

[illegible]







[illegible]

[illegible]



[illegible]



[illegible]

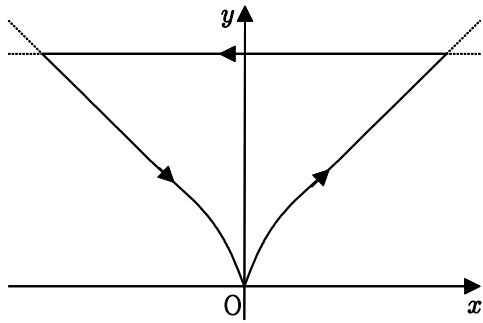




[illegible]

과목	미분적분학 기출문제	단원	그린정리
----	------------	----	------

12. 좌표평면에서 곡선  $y^3 = x^2$ 과 직선  $y = 1$ 로 둘러싸인 부분을  $D$ 라 하고 영역  $D$ 의 경계(boundary)를 시계반대방향으로 한 바퀴 도는 곡선을  $C$ 라 하자. 영역  $D$ 의 넓이와 선적분  $\int_C -ydx + xdy$ 의 값을 각각 구하시오. [2020]



- 정의/정리 -

- 풀이 -



[illegible]

[illegible]



[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]



[illegible]



[illegible]

[illegible]



과목	해석학 기출문제	단원	수열
----	----------	----	----

7. <보기>의 진위를 판정하고 이유를 설명하시오.  
[2009 모의평가]

〈보기〉

- ㄱ. 수열  $\{a_n\}$ 이 0이 아닌 실수로 수렴하면  $\{a_n\}$ 은 수렴한다.
- ㄴ. 수열  $\{a_n\}$ 이 0이 아닌 실수로 수렴하면  $\{(-1)^n a_n\}$ 은 수렴하지 않는다.
- ㄷ. 부분수열  $\{a_{2n}\}$ 과  $\{a_{2n-1}\}$ 이 같은 실수로 수렴하면 수열  $\{a_n\}$ 은 수렴한다.

- 붙이 -

- 정의/정리 -



[illegible]

과목	해석학 기출문제	단원	상, 하극한
10. <보기>의 진위를 판정하고 이유를 설명하시오. [2013]	<div style="border: 1px solid black; padding: 10px; margin: 10px 0;"> <p style="text-align: center;">————— &lt;보기&gt; —————</p> <p><math>\{a_n\}</math>의 상극한(limit superior, <math>\overline{\lim_{n \rightarrow \infty} a_n}</math>, <math>\limsup_{n \rightarrow \infty} a_n</math>)이 1이면, 임의의 <math>\varepsilon &gt; 0</math>에 대하여 <math>a_n &lt; 1 - \varepsilon</math>을 만족시키는 <math>n</math>의 개수는 유한하다.</p> </div>	- 풀이 -	
- 정의/정리 -			

[illegible]



[illegible]

과목	해석학 기출문제	단원	연속
13. <보기>의 진위를 판정하고 이유를 설명하시오. [2011]	<div style="border: 1px solid black; padding: 10px; margin: 10px 0;"> <p style="text-align: center;">————— &lt;보기&gt; —————</p> <p><math>f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}</math> 가 연속함수이고, 실수열 <math>\{x_n\}</math>이 코시수열(Cauchy sequence)이면 <math>\{f(x_n)\}</math>도 코시 수열이다.</p> </div>	- 풀이 -	
- 정의/정리 -			

[illegible]

과목	해석학 기출문제	단원	연속
15. 닫힌 구간(폐구간) $[-1, 1]$ 에서 정의된 실함수 $f, g, h$ 에 대하여 <보기>의 진위를 판정하고 이유를 설명하시오. [2009]	<div style="border: 1px solid black; padding: 10px; margin: 10px 0;"> <p style="text-align: center;">— &lt;보기&gt; —</p> <p>유리수 전체의 집합을 <math>\mathbb{Q}</math>라 할 때,</p> <p>ㄱ. 연속함수 <math>f</math>가 모든 <math>q \in [-1, 1] \cap \mathbb{Q}</math>에 대하여 <math>f(q) = 1</math>이면 <math>f</math>는 항등적으로 1이다.</p> <p>ㄴ. 함수 <math>g</math>가 연속이고 <math>[-1, 1]</math>의 부분집합 <math>S</math>가 닫힌 집합(폐집합)이면 <math>g(S)</math>는 닫힌 집합이다.</p> <p>ㄷ. <math display="block">h(x) = \begin{cases} x^2 &amp; x \in [-1, 1] \cap \mathbb{Q} \\ x \sin \frac{1}{x} &amp; x \in [-1, 1] - \mathbb{Q} \end{cases}</math>로 정의된 함수 <math>h</math>는 <math>x = 0</math>에서 연속이다.</p> </div>	- 풀이 -	
- 정의/정리 -			

[illegible]

[illegible]

[illegible]

과목	해석학 기출문제	단원	연속
19. 연속함수 $f: [0, 1] \rightarrow \mathbb{R}$ 에 대해 집합 $\{f(x) \mid x \in [0, 1]\}$ 의 상한(최소상계, supremum, least upper bound) $M$ 이 존재한다. $\langle$ 정리 1 $\rangle$ 을 증명 없이 이용하여 $f(x^*) = M$ 을 만족하는 $x^* \in [0, 1]$ 이 존재함을 증명하시오. [2014]	<div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin: 10px 0;"> <math>\langle</math>정리 1<math>\rangle</math>  유계인 실수열은 수렴하는 부분수열을 갖는다. </div>	- 풀이 -	
- 정의/정리 -			



[illegible]

[illegible]

[illegible]

