

과목	복소함수 기출문제	단원	복소수
	<p>2. 복소함수 $f(z) = \frac{1}{2}\left(z + \frac{1}{z}\right)$에 대하여, 집합 $\{z \in \mathbb{C} \mid z = 2\}$에서 $f(z)$의 최댓값과 최솟값을 구하시오. [2021]</p> <p>- 정의/정리 -</p>	<p>- 풀이 -</p>	

과목	복소함수 기출문제	단원	복소수
----	-----------	----	-----

3. $w = \cos 20^\circ + i \sin 20^\circ$ ($i = \sqrt{-1}$)일 때,

$$\frac{1}{|w + 2w^2 + 3w^3 + \dots + 18w^{18}|}$$

의 값은? [1994]

- ① $\frac{1}{9} \sin 10^\circ$ ② $\frac{1}{18} \sin 20^\circ$
 ③ $\frac{2}{9} \sin 10^\circ$ ④ $\frac{1}{9} \sin 20^\circ$

- 풀이 -

- 정의/정리 -

과목	복소함수 기출문제	단원	복소수
	<p>4. 40보다 작은 양의 정수 n에 대하여</p> $(\sin \theta + i \cos \theta)^n = \sin n\theta + i \cos n\theta$ <p>를 만족하는 n의 값들의 합은? [1995]</p> <p>① 171 ② 180 ③ 190 ④ 200</p>		<p>- 풀이 -</p> <hr/>
	<p>- 정의/정리 -</p> <hr/>		<hr/>

과목	복소함수 기출문제	단원	지수형식
	<p>5. $z - 10i = 6$을 만족하는 복소수 z의 편각을 θ라고 할 때, $8\sin\theta + 6\cos\theta$의 최댓값과 최솟값의 곱은? [1995]</p> <p>① 7 ② 14 ③ 21 ④ 28</p>		- 풀이 - _____ _____ _____ _____ _____ _____ _____ _____ _____ _____ _____ _____ _____ _____ _____ _____
	- 정의/정리 - _____ _____ _____ _____ _____ _____ _____ _____ _____ _____ _____		_____ _____ _____ _____ _____ _____ _____ _____ _____ _____ _____ _____ _____ _____ _____ _____

과목	복소함수 기출문제	단원	지수형식
----	-----------	----	------

6. $z_1 = 2i$, $z_2 = 1 + i$ 일 때, 두 복소수의 몫 $\frac{z_1}{z_2}$ 의
 편각은? [1990]

- ① $\frac{\pi}{4}$ ② $\frac{\pi}{3}$ ③ $\frac{\pi}{2}$ ④ π

- 풀이 -

- 정의/정리 -

과목	복소함수 기출문제	단원	지수형식
----	-----------	----	------

7. 방정식 $z^n = 1$ 의 모든 해를 극형식으로 나타낼 때
 편각 θ 들의 합을 S_n 이라 하자. 이때, $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{S_n}{n}$ 의
 값은? (단, $0 \leq \theta < 2\pi$) [1992]

- ① $\frac{\pi}{2}$ ② π ③ $\frac{3}{2}\pi$ ④ 2π

- 풀이 -

- 정의/정리 -

과목	복소함수 기출문제	단원	선형분수변환
	<p>9. 확장 복소평면(extended complex plane) $\mathbb{C} \cup \{\infty\}$에서 정의된 일차분수변환(선형분수변환, linear fractional transformation, bilinear transformation) T가</p> <p>$T(0) = -1, T(i) = -i, T(2) = 3$을 만족시킬 때 $T(z)$를 풀이 과정과 함께 쓰시오. 또한 $W = \{T(z) \mid z = 1, z \in \mathbb{C}\}$라고 할 때, W의 원소와 복소수 $1+i$ 사이의 거리의 최솟값을 풀이 과정과 함께 쓰시오. [2025]</p> <p>- 정의/정리 -</p>	<p>- 풀이 -</p>	<p>- 풀이 -</p>

