{Dmax}=\,-\sqrt{2}\,V$: 반파 정류기와 동일. $^{ ext{SEL}>>}_{ ext{6.9A}}$

• 평균출력전류 : $I_o = \frac{-2\sqrt{2}\ V}{\pi R}$ ightharpoonup 반파 정류회로의 2배

• 출력전류의 실효값 : $I_{orms} = \frac{V}{R}$ ightarrow 반파 정류회로의 $\sqrt{2}$ 배

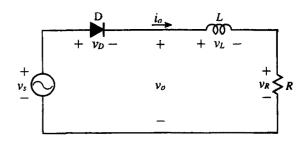
• 부하에 공급되는 전력 : $P_o = I_{orms}^2 \cdot R = [-V_R]^2 \times R$ \Rightarrow 반파 정류회로의 2배 (반파정류 $P_o = [-V_R]^2 \times R = [-V_R]^2 \times R$)

3-3 단상 다이오드 정류회로 : R-L 부하

• 출력전압과 전류 파형은 부하의 종류에 따라 달라짐.

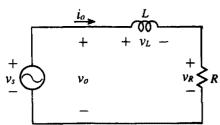
3-3-1 반파 정류회로 (Half Wave Rectification Circuit)

- 특징
 - ① 인덕터에 축적된 에너지로 인해 다이오드는 180°이상 도통한다.
 - ② 출력전류 i_o 의 파형은 비정현파가 되고, π 이상에서 0이 된다.
 - ③ 출력전압 v_o 의 파형에 음의 값이 나타난다.

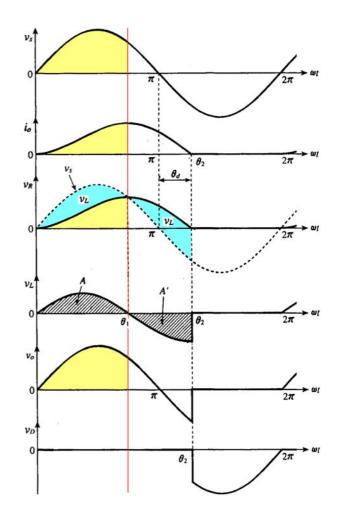


• 회로 동작원리

- $) \quad 0 \leq \omega t \langle \theta_1$
 - → 다이오드는 순방향 바이어스 되어 On 됨. 다이오드를 통해 부하로 전류가 흐른다.



- 출력전압 = 전원전압 : $v_o = v_s = \sqrt{2} \, V \sin \omega t$
- 인덕터 전압 $v_L(=v_s-v_R)>0$ 이므로 인덕터 L의 전류(즉, 출력전류 i_o)는 증가.
 - (→ 인덕터 L에 에너지 축적됨 : ½ *Li*²)
- 출력전류 : $v_o = L^{-}\frac{di_o}{dt} + i_o R$ $\Rightarrow i_o = \frac{\sqrt{2} V}{\sqrt{R^2 + (\omega L)^2}} \left[\sin(\omega t \theta) + e^{-t/\tau} \sin \theta \right]$ $\tau = \frac{L}{R} , \ \theta = \tan^{-1}(-\frac{\omega L}{R})$



(2) $\omega t = \theta_1$

- → $v_s = v_R$ 으로 $v_L = 0$ (전류변화 없음)
- 3 $\theta_1 < \omega t < \theta_2$
- $\rightarrow v_s \langle v_R \text{ 이므로 } v_L \langle 0 \text{ 이 되어 L의 전류}$ (출력전류) i_o 감소. (인덕터 에너지 방출)
 - * π를 지나 전원전압이 (-)이더라도 다이오드는 전류가 0이 될 때까지 계속 도통된다.



$$i_o = 0$$
, $v_D = v_s < 0$

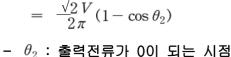
다이오드에 역전압이 인가되어 Off.