과목	해석학 기출문제	단원	균등연속
23. 주어진 정의역에서 다음 함수의 균등연속 여부를 판정하고 그 이유를 설명하시오. [2010]	<p>(1) <math>f : [0, \infty) \rightarrow \mathbb{R}, f(x) = \sqrt{2x^2 + 3}</math></p> <p>(2) <math>g : [1, \infty) \rightarrow \mathbb{R}, g(x) = \int_1^x e^{-t^2} dt</math></p> <p>(3) <math>h : [0, 3) \rightarrow \mathbb{R}, h(x) = \frac{x^2 - 3x + 2}{x - 3}</math></p>	- 풀이 -	
- 정의/정리 -			

[illegible]

과목	해석학 기출문제	단원	미분
<p>25. 다음과 같이 주어진 함수 <math>f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}</math> 에 대하여 <math>x = 0</math> 에서 <math>f</math> 가 미분가능(differentiable)한지 판정하시오.</p> <p>(1) <math>f(x) = \begin{cases} x^2 + 1 &amp; (x \text{가 유리수}) \\ 1 &amp; (x \text{가 무리수}) \end{cases}</math> [2005]</p> <p>(2) <math>f(x) = \begin{cases} x + x^2, &amp; x \in \mathbb{Q} \\ x \cos x, &amp; x \in \mathbb{Q}^c \end{cases}</math> [2011]</p>		<p>- 풀이 -</p>	
<p>- 정의/정리 -</p>			

[illegible]

[illegible]





[illegible]



[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]





[illegible]

과목	해석학 기출문제	단원	Darboux 정리
----	----------	----	------------

38. 실수 전체의 집합을  $\mathbb{R}$  라 하자. 다음 정리의 증명에서 (가), (나), (다)에 알맞은 것은? [2009]

〈정리〉

함수  $f : [a, b] \rightarrow \mathbb{R}$  가 닫힌 구간  $[a, b]$  에서 미분가능하고  $f'(a) > f'(b)$  이면,  $f'(a) > k > f'(b)$  인 실수  $k$  에 대하여  $f'(c) = k$  를 만족시키는 점  $c \in (a, b)$  가 존재한다.

◇ 참고 :  $f$  가 열린 구간  $(a, b)$  에서 미분가능하고  $a$  에서의 우미분계수와  $b$  에서의 좌미분계수가 존재할 때  $f : [a, b] \rightarrow \mathbb{R}$  가  $[a, b]$  에서 미분가능하다' 라고 한다.

〈증명〉

함수  $g : [a, b] \rightarrow \mathbb{R}$  를  $g(x) = f(x) - kx$  로 정의하면,  $g$  는 연속이므로 어떤 점  $c \in [a, b]$  에서 (가) 을 갖는다.

그런데 (나) 이(하)므로  $g(x_1) > g(a)$  와  $g(x_2) > g(b)$  를 각각 만족시키는 점  $x_1, x_2 \in (a, b)$  가 존재하게 되어  $a$  와  $b$  에서  $g$  는 (가) 을 가질 수 없다.

따라서  $g$  는 점  $c \in (a, b)$  에서 (가) 을 갖고 (다) 이(하)므로,  $g'(c) = 0$  이다. 그러므로  $f'(c) = k$  를 만족시키는 점  $c \in (a, b)$  가 존재한다.

(가)

(나)

(다)

- |       |                            |             |
|-------|----------------------------|-------------|
| ① 최솟값 | $g$ 가 감소                   | $g'$ 이 연속   |
| ② 최댓값 | $g'(a) > 0$ 이고 $g'(b) < 0$ | $g$ 가 미분 가능 |
| ③ 최댓값 | $g$ 가 증가                   | $g$ 가 미분 가능 |
| ④ 극댓값 | $g'(a) > 0$ 이고 $g'(b) < 0$ | $g'$ 이 연속   |
| ⑤ 최솟값 | $g'(a) > 0$ 이고 $g'(b) < 0$ | $g$ 가 미분 가능 |

- 정의/정리 -

- 풀이 -









[illegible]





[illegible]

[illegible]



[illegible]



[illegible]

과목	해석학 기출문제	단원	적분
----	----------	----	----

51. 다음을 읽고 물음에 답하시오.

유계인 닫힌 구간  $[a, b]$ 에서 유계함수  $f: [a, b] \rightarrow \mathbb{R}$ 와  $[a, b]$ 의 분할  $P$ 에 대한 하합(lower sum)과 상합(upper sum)을 각각  $L(f, P)$ ,  $U(f, P)$ 로 나타내고,

$$A = \sup \{L(f, P) | P \text{는 } [a, b] \text{의 분할}\}$$

$$B = \inf \{U(f, P) | P \text{는 } [a, b] \text{의 분할}\}$$

이라 두자.

이때  $[a, b]$ 의 임의의 분할  $P, Q$ 에 대하여  $L(f, P) \leq U(f, Q)$ 이므로

$$A \leq B \dots\dots\dots (가)$$

가 성립한다. 만약

$$A \geq B \dots\dots\dots (나)$$

도 성립하면  $f$ 는  $[a, b]$ 에서 리만적분가능하다고 한다.

한편, 고등학교 교과서에서는 “함수  $f$ 가  $[a, b]$ 에서 연속이면 극한

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \sum_{k=1}^n f(x_k) \Delta x \left( \Delta x = \frac{b-a}{n}, x_k = a + k \Delta x \right)$$

...(다)

는 항상 존재함이 알려져 있다.”라고 설명하고 이 극한을 정적분의 정의로 사용하고 있다.

부등식 (가)를 증명하고,  $[a, b]$ 에서 정의된 연속 함수  $f$ 에 대하여 (나)가 성립함을 증명하시오.

