

[객관식]

1. 곡선 $y = -x^3 + 4x$ 위의 점 (1, 3)에서의 접선의 방정식은 $y = mx + n$ 이다. $10m + n$ 의 값은?

- | | | |
|------|------|-----|
| ① 12 | ② 10 | ③ 8 |
| ④ 6 | ⑤ 4 | |

2. 다음 식을 만족시킬 때, $p + q + r$ 의 값은?(단, p, q, r 는 상수이고, C 는 적분상수이다.)

$$\int (3x-4)^2 dx + \int (3x+4)^2 dx = px^3 + qx^2 + rx + C$$

- | |
|------|
| ① 22 |
| ② 26 |
| ③ 30 |
| ④ 34 |
| ⑤ 38 |

3. 모든 실수 x 에 대하여 부등식 $x^4 - 4x^2 - a > 0$ 가 항상성립하도록 하는 정수 a 의 최댓값은?

- | | | |
|------|------|------|
| ① -6 | ② -5 | ③ -4 |
| ④ -2 | ⑤ -1 | |

4. 다항함수 $f(x)$ 가 모든 실수 x 에서

$$\int_{-2}^x f(t) dt = x^3 - ax^2 + a$$

를 만족시킬 때, $f(-3)$ 의 값은? (단, a 는 상수)

- | | | |
|------|------|------|
| ① 10 | ② 11 | ③ 12 |
| ④ 13 | ⑤ 14 | |

5. 좌표가 -3인 점에서 출발하여 수직선 위를 움직이는 점 P의 시각 t 에서의 속도가 $v(t) = 20 - 4t$ 일 때, 점 P가 움직이는 방향이 바뀌는 시각에서의 점 P의 위치는?

- | | | |
|------|------|------|
| ① 41 | ② 43 | ③ 45 |
| ④ 47 | ⑤ 50 | |

6. 두 다항함수 $f(x), g(x)$ 가

$$\int f(x) dx = xg(x), \frac{d}{dx} \left(\int \{f(x) + 2g(x)\} dx \right) = 5x^2 + 8x - 6$$

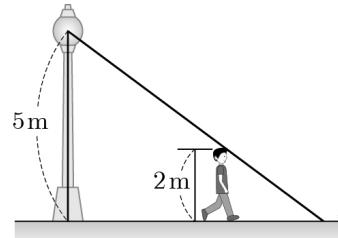
를 만족시킬 때, $g(3)$ 의 값은?

- | | | |
|------|------|------|
| ① 11 | ② 13 | ③ 15 |
| ④ 17 | ⑤ 19 | |

7. 곡선 $y = \frac{1}{2}x^2 + x$ 위의 점 P와 두 점 A(0, -1), B(1, 0)에 대하여 삼각형 PAB의 넓이의 최솟값은?

- ① $\frac{1}{8}$ ② $\frac{1}{4}$ ③ $\frac{1}{2}$
 ④ 1 ⑤ $\frac{3}{2}$

9. 키가 2m인 선운이가 지면으로 부터의 높이가 5m인 가로등 바로 밑에서 출발하여 일직선으로 초속 1.2m의 속도로 걸어가고 있을 때, 선운이의 그림자의 끝이 움직이는 속도는?



- ① 1m/초 ② 2m/초 ③ 3m/초
 ④ 4m/초 ⑤ 5m/초

8. 방정식 $|2x^3 - 3x^2 - 12x + 1| = k$ 가 서로 다른 네 실근을 갖도록 하는 정수 k의 개수는?

- ① 8 ② 9 ③ 10
 ④ 11 ⑤ 12

10. 최고차항의 계수가 1인 두 사차함수 $f(x)$, $g(x)$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

(가) 두 함수 $y = f(x)$ 와 $y = g(x)$ 의 그래프가 만나는 세 점의 x 좌표는 각각 $-1, 0, 1$ 이다.

$$(나) \int_0^4 f(x)dx = 80, \int_0^4 g(x)dx = -16$$

$f(2) - g(2)$ 의 값은?