과목	복소함수 기출문제	단원	해석함수
----	-----------	----	------

10. 다음 조화함수(harmonic function)의 조화공액 (harmonic conjugate)을 구하시오. [1998]

$$u = \text{Arg } z \quad (-\pi < \text{Arg } z < \pi)$$

- 풀이 -

- 정의/정리 -

과목	복소함수 기출문제	단원	해석함수
	<p>11. 복소평면 \mathbb{C}안의 영역(domain) D에서 정의된 함수 $f: D \rightarrow \mathbb{C}$가 해석적(analytic)이고, 모든 $z \in D$에 대해 $\text{Im} f(z) = 2\text{Re} f(z)$가 성립한다. $f(z)$는 D에서 상수임을 보이시오. [2005]</p> <p>- 정의/정리 -</p>		<p>- 풀이 -</p>

과목	복소함수 기출문제	단원	해석함수
----	-----------	----	------

12. 두 실수 a 와 b 에 대하여 복소함수

$$f(x+iy) = (x^3 - 2axy - by^2) + i(2x^2 - ay^2 + bx^2y - y^3)$$

(x, y 는 실수)

가 정함수(entire function)일 때, $a^2 + b^2$ 의 값은?
[2013]

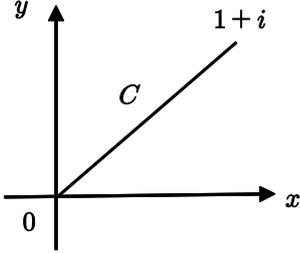
- ① 10 ② 13 ③ 17 ④ 18 ⑤ 20

- 풀이 -

- 정의/정리 -

과목	복소함수 기출문제	단원	적분
----	-----------	----	----

16. 복소평면에서 $z = 0$ 으로부터 $z = 1 + i$ 에 이르는 선분을 C 라 하자. $f(z) = y - x - i3x^2$ 일 때, $\int_C f(z) dz$ 의 값은? [1993]



- ① $1-i$ ② $1+i$ ③ $2-i$ ④ $2+i$

- 풀이 -

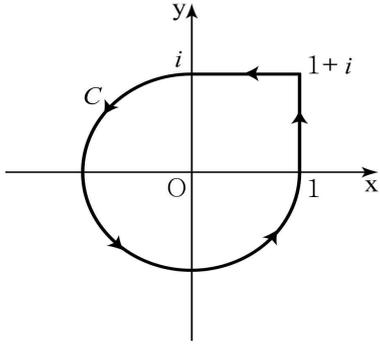
- 정의/정리 -

과목	복소함수 기출문제	단원	적분
----	-----------	----	----

18. 선 C 는 다음 그림과 같이 $1, 1+i, i$ 를 연결한
 두 선분과 단위원의 일부로 이루어져 있다.

이때, $\int_C \bar{z} dz$ 의 값을 구하십시오.

(단, \bar{z} 는 z 의 켈레복소수이다.) [2003]



- 풀이 -

- 정의/정리 -

과목	복소함수 기출문제	단원	적분
<p>19. 복소평면에서 곡선 C가</p> $C: z(t) = \begin{cases} e^{i\pi t}, & 0 \leq t \leq 1 \\ t-2, & 1 < t \leq 3 \end{cases}$ <p>일 때, 복소적분</p> $\int_C (x^2 - y^2 - y) + i(2xy - x) dz$ <p>의 값을 구하시오. (단, x, y는 실수이고 $z = x + iy$는 복소수이다.) [2019]</p> <p>- 정의/정리 -</p> <hr/>		<p>- 풀이 -</p> <hr/>	

과목	복소함수 기출문제	단원	적분
----	-----------	----	----

21. 복소평면에서 영역 $D = \{z \in \mathbb{C} \mid |z| < 1\}$ 에 대하여 연속함수 $f: D \rightarrow \mathbb{C}$ 가 해석적(analytic, holomorphic)이기 위한 필요충분조건을 <보기>에서 있는 대로 고른 것은? [2012]