그리고 이를 토대로  $[a, b]$ 에서 정의된 연속함수  $f$ 의 경우, (다)의 극한

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \sum_{k=1}^n f(x_k) \Delta x$$

가 존재함을 보이시오. [2015]

- 정의/정리 -

- 풀이 -



[illegible]

[illegible]

과목	해석학 기출문제	단원	적분
	<p>54. 닫힌 구간 <math>[a, b]</math>에서 정의된 실함수 <math>f, g</math>에 대하여 <math>\langle \text{보기} \rangle</math>의 진위를 판정하고 이유를 설명하시오. [2009]</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 10px; margin: 10px auto; width: fit-content;"> <p style="text-align: center;"><math>\langle \text{보기} \rangle</math></p> <p>ㄱ. 임의의 <math>x, y \in [a, b]</math>에 대하여  <math> f(x) - f(y)  \leq  x - y ^{\frac{1}{2}}</math>            을 만족하면 <math>f</math>는 <math>[a, b]</math>에서 리만적분 가능하다.</p> <p>ㄴ. <math>[a, b]</math>에서 리만적분가능한 함수의 불연속점은 기껏해야 유한개이다.</p> <p>ㄷ. <math>g^2</math>이 <math>[a, b]</math>에서 리만적분가능하면 <math>g</math>도 <math>[a, b]</math>에서 리만적분가능하다.</p> </div>	- 풀이 -	
	- 정의/정리 -		

[illegible]

과목	해석학 기출문제	단원	적분
	<p>56. &lt;보기&gt;의 진위를 판정하고 이유를 설명하시오. [2012]</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 10px; margin: 10px 0;"> <p style="text-align: center;">————— &lt;보기&gt; —————</p> <p>ㄱ. 닫힌구간 <math>[0, 1]</math>에서 정의된 함수</p> <math display="block">f(x) = \begin{cases} 1, &amp; x \in [0, 1] \cap \mathbb{Q} \\ 0, &amp; x \in [0, 1] - \mathbb{Q} \end{cases}</math> <p>는 <math>[0, 1]</math>에서 리만(Riemann)적분가능하다.</p> <p>ㄴ. <math>[0, 1]</math>에서 적분가능한 함수 <math>f</math>에 대하여</p> <math display="block">F(x) = \int_0^x f(y) dy</math> <p>로 정의된 함수 <math>F</math>는 열린구간 <math>(0, 1)</math>에서 미분가능하다.</p> </div>	- 풀이 -	
	- 정의/정리 -		

[illegible]

[illegible]

[illegible]



[illegible]

[illegible]

과목	해석학 기출문제	단원	이상적분
	62. 구간 $\left(\frac{\pi}{2}, \frac{3\pi}{2}\right)$ 에서 정의된 함수 $f(x)=\tan x$ 의 역함수를 $g:\mathbb{R} \rightarrow \left(\frac{\pi}{2}, \frac{3\pi}{2}\right)$ 라 하자. $\lim_{n\rightarrow\infty} n\left\{g\left(1+\frac{3}{n}\right)-g(1)\right\}$ 의 값을 풀이 과정과 함께 쓰시오. 또한 $\int_0^\infty \frac{g(x)}{1+x^2} dx$ 의 값을 풀이 과정과 함께 쓰시오. [2023]	- 풀이 -	
	- 정의/정리 -		

[illegible]

[illegible]

과목	해석학 기출문제	단원	함수열
65. 함수열 $\{f_n\}$ 의 $A$ 에서의 극한함수를 구하고 평등 수렴여부를 판정하시오.	<p>(1) <math>f_n(x) = \frac{x}{n}, A = \mathbb{R}</math> [1995]</p> <p>(2) <math>f_n(x) = \frac{x^2 + nx}{n}, A = \mathbb{R}</math> [1995]</p> <p>(3) <math>f_n(x) = \frac{1}{n} \sin(nx + n), A = \mathbb{R}</math> [1995]</p> <p>(4) <math>f_n(x) = n(1-x)x^n, A = [0, 1]</math> [2002]</p> <p>(5) <math>f_n(x) = \frac{3x^n}{2x^n + 1}, A = [0, 2]</math> [2006]</p>	- 풀이 -	
		<p>- 정의/정리 -</p>	

과목	해석학 기출문제	단원	함수열
----	----------	----	-----

66. 다음은 테일러(Taylor) 정리와 관련된 내용이다.

$0 \in (a, b)$ 이고 함수  $f$ 가  $(a, b)$ 에서 무한번 미분 가능할 때,  $f$ 의  $n$ 차 도함수를  $f^{(n)}$ 으로 나타내고

$$f_n(x) = \sum_{k=0}^n \frac{f^{(k)}(0)}{k!} x^k, R_n(x) = f(x) - f_n(x)$$

로 놓으면

$$R_n(x) = \frac{f^{(n+1)}(t_x)}{(n+1)!} x^{n+1}$$

이 되는  $t_x$ 가 0과  $x$  사이에 존재한다.

함수  $f(x) = \ln(1+x)$ 에 대하여  $f_n(x)$ 를 구하고,  $R_n(x)$ 를 이용하여 구간  $[0, 1]$ 에서  $f_n$ 이  $f$ 로 평등수렴(uniform convergence)함을 보이시오. [2007]

- 풀이 -

- 정의/정리 -

[illegible]



[illegible]

[illegible]

과목	해석학 기출문제	단원	함수열
70. 구간 $[0, 1]$ 에서 미분가능한 함수열 $\{f_n\}$ 이 함수 $f$ 로 점별수렴(pointwise convergence)한다. 〈보기〉의 진위를 판정하고 이유를 설명하시오. [2013]	<p style="text-align: center;">〈보기〉</p> <p>ㄱ. 함수열 <math>\{f_n\}</math>이 균등수렴(평등수렴, 고른 수렴, uniform convergence)하면 <math>f</math>는 균등연속 (평등연속, 고른연속, uniformly continuous) 함수이다.</p> <p>ㄴ. 함수 <math>f</math>가 <math>[0, 1]</math>에서 리만적분가능 (Riemann integrable)하면</p> $\int_0^1 f(x) dx = \lim_{n \rightarrow \infty} \int_0^1 f_n(x) dx \text{ 이다.}$ <p>ㄷ. 함수열 <math>\{f_n'\}</math>이 균등수렴하면 함수열 <math>\{f_n\}</math>도 균등수렴한다.</p>	- 풀이 -	
- 정의/정리 -			