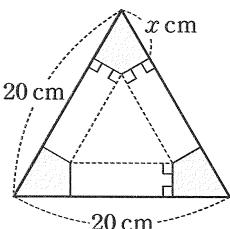
- ① 4 ② 6 ③ 8
 ④ 10 ⑤ 12

총 21문항 : 객관식 16, 주관식 5

11. 대칭함수 $f(x)$ 가 모든 실수 x 에 대하여 $f(-x) = -f(x)$ 를 만족시킨다. $\int_{-2}^2 (x-3)f'(x)dx = 18$ 일 때, $f(-2)$ 의 값은?

- ① -3 ② -1 ③ 0
④ 1 ⑤ 3

12. 한 변의 길이가 20cm인 정삼각형 모양의 종이에 세 모퉁이에서 합동인 사각형 모양의 종이를 다음 그림과 같이 잘라내고 남은 부분을 접어서 뚜껑이 없는 상자를 만들 때, 그 부피가 최대가 되는 x 의 값은? (단, 단위는 cm^3)



- ① $\frac{5}{3}$ ② $\frac{10}{3}$ ③ 4
④ $\frac{11}{2}$ ⑤ 8

13. 두 대칭함수 $f(x)$, $g(x)$ 가 다음 조건을 만족시킨다. 곡선 $y = g(x)$ 위의 점 $(2, g(2))$ 에서의 접선의 방정식이 $y = ax + b$ 일 때, $a+b$ 의 값은? (단, a , b 는 상수이다.)

$$(가) g(x) = x^2 f(x) - 3 \quad (나) \lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x) - g(x)}{x - 2} = 5$$

- ① 5 ② 6 ③ 7
④ 8 ⑤ 9

14. 함수 $f(x) = x^3 + ax^2 + bx + 30$ | $x = 1$ 에서 극댓값 7을 갖는다. 함수 $f(x)$ 가 닫힌구간 $[c, d]$ 에서 감소하고, c 의 최솟값을 α , d 의 최댓값을 β 하고 할 때, $a+b+\alpha+\beta$ 의 값은?

(단, a , b , α , β 는 상수이다.)

- ① 11 ② 9 ③ 7
④ 5 ⑤ 3

총 21문항 : 객관식 16, 주관식 5

15. 자연수 k 에 대하여 함수 $f(x) = x^2$ 의 그래프를 x 축의

방향으로 k 만큼 y 축의 방향으로 k^2 만큼 평행이동한 그래프를

$y = g_k(x)$ 라 하자. 이때, $\sum_{k=1}^{20} \left(\int_{k+1}^{k+2} g_{k+1}(x) dx - \int_k^{k+1} g_k(x) dx \right)$ 의 값은?

- ① 400
- ② 420
- ③ 440
- ④ 460
- ⑤ 480

16. 수열 $\{a_n\}$ 이

$$a_n = 2 - \frac{1}{2^{n-2}}$$

일 때, 구간 $[0, 2]$ 에서 정의된 함수 $f(x)$ 가 모든 자연수 n 에 대하여

$$f(x) = (-2)^{n-1} \left(x - \frac{a_n + a_{n+1}}{2} \right) (a_n \leq x \leq a_{n+1})$$

이다. t 에 대한 방정식 $\int_0^t f(x) dx = p$ 의 서로 다른 실근의 개수가

110이 되도록 하는 모든 상수 p 의 값의 합은?

- ① $-\frac{1}{2^{12}}$
- ② $\frac{1}{2^{13}}$
- ③ $-\frac{1}{2^{14}}$
- ④ $\frac{1}{2^{15}}$
- ⑤ $-\frac{1}{2^{16}}$

[주관식]

17. 다음 물음에 답하시오.