• 평균 출력전압

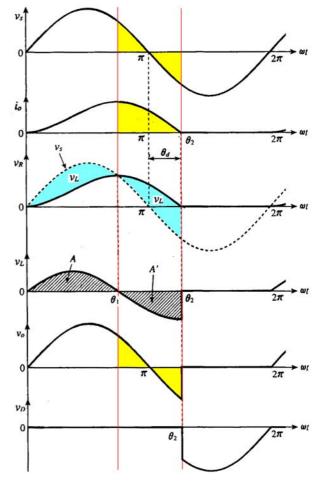
$$V_{O} = \frac{1}{2\pi} \int_{0}^{2\pi} v_{o} d(\omega t)$$

$$= \frac{1}{2\pi} \int_{0}^{\theta_{2}} \sqrt{2} V \sin \omega t \ d(\omega t)$$

$$= \frac{\sqrt{2} V}{2\pi} (1 - \cos \theta_{2})$$



- $\pi \le \theta_2 \le 2\pi$ 이므로 평균 출력전압은 저항부하시보다 작다.



* Inductor Volt-Second Balance 원리

- "정상상태에서 스위칭 한주기 동안 인덕터 전류의 총 변화율은 0이다."
 - → (한 주기가 끝나는 부분에서 인덕터에 저장되는 에너지는 시작부분에서 저장되었던 에너지와 같다.)
 - → 정상상태에서 인덕터에 인가되는 net volt-second는 0 이 된다.

$$= \int_0^T v_L(t) \ dt = 0$$

$$v_L = L^{-di(t)}$$
 에서

$$i(T) = \int_0^T v_L(t) \ dt + i(0) \rightarrow i(T) - i(0) = \int_0^T v_L(t) \ dt = 0$$

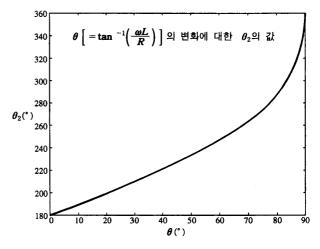
- 정류회로에서
$$\Rightarrow i(\theta_2)-i(0)=\int_0^{\theta_2}\!v_L(t)\;dt=\int_0^{\theta_1}\!v_L(t)\;dt+\int_{\theta_1}^{\theta_2}\!v_L(t)\;dt=0$$

$$\therefore \int_0^{\theta_1}\!v_L(t)\;dt=-\int_{\theta_1}^{\theta_2}\!v_L(t)\;dt$$

• θ_2 (i_o = 0 시점) 결정

$$i_o(\theta_2) = \sin(\theta_2 - \theta) + e^{-\theta_2/\omega\tau} \sin\theta = 0$$

- 인덕턴스 성분이 커질수록 θ_2 가 커진다.
- θ_2 가 클수록 출력전압의 평균값은 작아짐.

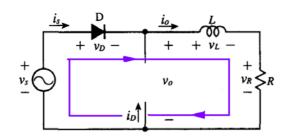


Report

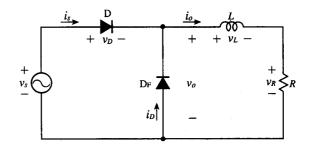
- 반파 정류회로 Pspice Simulation
- 조건 : 전원전압 50V, 60Hz, L=50mH, R=10[Ω]

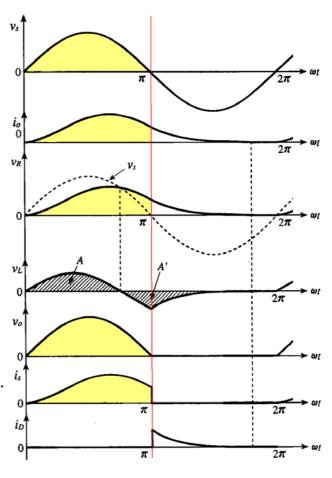
3-3-2 환류(Freewheeling) 다이오드

- 유도성부하인 경우 부하와 병렬로 다이오드를 연결한다. → 환류(Freewheeling) 다이오드
- R-L 부하와 병렬로 환류 다이오드 D_F 가 추가된 경우 출력특성이 달라진다.
- 회로 원리 및 동작
- ① v_s 양의 반주기($0 \le \omega t < \pi$)
 - → 환류 다이오드D_F가 없는 경우와 동일
 - ightharpoonup 다이오드 D은 순방향 바이어스로 On, 환류 다이오드 D_F 는 역방향 바이어스로 Off