과목	해석학 기출문제	단원	함수열
	<p>71. 함수 <math>f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}</math> 는 미분가능하고 도함수 <math>f'</math> 이 <math>\mathbb{R}</math> 에서 연속이다. 자연수 <math>n</math> 에 대하여 함수 <math>g_n</math> 을</p> $g_n(x) = 2^n \{f(x + 2^{-n}) - f(x)\}$ <p>라 하자. 함수열 <math>\{g_n\}</math> 이 닫힌구간 <math>[0, 1]</math> 에서 <math>f'</math> 으로 평등수렴(균등수렴, 고른수렴, uniform convergence)함을 보이시오.</p> <p>또한 <math>\lim_{n \rightarrow \infty} \int_0^1 g_n(x) dx = f(1) - f(0)</math> 임을 보이시오.</p> <p>[2017]</p>		<p>- 풀이 -</p>
	<p>- 정의/정리 -</p>		

[illegible]

[illegible]

과목	해석학 기출문제	단원	함수열
	<p>74. 자연수 <math>n</math>에 대하여 함수 <math>g_n : [0, 1] \rightarrow \mathbb{R}</math> 을</p> $g_n(x) = \int_0^x \{1 + (x-y)^n \sin^n(xy)\} dy$ <p>로 정의하고, <math>a_n = \int_0^1 g_n(x) dx</math>라 하자.</p> <p>함수열 <math>\{g_n\}</math>이 <math>[0, 1]</math>에서 어떤 함수 <math>g</math>로 균등수렴  (고른수렴, 평등수렴, uniform convergence)함을  보이고, <math>\lim_{n \rightarrow \infty} a_n</math>의 값을 풀이 과정과 함께 쓰시오.  [2020]</p>	- 풀이 -	
	- 정의/정리 -		

[illegible]



[illegible]

과목	해석학 기출문제	단원	함수항 급수
77. 음이 아닌 정수 $n$ 에 대하여 함수 $f_n : [0, 1] \rightarrow \mathbb{R}$ 를 다음과 같이 정의 하자.		- 풀이 -	
$f_0(x) = e^x, f_n(x) = \int_0^x f_{n-1}(t) dt \quad (n \geq 1)$			
$\sum_{n=0}^{\infty} f_n(x)$ 는 $[0, 1]$ 에서 고른수렴(평등수렴, 균등수렴, uniform convergence)함을 보이고,			
$\sum_{n=0}^{\infty} f_n(x)$ 를 구하시오. [2021]			
※ 다음 정리는 필요하면 증명 없이 사용할 수 있다.			
<div style="border: 1px solid black; padding: 10px; margin: 10px 0;"> <p>함수 <math>g(x)</math>가 미분가능하면</p> <math display="block">\int_0^x g(t)e^{-t} dt = [-g(t)e^{-t}]_0^x + \int_0^x g'(t)e^{-t} dt</math> <p>이다.</p> </div>			
- 정의/정리 -			

[illegible]



G스쿨([g-school.co.kr](http://g-school.co.kr)) 정현민 전공수학(<http://mathhm.com>)

과목	해석학 기출문제	단원	함수항 급수
81. 양의 정수 $n$ 에 대하여 함수 $f_n : [-1, 1] \rightarrow \mathbb{R}$ 를	$f_n(x) = e^{\frac{x}{n^2}} - \cos \frac{x}{n^2}$ <p>로 정의할 때, 함수급수 <math>\sum_{n=1}^{\infty} f_n(x)</math>가</p> <p>구간 <math>[-1, 1]</math>에서 미분가능한 함수로 평등수렴 (균등수렴, 고른수렴, uniform convergence)함을 보이시오. [2016]</p> <p>※ 다음 정리는 필요하면 증명 없이 사용할 수 있다.</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 10px; margin: 10px 0;"> <p style="text-align: center;">〈정리〉</p> <p>구간 <math>[a, b]</math>에서 정의된 미분가능한 함수열 <math>\{f_n\}</math>에 대하여, 다음 두 조건 (가), (나)를 모두 만족하는 함수급수 <math>\sum_{n=1}^{\infty} f_n(x)</math>는 <math>[a, b]</math>에서 미분가능한 함수로 평등수렴한다.</p> <p>(가) 급수 <math>\sum_{n=1}^{\infty} f_n'(x_0)</math>가 수렴하는 점 <math>x_0 \in [a, b]</math>가 존재한다.</p> <p>(나) 함수급수 <math>\sum_{n=1}^{\infty} f_n'(x)</math>가 <math>[a, b]</math>에서 평등수렴한다.</p> </div>	- 풀이 -	
- 정의/정리 -			

[illegible]

[illegible]



과목	해석학 기출문제	단원	함수항 급수
84. 함수항 급수 $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{2^n} \cos(3^n x)$ 에 대하여 다음 물음에 답하시오. [2003]		- 풀이 -	
(1) $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{2^n} \cos(3^n x)$ 가 실수의 집합 $\mathbb{R}$ 에서 평등수렴함을 보이시오.			
(2) $f(x) = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{2^n} \cos(3^n x)$ 라 할 때 $f$ 의 리만적분 가능성을 판별하고 $\int_0^{2\pi} f(x)dx$ 를 구하시오.			
- 정의/정리 -			