(1) $\int_0^3 (2x+1)^2 dx - \int_{-1}^3 (2x-1)^2 dx + \int_{-1}^0 (2x-1)^2 dx$ 의 값을 구하시오

(2) 곡선 $y = x(x-a)(x-2)$ 와 x 축으로 둘러싸인 도형의 넓이가 최소가 되도록 하는 상수 a 의 값을 구하시오. (단, $0 < a < 2$)

18. 함수 $f(x) = -2x^3 + kx^2 + 4k^2x - 2$ 가 $-1 < x < 1$ 인 x 의 값에서 극솟값을 갖고, $x > 1$ 인 x 의 값에서 극댓값을 갖도록 하는 실수 k 의 값의 범위를 구하시오.

총 21문항 : 객관식 16, 주관식 5

19. 최고차항의 계수가 1인 사차함수 $f(x)$ 가 다음 조건을 만족시킬 때, 실수 k 의 값을 구하시오.

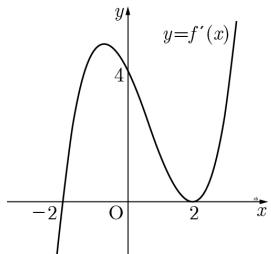
(ㄱ) $f'(0) = 0$, $f'(2) = 16$, $f(1) = \frac{5}{3}$

(나) 어떤 양수 m 에 대하여 두 열린구간 $(-\infty, 0)$, $(0, m)$ 에서 $f'(x) < 0$ 이다.

(다) 방정식 $|f(x) - f(0)| = k$ 를 만족시키는 서로 다른 실근의 개수가 30이다.

21. 두 삼차함수 $f(x)$ 와 $g(x)$ 가 모든 실수 x 에 대하여 $f(x)g(x) = (x-1)^2(x-2)^2(x-3)^2$ 을 만족시킨다. $g(x)$ 의 최고차항의 계수가 30이고 $g(x)$ 가 $x=2$ 에서 극댓값을 기질 때, $f'(7)$ 의 값은? ($f'(x)$ 는 $f(x)$ 의 도함수이다.) [5.0점]

20. 사차함수 $f(x)$ 의 도함수 $y = f'(x)$ 의 그래프가 다음의 그림과 같고 $f'(-2) = f'(2) = 0$, $f'(0) = 4$ 이다. 함수 $f(x)$ 의 극솟값이 -5 일 때, $f(m)f(m+1) < 0$ 을 만족시키는 모든 정수 m 의 값을 구하시오.



총 21문항 : 객관식 16, 주관식 5

정답 및 풀이

$$-3 + \int_0^5 v(t)dt = -3 + [20t - 2t^2]_0^5 = 47$$

1. 정답 ①

$$y = -x^3 + 4x \text{에서 } y' = -3x^2 + 4$$

이때 $x = 1$ 일 때, 접선의 기울기는 $-3 + 4 = 1$ 이므로 접선의 방정식은

$$y - 3 = 1(x - 1) \quad \therefore y = x + 2$$

따라서 $m = 1, n = 20$ 이므로

$$10m + n = 10 + 2 = 12$$

2. 정답 ⑤

$$\begin{aligned} & \int (9x^2 - 24x + 16)dx + \int (9x^2 + 24x + 16)dx \\ &= \int (18x^2 + 32)dx = 6x^3 + 32x + C \end{aligned}$$

$$p = 6, q = 0, r = 32 \quad \therefore p + q + r = 38$$

3. 정답 ②

$$f(x) = x^4 - 4x^2 - a \text{라고 하면}$$

$$f'(x) = 4x^3 - 8x = 4x(x^2 - 2)$$

$$f'(x) = 0 \text{에서 } x = -\sqrt{2}, x = 0, x = \sqrt{2}$$

함수 $f(x)$ 의 증가와 감소를 표로 나타내면 다음과 같다.

x	...	$-\sqrt{2}$...	0	...	$\sqrt{2}$...
$f'(x)$	-	0	+	0	-	0	+
$f(x)$	↘	극소	↗	극대	↘	극소	↗

$$f(-\sqrt{2}) = f(\sqrt{2}) = -4 - a$$

함수 $f(x)$ 의 최솟값이 $-4 - a$ 이므로

모든 실수 x 에서 $f(x) > 0$ 이 성립하려면 $-4 - a > 0$ 이어야 한다.