<보기>

- ㄱ. D 에서 $f(z)$ 로 수렴하는 멱급수 $\sum_{n=0}^{\infty} a_n z^n$ 이 존재한다.
- ㄴ. D 에 포함되는 모든 단순닫힌경로 (단순폐곡선, simple closed contour) C 에 대하여 $\int_C f(z) dz = 0$ 이다.
- ㄷ. D 에서 $\frac{dF}{dz} = f$ 를 만족하는 해석함수 F 가 존재한다.

- ① ㄱ
- ② ㄱ, ㄴ
- ③ ㄱ, ㄷ
- ④ ㄴ, ㄷ
- ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

- 풀이 -

- 정의/정리 -

과목	복소함수 기출문제	단원	리우빌정리
----	-----------	----	-------

25. 실숫값을 갖는 두 함수 $u(x, y), v(x, y)$ 와 복소수 $z = x + iy$ (x, y 는 실수)에 대하여 복소함수

$$f(z) = u(x, y) + iv(x, y)$$

는 정함수이다. $f(\bar{z})$ 가 정함수임을 보이시오.

또한, $f'(i) = \pi, f'(-i) = 1$ 이고 모든 실수 x, y 에 대하여

$$\begin{aligned} \frac{\partial u}{\partial x}(x, y) \frac{\partial v}{\partial y}(x, y) - \frac{\partial u}{\partial y}(x, y) \frac{\partial v}{\partial x}(x, y) \\ > (u(x, -y))^2 + (v(x, -y))^2 \end{aligned}$$

일 때, $\frac{f'(1-i)}{f(1+i)}$ 의 값을 풀이 과정과 함께 쓰시오.

(단, \bar{z} 는 z 의 켈레복소수이다.) [2024]

- 풀이 -

- 정의/정리 -

과목	복소함수 기출문제	단원	리우빌정리
<p>27. 복소수 전체의 집합 \mathbb{C}에서 \mathbb{C}로의 정함수(entire function) f가 모든 $z \in \mathbb{C}$에 대하여 두 조건 $f(z) \leq 2 ze^z$, $f'(1) = 1$ 을 만족시킬 때, $f(1)$의 값은? [2009]</p> <p>① $\frac{1}{3}$ ② $\frac{1}{2}$ ③ 1 ④ e ⑤ $2e$</p> <p>- 정의/정리 -</p> <hr/>		<p>- 풀이 -</p> <hr/>	

과목	복소함수 기출문제	단원	최대 점댓값 정리
----	-----------	----	-----------

31. 복소평면 \mathbb{C} 안의 영역(domain) $D = \{z \mid |z| < 2\}$ 에서 정의된 함수 $f: D \rightarrow \mathbb{C}$ 가 해석적(analytic)이고, 모든 $z \in D$ 에 대하여 $|f(z)| \leq \sqrt{5}$ 이다. $f(0) = 2 + i$ 일 때, $f(1) + f'(i)$ 의 값을 구하시오. [2006]

- 풀이 -

- 정의/정리 -

과목	복소함수 기출문제	단원	급수
----	-----------	----	----

32. 복소수 $z = x + iy$ (x, y 는 실수)에 대한 함수

$$f(z) = \frac{x+iy}{x^2+y^2} + x^2+iy^2 + i\left(\frac{cy}{x^2+y^2} + dxy\right)$$

가 영역 $\mathbb{C} - \{0\}$ 에서 해석적(analytic)이 되도록 하는 실수 a, b, c, d 의 값을 풀이 과정과 함께 쓰시오.