과목	해석학 기출문제	단원	함수항 급수
85. 실수열 $\{r_k\}$ ( $0 < r_k < 1, k = 1, 2, 3, \dots$ )이 있다. 자연수 $n$ 에 대하여 함수 $f_n : [0, 1] \rightarrow \mathbb{R}$ 를 $f_n(x) = \begin{cases} 0 & , x \leq r_n \\ \frac{1}{2^n} & , x > r_n \end{cases}$ 로 정의하면 $\sum_{n=1}^{\infty} f_n(x)$ 가 수렴한다. $f(x) = \sum_{n=1}^{\infty} f_n(x)$ 일 때, <보기>의 진위를 판정 하고 이유를 설명하시오. [2011]		- 풀이 -	
	<div style="border: 1px solid black; padding: 10px; margin: 10px 0;"> <p style="text-align: center;">&lt;보기&gt;</p> <p>ㄱ. <math>\sum_{n=1}^{\infty} f_n</math>은 <math>[0, 1]</math>에서 균등수렴(고른수렴, 평등수렴, uniform convergence)한다.</p> <p>ㄴ. <math>f</math>는 <math>[0, 1] - \{r_k   k \text{는 자연수}\}</math>에서 연속이다.</p> <p>ㄷ. <math>\int_0^1 f(x)dx = f(1)</math></p> </div>		
- 정의/정리 -			

[illegible]

과목	해석학 기출문제	단원	급수
87. 다음 급수의 수렴, 발산을 판정하고 이유를 설명하시오.		- 정의/정리 -	
(1) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2+1}$ [1992]			
(2) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n!}{(n+2)!}$ [1992]			
(3) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n}{e^n}$ [1992]			
(4) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\log n}{n}$ [1992]			
(5) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sqrt{n+1}-\sqrt{n}}{n}$ [1996]			
(6) $\sum_{n=1}^{\infty} (\sqrt[n]{n}-1)^n$ [1996]			
(7) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^n}{n!}$ [1996]			
(8) $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{n \ln n}$ [1996]			
(9) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{e^{-\sqrt{n}}}{\sqrt{n}}$ [1997]			
(10) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n!}{(n+1)^n}$ [2005]			
(11) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n \sqrt{n^2+7}}$ [2011]			
(12) $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n+1} \sin \frac{\pi}{\sqrt{n}}$ [2011]			



[illegible]

[illegible]

과목	해석학 기출문제	단원	급수
90. 연속함수 $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ 와 실수열 $\{x_n\}$ 에 대하여 다음 명제의 참, 거짓을 판정하고 이유를 설명하시오. [2012]	(1) 급수 $\sum_{n=1}^{\infty} x_n^3$ 이 수렴하면 수열 $\{f(x_n)\}$ 은 코시수열 (Cauchy sequence)이다.  (2) $f$ 가 단조증가이고 급수 $\sum_{n=1}^{\infty} f(x_n)$ 이 수렴하면 $\{x_n\}$ 은 수렴한다.  (3) 급수 $\sum_{n=1}^{\infty} x_n$ 이 수렴하면 급수 $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x_n}{n}$ 도 수렴한다.	- 풀이 -	
- 정의/정리 -			





[illegible]

[illegible]



과목	해석학 기출문제	단원	역급수의 수렴반경, 수렴구간
	<p>95. 자연수 <math>n</math>에 대하여 함수 <math>f_n : [0, 1] \rightarrow \mathbb{R}</math> 를</p> $f_n(x) = (nx)^n(1-x)^{n^2}$ <p>으로 정의하고, <math>f_n</math>의 최댓값을 <math>M_n</math>이라 하자.</p> <p>거듭제곱 급수(멱급수, power series) <math>\sum_{n=1}^{\infty} M_n x^n</math>의 수렴반경(수렴반지름, radius of convergence)을 풀이 과정과 함께 쓰시오.</p> <p>또한 함수항 급수 <math>\sum_{n=1}^{\infty} f_n(x)</math>가 <math>[0, 1]</math>에서 고른수렴(평등수렴, 균등수렴, uniform convergence)하는지 판별하고 그 이유를 쓰시오. [2023]</p>	- 풀이 -	
	- 정의/정리 -		



[illegible]















과목	현대대수 기출문제	단원	부분군
<p>7. 군 <math>G</math>는 직접곱(직적, direct product) <math>Z_{13}^* \times \mathbb{C}^*</math>이다. 위수(order)가 18인 <math>G</math>의 원소의 개수를 풀이 과정과 함께 쓰고, 덧셈군 <math>Z_{18}</math>과 군동형(group isomorphic)이 되는 <math>G</math>의 부분군의 개수를 구하시오. (단, <math>Z_{13}^*</math>과 <math>\mathbb{C}^*</math>은 각각 유한체 <math>Z_{13}</math>과 복소수체 <math>\mathbb{C}</math>의 영이 아닌 원소들의 곱셈군이다.) [2021]</p>		<p>- 풀이 -</p>	
<p>- 정의/정리 -</p>			









[illegible]

[illegible]

[illegible]



[illegible]







[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]

과목	현대대수 기출문제	단원	정규부분군
<p>23. 복소수 집합을 <math>\mathbb{C}</math> 라 하고, 2차 정사각행렬의 일반 선형군을 <math>GL(2, \mathbb{C})</math>라 하고 하자. 행렬의 사원수군 (quaternion group) <math>Q</math>는 <math>GL(2, \mathbb{C})</math>의 부분집합 <math>\{I, A, A^2, A^3, B, BA, BA^2, BA^3 = AB\}</math> 으로, 위수 8인 부분군이다. 이때, <math>Q</math>의 모든 부분군이 정규부분군임을 보이시오. [2006]</p> <p>(단, <math>GL(2, \mathbb{C}) = \left\{ \begin{bmatrix} a &amp; b \\ c &amp; d \end{bmatrix} : ad - bc \neq 0, a, b, c, d \in \mathbb{C} \right\}</math>, <math>I = \begin{bmatrix} 1 &amp; 0 \\ 0 &amp; 1 \end{bmatrix}</math>, <math>A = \begin{bmatrix} 0 &amp; 1 \\ -1 &amp; 0 \end{bmatrix}</math>, <math>B = \begin{bmatrix} 0 &amp; i \\ i &amp; 0 \end{bmatrix}</math> 이다.)</p>		<p>- 풀이 -</p>	
<p>- 정의/정리 -</p>			