즉, $a < -4$

\therefore 정수 a 의 최댓값은 -5 이다.

4. 정답 ②

$$\int_{-2}^x f(t)dt = x^3 - ax^2 + a$$

양변에 $x = -2$ 를 대입하면

$$0 = -8 - 4a + a, 3a = -8$$

위 식을 x 에 대해 미분하면

$$f(x) = 3x^2 - 2ax$$

$$f(-3) = 27 + 6a = 27 - 16 = 11$$

5. 정답 ④

$$v(t) = 0 \text{에서 } t = 5$$

$\therefore t = 5$ 일 때 점 P의 위치는

6. 정답 ②

$\int f(x)dx = xg(x)$ 의 양변을 x 에 대하여 미분하면

$$f(x) = g(x) + xg'(x) \quad \dots \quad \textcircled{1}$$

$$f(x) + 2g(x) = 5x^2 + 8x - 6 \text{에 } \textcircled{1} \text{을 대입하면}$$

$$3g(x) + xg'(x) = 5x^2 + 8x - 6 \quad \dots \quad \textcircled{2}$$

함수 $g(x)$ 는 이차함수이므로

$$g(x) = ax^2 + bx + c \text{라고 하면 } g'(x) = 2ax + b$$

이를 \textcircled{2}에 대입하면

$$5ax^2 + 4bx + 3c = 5x^2 + 8x - 6$$

$$a = 1, b = 2, c = -2$$

$$g(x) = x^2 + 2x - 2 \quad \therefore g(3) = 13$$

7. 정답 ③

삼각형 PAB의 넓이는 점 P에서의 접선의 기울기가 직선 AB와 같아질 때 최소이다.

직선 AB는 $y = x - 1$ 이므로 점 P의 x좌표를 c라 할 때, $c + 1 = 1$ 에서 $c = 0$ 즉, P(0, 0)

$$\therefore \text{구하는 넓이의 최솟값은 } \frac{1}{2} \times 1 \times 1 = \frac{1}{2}$$

8. 정답 ③

$$f(x) = 2x^3 - 3x^2 - 12x + 10 \text{라 하면}$$

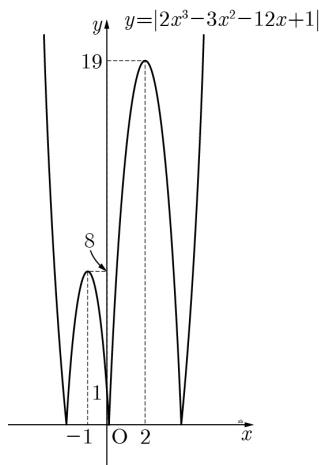
$$f'(x) = 6x^2 - 6x - 12 = 6(x-2)(x+1)$$

$$f'(x) = 0 \text{에서 } x = 2 \text{ 또는 } x = -1$$

함수 $f(x)$ 의 증가와 감소를 표로 나타내고

$y = f(x)$ 의 그래프의 개형을 그리면 다음과 같다.

x	...	-1	...	2	...
$f'(x)$	+	0	-	0	+
$f(x)$	↗	8	↘	-19	↗



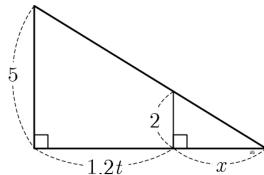
방정식 $|f(x)| = k$ 가 서로 다른 4개의 실근을 갖기 위한 k 의 값의

범위는 $8 < k < 19$ 이다.

∴ 정수 k 의 개수는 100이다.