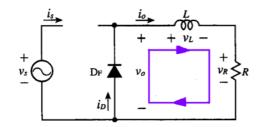
- $\mathbf{-}$ 출력전압 : $v_o = v_s = \sqrt{2} V \sin \omega t$
- 출력전류(=부하전류) i_o 는 증가하고, 전류가 증가함에 따라 인덕터 L에 에너지가 축적된다.
- D_F 에 인가되는 최대 역전압
 - ightharpoonup 전원전압의 최대 값 : $-\sqrt{2}V$





② v_s 음의 반주기 $(\pi \leq \omega t \langle 2\pi)$

ightharpoonup D는 역방향 바이어스로 Off D_F 는 순방향 바이어스 되어 도통시작.



- 출력전압 : $v_o = 0$

 $(R-L부하에 인가되는 전압 <math>v_o = D_F$ 의 전압)

- ightharpoonup 출력전류 i_o 는 D_F 를 통하여 흐르고 점차 감소된다. (D_F 가 없는 경우보다 천천히 감소)
- → 출력전류 i_o 의 감소시간은 R-L 회로의 시정수 $\tau(=L/R)$ 에 따라 결정 됨. (L에 축적되었던 에너지는 모두 부하저항 R에서 소비)
- L이 충분히 큰 경우 (τ(= L/R)>1) →
 - ightharpoonup 부하전류 i_o 는 연속이 되며, 리플이 없는 직류가 된다.

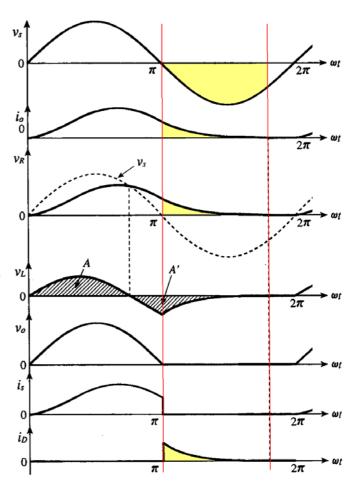
• 출력전압

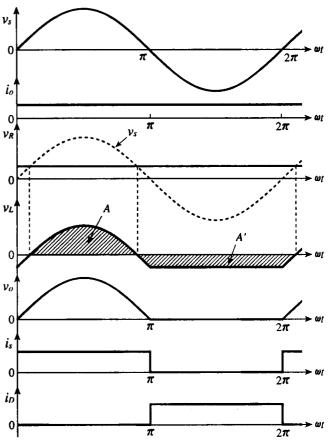
→ 전원전압의 양의 반주기에서만 나타나며순수 저항부하를 갖는 단상 반파 정류회로의출력전압과 동일

즉, 출력전압의 평균값 : $V_o = \frac{\sqrt{2}\,V}{\pi}$

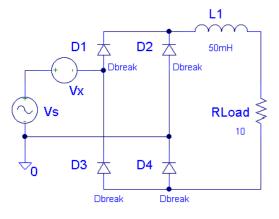
Report

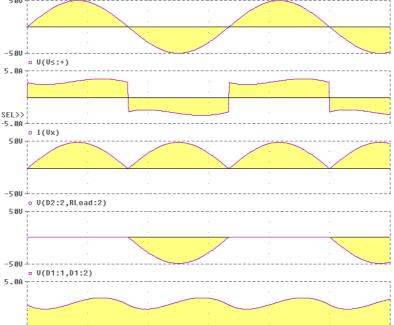
- 환류 다이오드를 갖는 정류회로 Pspice Simulation
- 조건 : 전원전압 50V, 60Hz, L=20mH, R=1[Ω]





3-3-3 전파 정류회로





515ms

Time

52 Ams

525ms

53 Ams

510ms

• 특징

- ① <mark>입력전류의 파형</mark>은 단상 반파의 경우와 마찬가지로 비정현파가 된다. (고조파 포함)
- ② 반파 정류기와는 달리 부하전류는

인덕턴스 L의 값에 관계없이 연속인 직류가 된다. 인덕턴스가 매우 큰 경우(회로의 시정수 au(=L/R) > 1[sec]) 부하전류는 거의 리플이 없는 직류가 된다.