[illegible]

과목	현대대수 기출문제	단원	상군
<p>25. 덧셈군 <math>G = \mathbb{Z}_{12} \times \mathbb{Z}_6</math>에서 <math>(5, 5) \in G</math>로 생성된 부분군을 <math>H</math>라 하자. 잉여군(quotient group, factor group) <math>G/H</math>에서 원소 <math>(3, 3) + H</math>의 위수(order)를 구하시오. [2015]</p>		<p>- 풀이 -</p>	
<p>- 정의/정리 -</p>			





[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]

과목	현대대수 기출문제	단원	상군과 준동형사상
31. 체 $Z_3$ 위의 행렬에 대하여 연산이 행렬의 곱셈인 군	$G = \left\{ \begin{pmatrix} a & b \\ 0 & c \end{pmatrix} \mid a, b, c \in Z_3, ac \neq 0 \right\}$ <p>이 있다. 군 <math>G</math>에서 곱셈군 <math>Z_3^* = Z_3 - \{0\}</math>으로의 군 준동형 사상(group homomorphism)</p> $\phi: G \rightarrow Z_3^*, \phi\left(\begin{pmatrix} a & b \\ 0 & c \end{pmatrix}\right) = ac$ <p>의 핵(kernel) <math>\ker(\phi)</math>와 동형인 군을 구하시오. [2012]</p>	- 풀이 -	
- 정의/정리 -			



[illegible]



[illegible]

[illegible]

과목	현대대수 기출문제	단원	실로우 정리
<p>36. <math>G</math>는 위수(order)가 150인 군(group)이다.  위수가 6인 <math>G</math>의 부분군(subgroup)이 유일하게 존재할 때, 위수가 30인 <math>G</math>의 부분군이 존재함을 보이시오. [2019]</p>		<p>- 풀이 -</p>	
<p>- 정의/정리 -</p>			

[illegible]

과목	현대대수 기출문제	단원	실로우 정리
<p>38. 위수(order)가 200인 군 <math>G</math>가 부분군 <math>H</math>와 정규 부분군(normal subgroup) <math>N</math>을 가진다.  <math>H</math>와 <math>N</math>의 위수가 각각 8과 40일 때, <math>H</math>가 <math>N</math>의 부분군임을 보이시오. [2017]</p>		<p>- 풀이 -</p>	
<p>- 정의/정리 -</p>			

[illegible]

과목	현대대수 기출문제	단원	환(Rings)
40. 다음 명제의 참, 거짓을 판정하고 이유를 설명하시오. [2013]		- 풀이 -	
<div style="border: 1px solid black; padding: 10px; margin: 10px 0;"> <p style="text-align: center;">— &lt;보기&gt; —</p> <p>(1) 환 <math>Z_n</math>의 0이 아닌 원소 <math>a</math>가 영인자 (zero divisor)이면 <math>a</math>는 단원(unit)이 아니다.</p> <p>(2) 정역(integral domain) <math>R</math>의 표수 (characteristic) <math>n</math>이 양수이면 <math>n</math>은 소수이다.</p> </div>			
- 정의/정리 -			

[illegible]



과목	현대대수 기출문제	단원	아이디얼
42. $\mathbb{Z}$ 는 정수환이고 $\mathbb{Q}$ 는 유리수환이다. 환준동형사상(ring homomorphism) $g: \mathbb{Z} \rightarrow \mathbb{Q}$ 가 일대일(injective) 사상일 때, 참, 거짓을 판정하고 이유를 설명하시오. [2011]	<div style="border: 1px solid black; padding: 10px; margin: 10px 0;"> <p style="text-align: center;">〈보기〉</p> <p>ㄱ. 임의의 정수 <math>n</math>에 대하여 <math>g(n)=n</math>이다.</p> <p>ㄴ. <math>\mathbb{Z}</math>의 임의의 아이디얼(ideal) <math>I</math>에 대하여 <math>g(I)</math>는 <math>\mathbb{Q}</math>의 아이디얼이다.</p> <p>ㄷ. <math>\mathbb{Q}</math>의 임의의 아이디얼 <math>J</math>에 대하여 <math>g(I)=J</math>가 성립하는 <math>\mathbb{Z}</math>의 아이디얼 <math>I</math>가 존재한다.</p> </div>	- 풀이 -	
- 정의/정리 -			

과목	현대대수 기출문제	단원	아이디얼
<p>43. 환(Ring) <math>R</math>의 원소 <math>a</math>가 적당한 양의 정수 <math>m</math>에 대하여 <math>a^m = 0</math>으로 될 때, <math>a</math>를 <math>R</math>의 멱영원(Nilpotent element)이라고 한다.</p> <p>가환환(Commutative ring) <math>R</math>의 멱영원 전체의 집합을 <math>J</math>라고 할 때, <math>J</math>는 <math>R</math>의 이데알(Ideal)임을 보이시오. [1997]</p>		<p>- 풀이 -</p>	
<p>- 정의/정리 -</p>			

[illegible]