9. 정답 ②

선운이의 그림자의 길이를 x 라 하자.



t 초 동안 선운이가 움직인 거리는 $1.2t$ m이므로 다음의 비례식이 성립한다.

$$5 : (1.2t + x) = 2 : x, x = 0.8t$$

따라서 시각 t 에서의 가로등으로부터 그림자 끝까지의 거리는

$2t$ (m)이므로 속도는 2 m/초이다.

10. 정답 ⑤

$h(x) = f(x) - g(x)$ 라 하면 $h(x)$ 는 삼차함수이므로

조건 (가)에서 $h(x) = ax(x+1)(x-1) = ax^3 - ax$

조건 (나)에서 $\int_0^4 h(x)dx = 96$ 이므로

$$\left[\frac{a}{4}x^4 - ax^2 \right]_0^4 = 96 \text{에서 } a = 2$$

$$h(x) = 2x(x+1)(x-1) \quad \therefore h(2) = 12$$

11. 정답 ⑤

$f(x)$ 는 기함수이므로 $f'(x)$ 는 우함수이다.

$$\int_{-2}^2 xf'(x)dx - 3 \int_{-2}^2 f'(x)dx = 18$$

$$f(2) - f(-2) = -6$$

$$-2f(-2) = -6 \quad \therefore f(-2) = 3$$

12. 정답 ②

상자의 밑면인 $\triangle A'B'C'$ 의 넓이는

$$\begin{aligned} & \frac{1}{2}(20-2x)(20-2x)\sin 60^\circ \\ & = \frac{\sqrt{3}}{4}(20-2x)^2 \end{aligned}$$

상자의 높이는

$$x \tan 30^\circ = \frac{x}{\sqrt{3}} \text{이므로 상자의 부피는}$$

$V(x)$ 라 하면

$$\begin{aligned} V(x) &= \frac{\sqrt{3}}{4}(20-2x)^2 \times \frac{x}{\sqrt{3}} \\ &= \frac{1}{4}(4x^3 - 80x^2 + 400x) \quad (\text{단, } 0 < x < 10) \end{aligned}$$

$$V'(x) = \frac{1}{4}(12x^2 - 160x + 400) = \frac{1}{4}(2x-20)(6x-20)$$

$$V(x) = 0 \text{에서 } x = \frac{10}{3}$$

$V(x)$ 의 증가와 감소를 나타내면 다음 표와 같다.

x	(0)	...	$\frac{10}{3}$...	(10)
$V'(x)$		+	0	-	
$V(x)$	↗		극대	↘	

따라서 부피가 최대가 되는 x 의 값은 $\frac{10}{3}$

13. 정답 ⑤

조건 (나)에서 $f(2) = g(2)$

..... ①

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x) - f(2)}{x-2} - \lim_{x \rightarrow 2} \frac{g(x) - g(2)}{x-2} = 5$$