또한 $e^{\frac{1}{z}} f(z)$ 의 $z=0$ 을 중심으로 하는 로랑 급수 (Laurent series)를 $\sum_{n=-\infty}^{\infty} a_n z^n$ 이라 할 때, a_{-1} 의 값을 풀이 과정과 함께 쓰시오. [2026]

- 풀이 -

- 정의/정리 -

과목	복소함수 기출문제	단원	급수
----	-----------	----	----

33. 다음은 주어진 문제의 풀이를 단계별로 제시한 것이다. (가), (나), (다), (라)에 알맞은 것은? [2010]

— <문제> —

복소수 전체 집합을 \mathbb{C} 라 하자.
 $D = \{z \in \mathbb{C} \mid |z| < 2\}$ 이고, 함수 $f : D \rightarrow \mathbb{C}$ 가 D 에서 해석적(analytic)이라 하자.
 $f(0) = f'(0) = 0$, $f''(0) \neq 0$ 이고
 $f\left(\frac{1}{3}\right) = \frac{i}{12}$ 이며 모든 $z \in D$ 에 대해서
 $|f(z)| \leq 3$ 일 때, $f\left(\frac{2i}{3}\right)$ 의 값은?

— <풀이> —

<1단계>
함수 f 가 D 에서 해석적이므로
 $f(z) = \sum_{n=0}^{\infty} a_n z^n$ 이 되고, 따라서
 $f(z) = \boxed{\text{(가)}} \cdot g(z)$ 의 꼴이다. (단, $g(z)$ 는 D 에서 해석적이며 $g(0) \neq 0$ 이다.)

<2단계>
 $0 < r < 2$ 인 r 에 대하여 $|z| = r$ 일 때
 $|g(z)| \leq \boxed{\text{(나)}}$ 이 성립한다. 여기서 최대 절댓값 정리(maximum modulus theorem)를 적용하면 $|z| \leq r$ 일 때 $|g(z)| \leq \boxed{\text{(나)}}$ 이다. 이 명제는 임의의 $r < 2$ 에 대하여 성립하므로 모든 $z \in D$ 에 대하여 $|g(z)| \leq \boxed{\text{(다)}}$ 이다.

<3단계>
위의 결과와 $f\left(\frac{1}{3}\right) = \frac{i}{12}$ 를 사용하여 $g(z)$ 를 구할 수 있고, 이를 이용하면
 $f\left(\frac{2i}{3}\right) = \boxed{\text{(라)}}$ 임을 알 수 있다.

- | | (가) | (나) | (다) | (라) |
|---|-------|-----------------|---------------|----------------|
| ① | z | $\frac{3}{r}$ | $\frac{3}{2}$ | $\frac{i}{12}$ |
| ② | z | $\frac{3}{r}$ | $\frac{3}{2}$ | $-\frac{1}{3}$ |
| ③ | z^2 | $\frac{3}{r}$ | $\frac{3}{2}$ | $\frac{i}{12}$ |
| ④ | z^2 | $\frac{3}{r^2}$ | $\frac{3}{4}$ | $-\frac{1}{3}$ |
| ⑤ | z^2 | $\frac{3}{r^2}$ | $\frac{3}{4}$ | $-\frac{i}{3}$ |

- 정의/정리 -

- 풀이 -

과목	복소함수 기출문제	단원	유수정리
----	-----------	----	------

37. 복소평면에서 곡선 C 는 $C: z(t) = e^{it}$
 $(0 \leq t \leq 2\pi)$ 로 나타내어지는 단위원이다. 자연수
 n 에 대하여 복소적분 $\int_C z^n \left(e^z + e^{\frac{1}{z}} \right) dz$ 의 값을
 a_n 이라 할 때, $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_{n+1}}{a_n}$ 의 값은? [2011]

① 0 ② $\frac{1}{4}$ ③ $\frac{1}{2}$ ④ $\frac{3}{4}$ ⑤ 1

- 풀이 -

- 정의/정리 -

과목	복소함수 기출문제	단원	유수정리
----	-----------	----	------

38. 정의역이 $\{x \in \mathbb{R} \mid -1 < x < 1\}$ 인 함수

$f(x) = \frac{e^x - 1}{1 - x}$ 의 $x = 0$ 에서의 3차 테일러 다항식을 구하시오. 또한 복소평면에서 원점을 중심으로 하고 반지름의 길이가 $\frac{1}{2}$ 인 원을 시계반대방향으로 한 바퀴 도는 곡선 C 에 대하여 선적분