과목	현대대수 기출문제	단원	환준동형
	<p>47. 정수 <math>b</math>를 자연수 <math>m</math>으로 나눈 나머지를 <math>b_m</math>이라고 할 때, 자연수 <math>n</math>에 대하여 환 준동형사상(ring homomorphism)</p> $\psi: \mathbb{Z} \times \mathbb{Z} \rightarrow \mathbb{Z} \times \mathbb{Z} \times \mathbb{Z}_{2^n} \times \mathbb{Z}_5$ <p>를</p> $\psi(a, b) = (a, a, b_{2^n}, b_5)$ <p>로 정의하자. <math>\psi</math>의 상(치역, image) <math>\text{Im}(\psi)</math>의 단위(unit, unit element)의 개수가 <math>2^7</math>인 자연수 <math>n</math>을 풀이 과정과 함께 쓰시오. (단, <math>\mathbb{Z}</math>는 정수환이고 <math>\mathbb{Z} \times \mathbb{Z}</math>와 <math>\mathbb{Z} \times \mathbb{Z} \times \mathbb{Z}_{2^n} \times \mathbb{Z}_5</math>는 환의 직접곱(직적, 직합, direct product, external direct sum)이다.) [2022]</p>		<p>- 풀이 -</p>
	<p>- 정의/정리 -</p>		

[illegible]

[illegible]



[illegible]

과목	현대대수 기출문제	단원	F[x]에서의 연산
	<p>51. 다음 환의 정역 여부를 판정하시오.</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>(1) <math>Z_4 = \{0, 1, 2, 3\}</math>위에서의 다항식환 <math>Z_4[x]</math> [1993]</li> <li>(2) <math>Z_{24}[x]</math> [2011]</li> <li>(3) <math>(Z, +, \times), Z = \{z   z \text{는 정수}\}</math> [1996]</li> <li>(4) <math>(Q(\sqrt{2}), +, \times), Q(\sqrt{2}) = \{a+b\sqrt{2}   a, b \in Q\}</math> [1996]</li> <li>(5) <math>(\overline{Z}_{10}, +, \times), \overline{Z}_{10} = \{\bar{0}, \bar{1}, \dots, \bar{9}\}</math> [1996]</li> <li>(6) <math>(M_2(R), +, \times), M_2(R) = \left\{ \begin{pmatrix} a &amp; b \\ c &amp; d \end{pmatrix} \mid a, b, c, d \in R \right\}</math> [1996]</li> </ol>	- 정의/정리 -	



[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]



[illegible]

과목	현대대수 기출문제	단원	근, 기약성
<p>58. <math>F</math>가 체일 때, <math>F[x]</math>의 모든 이데알(ideal)은 주이데알임을 증명하시오. [1999]</p>		- 풀이 -	
<p>- 정의/정리 -</p>			

[illegible]

[illegible]

과목	현대대수 기출문제	단원	$F[x]/\langle f(x) \rangle$ 의 구조
	<p>61. 실수체 <math>\mathbb{R}</math>의 원소 <math>\alpha = \sqrt{2 - \sqrt{2}}</math>에 대하여 환준동형사상(ring homomorphism) <math>\varphi_\alpha : \mathbb{Q}[x] \rightarrow \mathbb{R}</math>를 <math>\varphi_\alpha(f(x)) = f(\alpha)</math>로 정의하자. 사상 <math>\varphi_\alpha</math>의 핵(kernel)을 <math>K</math>라 할 때, <math>K = \langle p(x) \rangle</math>를 만족하는 최고차항의 계수가 1인 기약다항식(irreducible polynomial) <math>p(x)</math>를 풀이 과정과 함께 쓰시오. 또한 잉여환(상환, factor ring, quotient ring) <math>\mathbb{Q}[x]/K</math>의 원소 <math>(x-2)+K</math>의 곱셈에 대한 역원을 <math>g(x)+K</math>라 할 때, <math>\deg g(x) &lt; \deg p(x)</math>인 다항식 <math>g(x)</math>를 풀이 과정과 함께 쓰시오. (단, <math>\mathbb{Q}[x]</math>는 유리수체 <math>\mathbb{Q}</math> 위의 다항식환이고, <math>\deg h(x)</math>는 다항식 <math>h(x)</math>의 차수 이다.) [2020]</p>	- 풀이 -	
	- 정의/정리 -		

[illegible]

과목	현대대수 기출문제	단원	$F[x]/\langle f(x) \rangle$ 의 구조										
<p>63. 다항식 <math>f(x) = x^2 + x + 1 \in \mathbb{Z}_2[x]</math>는 기약 다항식 이므로 <math>f(x)</math>로 생성되는 이데알 <math>\langle f(x) \rangle</math>는 ㉠이며, <math>\mathbb{Z}_2[x]/(x^2 + x + 1)</math> 은 위수가 ㉡인 유한체이다. ㉠, ㉡에 모두 옳은 것은? [1995]</p> <table><tr><td>㉠</td><td>㉡</td></tr><tr><td>① 극대이데알</td><td>2</td></tr><tr><td>② 극대이데알</td><td>4</td></tr><tr><td>③ 소이데알</td><td>8</td></tr><tr><td>④ 소이데알</td><td>16</td></tr></table>		㉠	㉡	① 극대이데알	2	② 극대이데알	4	③ 소이데알	8	④ 소이데알	16	<p>- 풀이 -</p> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <	
㉠	㉡												
① 극대이데알	2												
② 극대이데알	4												
③ 소이데알	8												
④ 소이데알	16												

[illegible]



[illegible]