$$f'(2) - g'(2) = 5 \quad \dots \dots \textcircled{L}$$

조건 (가)의 식에 $x = 2$ 를 대입하면

$$g(2) = 4f(2) - 3$$

$$\textcircled{L} \text{과 연립하면 } f(2) = 1, g(2) = 1$$

조건 (가)의 식을 미분하여 $x = 2$ 를 대입하면

$$g'(2) = 4f(2) + 4f'(2)$$

$$\textcircled{L} \text{에서 } f'(2) = g'(2) + 5 \text{이므로 대입하면}$$

$$3g'(2) = -24, g'(2) = -8$$

따라서 곡선 $y = g(x)$ 위의 점 (2, 1)에서의 접선의 방정식은

$$y = -8(x-2) + 1 \quad \therefore y = -8x + 17$$

$$a = -8, b = 17 \quad \therefore a+b = 9$$

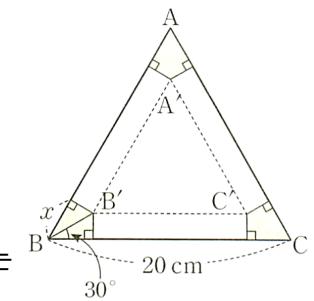
14. 정답 ③

$$f'(x) = 3x^2 + 2ax + b$$

$$f(1) = 7 \text{에서 } a+b = 3 \quad \dots \dots \textcircled{L}$$

$$f'(1) = 0 \text{에서 } 2a+b = -3 \quad \dots \dots \textcircled{L}$$

$$\textcircled{L} \text{과 } \textcircled{L} \text{을 연립하면 } a = -6, b = 9$$



총 21문항 : 객관식 16, 주관식 5

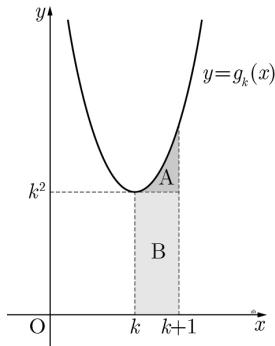
$$\therefore f'(x) = 3x^2 - 12x + 9 = 3(x-1)(x-3)$$

$$f'(x) \leq 0 \text{에서 } 1 \leq x \leq 3 \quad \therefore \alpha = 1, \beta = 3$$

$$\therefore a+b+\alpha+\beta = 7$$

15. 정답 ③

$y = g_k(x)$ 의 그래프와 x 축, $x = k$, $x = k+1$ 로 둘러싸인 부분을 나타내면 다음과 같다.



이때 A부분의 넓이는 $\int_0^1 f(x)dx$ 와 같고

$$B\text{부분의 넓이는 } k^2\text{이므로 } \int_k^{k+1} g_k(x)dx = \int_0^1 f(x)dx + k^2$$

마찬가지로

$$\int_{k+1}^{k+2} g_{k+1}(x)dx = \int_0^1 f(x)dx + (k+1)^2$$

$$\text{따라서 } \int_{k+1}^{k+2} g_{k+1}(x)dx - \int_k^{k+1} g_k(x)dx$$

$$= \int_0^1 f(x)dx + (k+1)^2 - \int_0^1 f(x)dx - k^2$$

$$= 2k+1$$

이므로 주어진 식의 값은

$$\sum_{k=1}^{20} (2k+1) = 2 \times \frac{20 \times 21}{2} + 20 = 440$$

16. 정답 ③

$$a_1 = 0$$

$$a_2 = 2 - 1 = 1$$

$$a_3 = 2 - \frac{1}{2} = \frac{3}{2}$$

$$a_4 = 2 - \frac{1}{4} = \frac{7}{4}$$

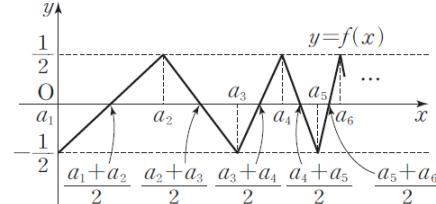
$$a_{n+1} - a_n = \frac{1}{2^{n-2}} - \frac{1}{2^{n-1}} = \frac{1}{2^{n-1}}$$

이므로 닫힌구간 $[a_n, a_{n+1}]$ 의 길이는 $\frac{1}{2^{n-1}}$ 이다.

또한 $f(a_n) = \begin{cases} -\frac{1}{2} & (n\text{은 홀수}) \\ \frac{1}{2} & (n\text{은 짝수}) \end{cases}$ 이고 함수 $y = f(x)$ 의 그래프가 x 축과

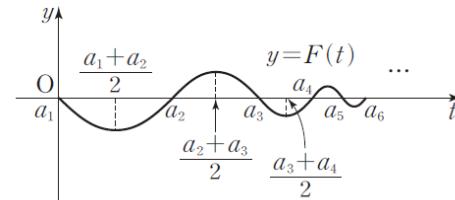
만나는 점의 x 좌표는 $\frac{a_n + a_{n+1}}{2}$ 이다.

따라서 함수 $y = f(x)$ 의 그래프의 개형은 다음과 같다.