③ 출력전압의 파형은 저항부하시와 동일

— 평균출력전압 :
$$V_O=rac{1}{\pi}\int_0^\pi\!\!v_od(\omega t)=rac{1}{\pi}\int_0^\pi\!\!\sqrt{2}\,V\!\sin\omega t\;d(\omega t)=rac{-2\sqrt{2}\,V}{\pi}$$

④ 평균출력전류 (= 실효값) :
$$I_{O}=rac{V_{O}}{R}=rac{-2\sqrt{2}\,V}{\pi R}$$

• 저항부하 시와 비교

	저항부하	유도성 부하		
평균출력전압	_2√2 V π	_2√2 V π		
평균출력전류	$\frac{-2\sqrt{2}V}{\pi R} = 0.9 - \frac{V}{R}$	$\frac{-2\sqrt{2}V}{\pi R} = 0.9 \frac{V}{R}$		
출력전류의 실효값	_V R	$\frac{-2\sqrt{2}V}{\pi R} = 0.9 \frac{V}{R}$		

■ Report

- 전파 정류회로 Pspice Simulation

- 조건 : 전원전압 50V, 60Hz, L=50mH, R=10[Ω]

3-4 3상 다이오드 정류회로

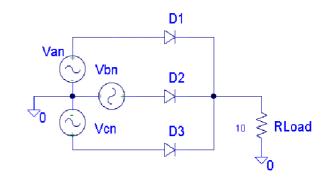
- 단상 정류회로 → 대 전력을 얻기 힘들다. 출력전압의 주파수가 전원주파수의 2배로 고조파 저감을 위한 큰 필터 요구
- 3상 정류회로 → 3상 교류전원을 정류회로에 입력으로 사용

 단상 다이오드 정류기에 비해 더 큰 직류전압을 얻을 수 있다.

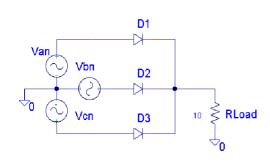
 직류 출력전압의 리플성분이 작아 평활한 직류전압을 얻을 수 있다.

3-4-1 3상 반파 정류회로(3 Phase Half Wave Rectification Circuit)

- 회로 구성 및 동작
 - 3개의 다이오드로 구성.
 - → 각 다이오드는 교류 3상 전원에 연결됨
 - 3상 상전압 : $v_{an}=\sqrt{2}\,V\sin\omega t$ $v_{bn}=\sqrt{2}\,V\sin\left(\omega t-2\pi/3\right)$ $v_{cn}=\sqrt{2}\,V\sin\left(\omega t-4\pi/3\right)$



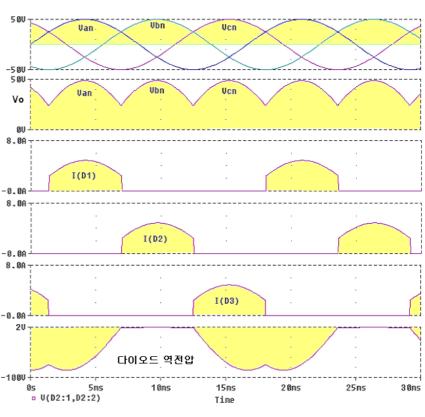
- 다이오드의 도통
 - → 임의의 시각에 3상 전압 중 그 크기가 가장 큰 상에 연결된 다이오드가 On. (임의의 시각에 3상 전압 중 크기가 가장 큰 상의 전압이 출력됨)
 - → OR Logic



- ① 각각의 다이오드는 120°씩 도통
 - → 전원 측 전류는 한 주기의 1/3구간만 흐른다.