$\int_C \frac{e^z - 1}{z^4(1 - z)} dz$ 의 값을 풀이 과정과 함께 쓰시오.
[2020]

- 풀이 -

- 정의/정리 -

과목	복소함수 기출문제	단원	유수정리
	<p>40. 복소수 $z = x + iy$ (x, y는 실수)에 대한 함수 $f(z) = e^{-x} \cos y + iv(x, y)$ (단, $v(x, y)$는 실숫값 함수) 가 정함수(전해석함수, entire function)이고 $f(0) = 1$을 만족시킬 때, $f(z)$를 풀이 과정과 함께 쓰시오. 또한 복소평면에서 중심이 원점이고 반지 름의 길이가 1인 원을 시계반대방향으로 한 바퀴 도는 곡선 C에 대하여 선적분 $\int_C f\left(\frac{1}{z}\right) dz$의 값 을 풀이 과정과 함께 쓰시오. [2025]</p>		<p>- 풀이 -</p> <hr/> <p>- 정의/정리 -</p> <hr/>

과목	복소함수 기출문제	단원	유수정리
----	-----------	----	------

41. 다음 4개의 복소함수

$$f_1(z) = z, f_2(z) = \bar{z}, f_3(z) = e^z, f_4(z) = e^{\bar{z}}$$

로 생성되는 복소 벡터 공간

$$\{a_1f_1 + a_2f_2 + a_3f_3 + a_4f_4 \mid a_1, a_2, a_3, a_4 \in \mathbb{C}\}$$

를 V 라 하자. 여기서 \bar{z} 는 z 의 켈레복소수이다.

복소평면 \mathbb{C} 상의 시계반대방향의 단위원

$C: |z|=1$ 에 대하여 사상(map) $T: V \rightarrow \mathbb{C}$ 를

다음과 같이 정의하자.

$$T(f) = \int_C f(z) dz$$

T 가 선형사상임을 증명하시오.

선형사상 T 의 핵(kernel) $\ker(T)$ 의 기저를 구하

고, $\ker(T)$ 를 이용하여

$$T^{-1}(2) = \{f \in V \mid T(f) = 2\}$$

를 나타내시오. [2014]

- 풀이 -

- 정의/정리 -

과목	복소함수 기출문제	단원	$\text{Res}_{z=z_0} f(z) = \frac{\phi^{(m-1)}(z_0)}{(m-1)!}$
----	-----------	----	--

46. $\oint_{|z|=2} \frac{(z^2 + 7)e^{2z}}{(z-3)(z+1)^2} dz$ 의 값을 구하십시오.
[1999]

- 풀이 -

- 정의/정리 -

과목	복소함수 기출문제	단원	$\text{Res}_{z=z_0} f(z) = \frac{\phi^{(m-1)}(z_0)}{(m-1)!}$
----	-----------	----	--

47. 복소평면에서 중심이 i 이고 반지름의 길이가 2인 원을 시계반대방향으로 한 바퀴 도는 곡선 C 에 대하여 선적분

$$\int_C \left\{ \frac{4e^{-iz}}{(z+6i)(z-2i)} + \bar{z} \right\} dz$$

의 값을 풀이 과정과 함께 쓰시오.