따라서 $F(t) = \int_0^t f(x)dx$ 로 놓으면 함수 $y = F(t)$ 의 그래프의 개형은

다음과 같다.



따라서 실수 t 에 대한 방정식 $\int_0^t f(x)dx = p$ 를 만족시키는 t 의

개수가 11이 되려면 직선 $y = p$ 가 곡선 $y = F(t)$ 와 11개의 점에서만 만나면 된다.

즉, p 는 닫힌 구간 $[a_{11}, a_{12}]$ 에서 함수 $F(t)$ 의 극솟값이 되거나 닫힌 구간 $[a_{12}, a_{13}]$ 에서 함수 $F(t)$ 의 극댓값이 되어야 한다.

닫힌 구간 $[a_{11}, a_{12}]$ 에서 함수 $F(t)$ 의 극솟값은 밑변의 길이가

$$\frac{1}{2}(a_{12} - a_{11}) = \frac{1}{2^{11}}$$

값과 같으므로

$$\frac{1}{2} \times \frac{1}{2^{11}} \times \frac{1}{2} \times (-1) = -\frac{1}{2^{13}}$$

닫힌구간 $[a_{12}, a_{13}]$ 에서 함수 $F(t)$ 의 극댓값은 밑변의 길이가

$$\frac{1}{2}(a_{13} - a_{12}) = \frac{1}{2^{12}}$$

$$\frac{1}{2} \times \frac{1}{2^{12}} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{2^{14}}$$

따라서 구하는 모든 상수 p 의 값의 합은 $-\frac{1}{2^{13}} + \frac{1}{2^{14}} = -\frac{1}{2^{14}}$

17. 정답 (1) 36 (2) 1

$$\int_0^3 (2x+1)^2 dx - \int_0^3 (2x-1)^2 dx$$

$$- \int_{-1}^0 (2x-1)^2 dx + \int_{-1}^0 (2x-1)^2 dx$$

$$= \int_0^3 (4x^2 + 4x + 1) dx - \int_0^3 (4x^2 - 4x + 1) dx$$

$$= \int_0^3 8x dx = [4x^2]_0^3 = 36$$

(2) 곡선 $y = x(x-a)(x-2)$ 와 x 축으로 둘러싸인 도형의 넓이를 $S(a)$ 라 하면

$$S(a) = \int_0^a x(x-a)(x-2) dx + \int_a^2 \{-x(x-a)(x-2)\} dx$$

$$= \int_0^a \{x^3 - (a+2)x^2 + 2ax\} dx$$

$$+ \int_a^2 \{-x^3 + (a+2)x^2 - 2ax\} dx$$

$$= \left[\frac{1}{4}x^4 - \frac{a+2}{3}x^3 + ax^2 \right]_0^a + \left[-\frac{1}{4}x^4 + \frac{a+2}{3}x^3 - ax^2 \right]_a^2$$

$$= \left(-\frac{1}{12}a^4 + \frac{1}{3}a^3 \right) + \left(-\frac{1}{12}a^4 + \frac{1}{3}a^3 - \frac{4}{3}a + \frac{4}{3} \right)$$

$$= -\frac{1}{6}a^4 + \frac{2}{3}a^3 - \frac{4}{3}a + \frac{4}{3}$$

$$\therefore S'(a) = -\frac{2}{3}a^3 + 2a^2 - \frac{4}{3}$$

$$= -\frac{2}{3}(a-1)(a^2-2a-2)$$

$S'(a) = 0$ 에서 $a = 1$ ($\because 0 < a < 2$)

a	0	...	1	...	2
$S'(a)$		-	0	+	
$S(a)$		↘	극소	↗	

따라서 $S(a)$ 는 $a = 1$ 일 때 최소이다.