② 출력전압의 리플주파수

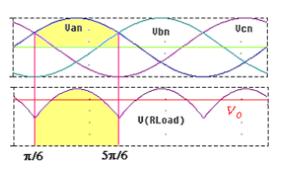
- → 전원주파수의 3배
- → 단상 전파회로에 비해 리플의 크기는 상당히 작다.



③ 직류 평균 전압 V_O ightharpoonup 120° 구간만 고려하면 됨.

$$V_{O} = \frac{1}{2\pi^{-1}} \int_{\frac{1}{6}\pi}^{\frac{5\pi}{6}} v_{an} d(\omega t)$$

$$= \frac{3}{2\pi} \int_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{5}{6}\pi} \sqrt{2} V \sin \omega t \ d(\omega t) = -\frac{3\sqrt{6}}{2\pi} V$$



④ 다이오드의 평균전류

→ 출력전류(=
$$\frac{-3\sqrt{6}V}{2\pi R}$$
)의 $\frac{1}{3}$

⑤ 다이오드에 인가되는 역전압 →

$$ightharpoonup V_{D2} = v_{an} - v_{bn}$$

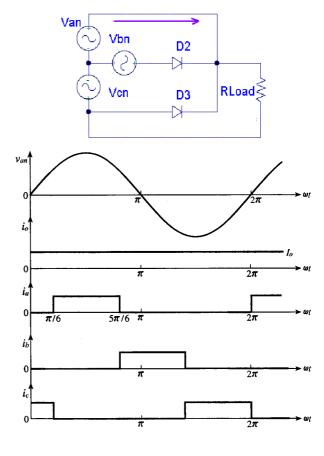
→ 최대 역전압 : 선간 전압의 최대 값
 (=√3√2V)

⑥ 유도성 부하인 경우의 특성 →

- 출력전압 v_o 에는 변화가 없고 출력전류는 리플이 거의 없는 직류가 된다.
- 저항부하인 경우보다 출력전류의 실효값은 작아지나, 평균값은 동일하다.

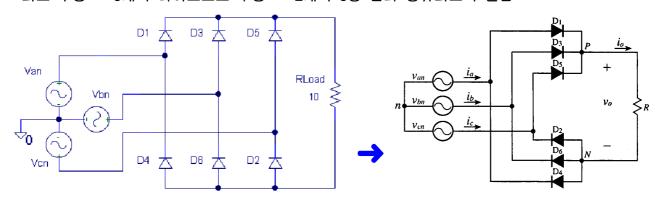


→ 각상의 전원 측 전류가 한쪽으로만 흐르게 되어 입력 측에 변압기가 사용된다면 변압기가 자기적으로 포화된다.



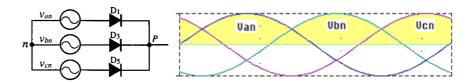
3-4-2 3상 전파 정류회로(3 Phase Full Wave Rectification Circuit)

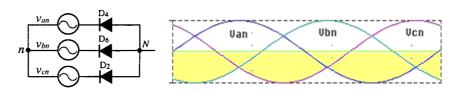
• 회로 구성 : 6개의 다이오드로 구성 → 2개의 3상 반파 정류회로의 결합