(단, \bar{z} 는 z 의 켈레복소수이다.) [2022]

- 풀이 -

- 정의/정리 -

과목	복소함수 기출문제	단원	$\operatorname{Res}_{z=z_0} f(z) = \frac{\phi^{(m-1)}(z_0)}{(m-1)!}$
	<p>49. 복소평면에서 중심이 원점이고 반지름의 길이가 1인 원을 시계반대방향으로 한 바퀴 도는 곡선 C에 대하여 적분</p> $\int_C \bar{z} dz - \frac{1}{z} d\bar{z}$ <p>의 값을 구하시오. (단, \bar{z}는 z의 켈레복소수이다.) [2024]</p> <p>- 정의/정리 -</p>		<p>- 풀이 -</p>

과목	복소함수 기출문제	단원	$\operatorname{Res}_{z=z_0} \frac{p(z)}{q(z)} = \frac{p'(z_0)}{q'(z_0)}$
----	-----------	----	--

50. 복소평면에서 곡선 C 가

$$C : z(t) = e^{it} \quad (0 \leq t \leq 2\pi)$$

로 나타내지는 단위원일 때, 다음 복소적분값

A, B 에 대하여 $\frac{A}{B}$ 의 값은? [2010]

$$A = \int_C \left(e^{z^2} + z^2 e^{\frac{1}{z}} \right) dz$$

$$B = \int_C \frac{1-z}{\sin z} dz$$

- ① $\frac{1}{6}$ ② $\frac{1}{4}$ ③ $\frac{1}{3}$
 ④ $\frac{1}{2}$ ⑤ 1

- 풀이 -

- 정의/정리 -

과목	복소함수 기출문제	단원	세 가지 고립특이점
----	-----------	----	------------

52. **조건**을 만족시키는 고립특이점(isolated singularity) $z = 0$ 을 갖는 복소함수만을 <보기>에서 있는 대로 고른 것은? [2013]

조건 임의의 $w \in \mathbb{C}$ 에 대하여 $\lim_{n \rightarrow \infty} z_n = 0$ 이고
 $\lim_{n \rightarrow \infty} f(z_n) = w$ 인 수열 $\{z_n\}$ 이 존재한다.

<보기>

ㄱ. $f(z) = z \sin \frac{1}{z}$
 ㄴ. $f(z) = \frac{\sin z}{e^z - 1}$
 ㄷ. $f(z) = \frac{1}{\sin z}$

- ① ㄱ ② ㄴ ③ ㄱ, ㄴ
 ④ ㄱ, ㄷ ⑤ ㄴ, ㄷ

- 풀이 -

- 정의/정리 -

과목	복소함수 기출문제	단원	유수의 응용
----	-----------	----	--------

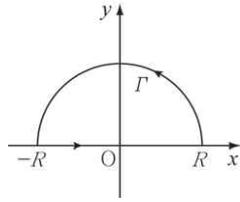
53. 다음은 복소적분을 이용하여

$$\int_{-\infty}^{\infty} \frac{x^2}{(x^2+1)^2} dx \text{ 를 구하는 과정이다.}$$

(가), (나), (다)에 알맞은 것은? [2009 모의평가]

함수 $f(z) = \frac{z^2}{(z^2+1)^2}$ 이라 하면

$\int_{-\infty}^{\infty} \frac{x^2}{(x^2+1)^2} dx$ 는 복소평면에서 실축(real axis)을 따른 $f(z)$ 의 적분을 나타낸다. $R > 1$ 이라고 하자.



그림과 같이 $-R$ 에서 R 까지의 선분과 상반평면(upper half plane)에서 반지름이 R 인 반원 Γ 로 구성된 폐곡선을 C 라 하면

$$\int_C f(z) dz = \int_{-R}^R f(x) dx + \int_{\Gamma} f(z) dz$$

이다. 이때

$$\int_C f(z) dz = \boxed{\text{(가)}}$$

이다. 또한

$$\left| \int_{\Gamma} f(z) dz \right| \leq \phi(R) \text{ 이고 } \lim_{R \rightarrow \infty} \phi(R) = 0$$

을 만족시키는 함수 $\phi(R) = \boxed{\text{(나)}}$ 가 존재한다. 그러므로

$$\int_{-\infty}^{\infty} f(x) dx = \lim_{R \rightarrow \infty} \int_{-R}^R f(x) dx = \boxed{\text{(다)}}$$

이다.