18. 정답 $1 < k < \frac{3}{2}$

$-1 < x < 1$ 인 x 의 값에서 극솟값을 갖고

$x > 1$ 인 x 의 값에서 극댓값을 가지려면

$f'(-1) < 0$, $f'(1) > 0$ 을 만족시켜야 한다.

$$f'(x) = -6x^2 + 2kx + 4k^2 \text{이므로}$$

$$f'(-1) = 4k^2 - 2k - 6 = 2(2k-3)(k+1) < 0 \text{에서}$$

$$-1 < k < \frac{3}{2} \quad \dots \textcircled{1}$$

$$f'(1) = 4k^2 + 2k - 6 = 2(2k+3)(k-1) > 0 \text{에서}$$

$$k < -\frac{3}{2} \text{ 또는 } k > 1 \quad \dots \textcircled{2}$$

①과 ②를 공통으로 만족하는 k 값의 범위는 $1 < k < \frac{3}{2}$

19. 정답 $\frac{11}{3}$

조건 (가), (나)에 의해

$$f'(x) = 4(x-m)x^2 \text{이므로}$$

$$f'(2) = 16(2-m) = 16$$

$$\therefore m = 1$$

$$f'(x) = 4x^2(x-1) = 4x^3 - 4x^2$$

$$f(x) = x^4 - \frac{4}{3}x^3 + C \text{에서}$$

$$f(1) = -\frac{1}{3} + C = \frac{5}{3} \text{이므로 } C = 2$$

$$\therefore f(x) = x^4 - \frac{4}{3}x^3 + 2$$

방정식 $|f(x) - f(0)| = k$ 를 만족시키는 서로 다른 실근의 개수가

$$3\text{개이려면 } k = f(0) + \frac{5}{3} = \frac{11}{3}$$

20. 정답 $-1, -3$

$$f'(x) = a(x+2)(x-2)^2 \text{에서 } f'(0) = 8a = 40 \text{이므로 } a = \frac{1}{2}$$

$$f'(x) = \frac{1}{2}(x+2)(x-2)^2 = \frac{1}{2}(x^3 - 2x^2 - 4x + 8)$$

$$f(x) = \frac{1}{8}x^4 - \frac{1}{3}x^3 - x^2 + 4x + C \text{에서}$$

$$f(-2) = -\frac{22}{3} + C = -5$$

$$C = \frac{7}{3}$$

$$f(x) = \frac{1}{8}x^4 - \frac{1}{3}x^3 - x^2 + 4x + \frac{7}{3}$$

사잇값 정리에 의해

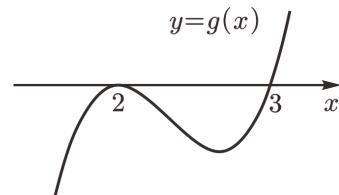
$$f(-3) > 0 \text{이고 } f(-2) < 0 \text{이므로 } m = -3 \text{이고}$$

$$f(-1) < 0 \text{이고 } f(0) > 0 \text{이므로 } m = -1$$

21. 정답 28

$$f(x)g(x) = (x-1)^2(x-2)^2(x-3)^2 \text{에서}$$

$g(x)$ 가 $x = 2$ 에서 극댓값을 가지므로 $g(x)$ 는 $(x-2)^2$ 을 인수로 갖고, $g(x)$ 의 최고차항의 계수가 양의 실수이므로 다음 그림의 개형을 통해 $(x-3)$ 을 인수로 가짐을 알 수 있다.



$g(x)$ 의 최고차항의 계수가 3이므로 $g(x) = 3(x-2)^2(x-3)$ 이다.

$$f(x)g(x) = (x-1)^2(x-2)^2(x-3)^2 \text{에서}$$

$$f(x) = \frac{1}{3}(x-1)^2(x-3)$$

$$f(x) \text{를 미분하면 } f'(x) = \frac{2}{3}(x-1)(x-3) + \frac{1}{3}(x-1)^2$$

총 21문항 : 객관식 16, 주관식 5

$$\therefore f'(7) = \frac{2}{3} \cdot 6 \cdot 4 + \frac{1}{3} \cdot 6^2 = 28$$

총 21문항 : 객관식 16, 주관식 5