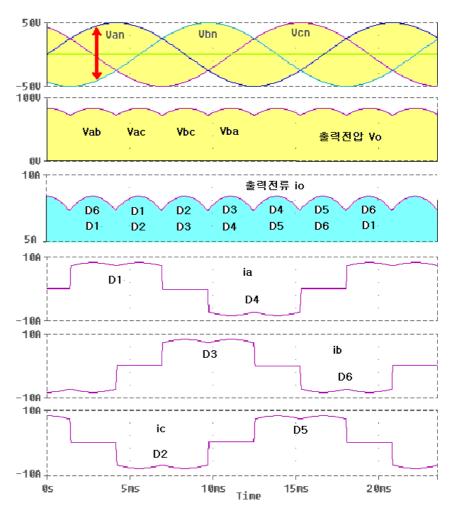


• 회로 동작

- 상단부 다이오드 D₁, D₃, D₅
- → 3상 전원 중 크기가 양의 방향으로 가장 큰 상의 다이오드가 도통됨
- 하단부 다이오드 D₄, D₆, D₂
- → 3상 전압 중 크기가 음의 방향으로 가장 큰 상의 다이오드가 도통됨
- → 즉, 언제나 선간 전압이 가장 크게 되는 2개 조합의 다이오드가 도통.
- 각각의 다이오드는 120° 씩 도통되고 순서는 …1,2,3,4,5,6,1…이다.
- *부하에는 구간별로 가장 큰* 선간전압이 인가되며 전원전압 한주기에 6개의 구간이 존재.
 - → 출력전압의 리플주파수는 전원주파수의 6배이고 리플전압의 크기는 단상 정류기에 비해 상당히 감소된다.
- <mark>입력전류의 파형</mark>은 비정현파가 된다. →

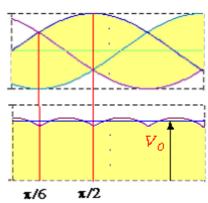




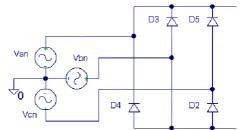


• 직류 평균 전압

$$\begin{split} V_{O} &= -\frac{1}{\pi} \int_{-\pi}^{\pi} v_{ab} d(\omega t) &= \frac{3}{\pi} \int_{\pi}^{\frac{\pi}{2}} [v_{an} - v_{bn}] d(\omega t) \\ &= \frac{3}{\pi} \int_{-\pi}^{\frac{\pi}{2}} \sqrt{2} V [\sin(\omega t) - \sin(\omega t - 2\pi/3)] d(\omega t) \\ &= \frac{3}{\pi} \int_{-\pi}^{\frac{\pi}{2}} \sqrt{6} V \sin(\omega t + \pi/6) d(\omega t) &= -\frac{3\sqrt{6}}{\pi} V \end{split}$$



- 다이오드에 인가되는 최대 역전압
 - ightarrow 최대 선간전압. 즉, $V_{Dmax} = \sqrt{3}\,\sqrt{2}\,V$



• 유도성 R-L 부하인 경우

줄어든다.

→ 출력전압에는 변화가 없으나 출력전류는 직류에 가깝게 되어 출력전류의 최대값, 평균값, 실효값은 순수 저항부하인 경우와는 달라지는데 실효값은 줄어들어 부하저항에 공급되는 전력이

■ Report : 3상 다이오드 전파 정류회로 Pspice Simulation

■ 정류기의 출력 특성 평가

• 리플률 RF(Ripple Factor) : 직류 평균전압에 대해 직류 측에 포함된 리플성분의 상대적 크기

- Ripple Factor(RF) = V_{ac} \rightarrow 작을수록 직류에 가깝다. Ideal : RF=0

 $V_{\scriptscriptstyle dc}$: 직류 평균 전압

 $V_{ac} = \sqrt{V_{rms}^2 - V_{dc}^2}$: 출력전압의 리플성분의 실효값

 V_{rms} : 출력전압의 실효값

• 파형률 : Form Factor(FF) = V_{rms} \rightarrow 클수록 리플이 크다. Ideal : FF=1

표 3-1 각 다이오드 정류회로의 RF와 FF (전원전압 220V 시)

다이오드 정류방식	<i>V</i> ₀ [V]	<v<sub>o>[V]</v<sub>	Vac [V]	RF	FF
단상반파 (저항부하)	155.6	99.0	120.00	1.213	1.572
단상반파 (<i>R-L</i> 부하)	99.0	99.0	0.00	0.000	1.000
단상전파 (저항부하)	220.0	198.0	95.90	0.484	1.111
단상전파 (R-L부하)	198.0	198.0	0.00	0.000	1.000
3 상반파 (저항부하)	261.6	257.3	47.24	0.184	1.017
3 상반파 (R-L부하)	257.3	257.4	0.00	0.000	1.000
3 상전파 (저항부하)	297.4	297.1	13.35	0.045	1.001

■ Report : 연습문제 3-7, 3-9