- | | | | |
|---|-----------------|-----------------------------|-----------------|
| | (가) | (나) | (다) |
| ① | $\frac{\pi}{3}$ | $\frac{\pi R^2}{(R^2-1)^2}$ | $\frac{\pi}{3}$ |
| ② | $\frac{\pi}{2}$ | $\frac{\pi R^3}{(R^2-1)^2}$ | $\frac{\pi}{3}$ |
| ③ | $\frac{\pi}{2}$ | $\frac{\pi R^4}{(R^2-1)^2}$ | $\frac{\pi}{2}$ |
| ④ | $\frac{\pi}{2}$ | $\frac{\pi R^3}{(R^2-1)^2}$ | $\frac{\pi}{2}$ |
| ⑤ | $\frac{\pi}{3}$ | $\frac{\pi R^3}{(R^2-1)^2}$ | $\frac{\pi}{2}$ |

- 정의/정리 -

- 풀이 -

과목	복소함수 기출문제	단원	판각원리
----	-----------	----	------

55. 복소평면에서 $C = \{z \in \mathbb{C} \mid |z| = 5\}$ 가 반시계방향으로 한바퀴 도는 곡선일 때,

$$\frac{1}{2\pi i} \int_C \frac{\cos z}{\sin z} dz$$

의 값은? [2012]

- ① -1 ② 0 ③ 1 ④ 2 ⑤ 3

- 풀이 -

- 정의/정리 -

과목	복소함수 기출문제	단원	편각원리
----	-----------	----	------

56. 복소함수

$$f(z) = \frac{(z-i+1)^5(z+1+i)^4}{z^6(z-1+4i)^3(z-9+2i)^5} e^z$$

과 복소평면에 중심이 원점이고 반지름의 길이가 r 인 원을 시계반대방향으로 한 바퀴 도는 곡선 $C(r)$ 이 있다.

선적분 $\int_{C(2)} \frac{f'(z)}{f(z)} dz$ 의 값을 구하십시오.

또한 $\int_{C(r)} \frac{f'(z)}{f(z)} dz = 0$ 을 만족시키는 양의 정수 r 의 개수를 구하십시오. [2026]

- 풀이 -

- 정의/정리 -

과목	복소함수 기출문제	단원	루세정리
	<p>57. 복소방정식 $z + e^{-z} = 2$는 $z - 2 < 2$에서 오직 한 개의 복소수 근을 가짐을 보이고, 그 근이 실근임을 보이시오. [2008]</p> <p>- 정의/정리 -</p>		<p>- 풀이 -</p>

과목	복소함수 기출문제	단원	루세정리
----	-----------	----	------

58. 복소방정식 $z^3 - z - 4 = 0$ 이 영역 $\{z \in \mathbb{C} \mid |z| < 2\}$ 에서 갖는 근의 개수를 풀이 과정과 함께 쓰시오. 또한 원점을 중심으로 하고 반지름의 길이가 2인 원을 시계반대방향으로 한 바퀴 도는 곡선을 C 라 할 때, 선적분 $\int_C \frac{1}{(z-3)(z^3-z-4)} dz$ 의 값을 풀이 과정과 함께 쓰시오. (단, 다중근의 경우 중복되는 수만큼 근의 개수로 인정한다.) [2023]
 ※ 다음 정리는 필요하면 증명 없이 사용할 수 있다.

함수 $f(z)$ 와 $g(z)$ 가 단순닫힌곡선 γ 와 그 내부에서 해석적이라 하자. 곡선 γ 위의 모든 점 z 에 대하여 부등식 $|g(z)| < |f(z)|$ 이 성립하면 두 함수 $f(z)$ 와 $f(z)+g(z)$ 는 γ 내부에서 같은 개수의 영점(zero)을 갖는다.

- 풀이 -

- 정의/정리 -