과목	현대대수 기출문제	단원	$F[x]/\langle f(x) \rangle$ 의 구조
	<p>66. 체 <math>F</math> 위의 다항식환 <math>F[x]</math>에서 <math>I</math>를 영이 아닌 진이데알(nontrivial proper ideal)이라고 하자. 다음 명제 중 나머지네 개의 명제와 동치가 아닌 것은? [2009 모의평가]</p> <p>① <math>I</math>의 영이 아닌 모든 원소는 기약다항식의 곱으로 표현할 수 있다.</p> <p>② <math>I = \langle p(x) \rangle</math>인 기약다항식 <math>p(x) \in F[x]</math>가 존재한다.</p> <p>③ <math>F[x]/I</math>의 영이 아닌 모든 원소는 곱셈에 대한 역원을 갖는다.</p> <p>④ <math>I</math>를 포함하는 <math>F[x]</math>의 진이데알은 <math>I</math>뿐이다.</p> <p>⑤ <math>g(x), h(x) \in F[x]</math>에 대하여 <math>g(x)h(x) \in I</math>이면 <math>g(x) \in I</math> 이거나 <math>h(x) \in I</math>이다.</p>	- 풀이 -	
	- 정의/정리 -		

[illegible]

과목	현대대수 기출문제	단원	$F[x]/\langle f(x) \rangle$ 의 구조
<p>68. 위수가 9인 체(field) <math>F_9</math>를 구성하고, <math>F_9</math>를 원소 나열법으로 나타내시오. [2007]</p>		- 풀이 -	
<p>- 정의/정리 -</p>			

[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]



[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]

과목	현대대수 기출문제	단원	확대체
<p>77. 유리수체 <math>\mathbb{Q}</math> 위의 기약다항식 (irreducible polynomial) <math>f(x) = x^3 - 2x + 2</math>에 대하여 <math>f(x)</math>의 한 근(root) <math>\theta</math>를 포함하는 <math>\mathbb{Q}</math>의 확대체(extension field)를 <math>\mathbb{Q}(\theta)</math>라 하자. 이 때, <math>\mathbb{Q}(\theta)</math>에서 <math>3 + \theta</math>의 곱셈에 대한 역원을 구하시오. [2008]</p>		<p>- 풀이 -</p>	
<p>- 정의/정리 -</p>			



[illegible]

[illegible]



과목	현대대수 기출문제	단원	확대제
	<p>81. 실수 <math>\alpha = \frac{1+\sqrt{5}}{2}</math> 일 때 환 <math>\mathbb{Z}[\alpha] = \{a+b\alpha \mid a, b \in \mathbb{Z}\}</math> 와 행렬환 <math>M_2(\mathbb{Z}_3)</math>에 대하여 환준동형사상(ring homomorphism) <math>\varphi: \mathbb{Z}[\alpha] \rightarrow M_2(\mathbb{Z}_3)</math>을 다음과 같이 정의하자.</p> $\varphi(a+b\alpha) = \begin{pmatrix} [a+b]_3 & [b]_3 \\ [b]_3 & [a]_3 \end{pmatrix}$ <p>(단, <math>[k]_3</math>은 <math>\mathbb{Z}</math>에서 법 3에 대한 <math>k</math>의 합동류이다.)</p> <p><math>\varphi</math>의 핵(kernel) <math>\ker(\varphi)</math>와 <math>\varphi</math>의 상(image) <math>\text{im}(\varphi)</math>에 대하여 옳은 것은? (단, <math>\langle a \rangle</math>는 <math>a</math>로 생성되는 주아이디얼(principal ideal)이고, <math>F_n</math>은 위수가 <math>n</math>인 유한체이다.) [2013]</p> <p>① <math>\ker(\varphi) = \langle 3 \rangle</math>이고, <math>\text{im}(\varphi)</math>는 <math>F_9</math>와 환동형이다.          ② <math>\ker(\varphi) = \langle 3 \rangle</math>이고, <math>\text{im}(\varphi)</math>는 <math>\mathbb{Z}_3 \times \mathbb{Z}_3</math>과 환동형이다.          ③ <math>\ker(\varphi) = \langle 9 \rangle</math>이고, <math>\text{im}(\varphi)</math>는 <math>F_{27}</math>과 환동형이다.          ④ <math>\ker(\varphi) = \langle 9 \rangle</math>이고, <math>\text{im}(\varphi)</math>는 <math>\mathbb{Z}_9 \times \mathbb{Z}_3</math>과 환동형이다.          ⑤ <math>\ker(\varphi) = \langle 9 \rangle</math>이고, <math>\text{im}(\varphi)</math>는 <math>\mathbb{Z}_{27}</math>과 환동형이다.</p>	<p>- 풀이 -</p>	
	<p>- 정의/정리 -</p>		

[illegible]



[illegible]

과목	현대대수 기출문제	단원	유한체
<p>85. 표수(characteristic)가 <math>a</math>인 체 <math>F</math>에 대하여 군 <math>G</math>는 직접곱(직적, direct product) <math>Z_4 \times F^*</math>이다. 군 <math>G</math>가 160 이하의 위수(order)를 갖는 순환군(cyclic group)이 되도록 하는 체 <math>F</math> 중에서 서로 동형(isomorphic)이 아닌 것의 개수를 <math>b</math>라고 하자. 이때, <math>a</math>와 <math>b</math>의 값을 순서대로 구하시오. (단, <math>Z_4</math>는 덧셈 순환군이고, <math>F^*</math>는 체 <math>F</math>의 영(zero)이 아닌 모든 원소로 구성된 곱셈군이다.) [2025]</p>		<p>- 풀이 -</p>	
<p>- 정의/정리 -</p>			

[illegible]

과목	현대대수 기출문제	단원	유한체
----	-----------	----	-----

87. 군, 환, 체, 벡터공간에 관한 다음 설명 중에서 옳은 것은? [1995]

〈보기〉

- ㄱ. 위수가 4인 모든 군은 동형이다.
- ㄴ. 위수가 4인 모든 환은 동형이다.
- ㄷ. 위수가 4인 모든 체는 동형이다.
- ㄹ. 군  $G$ 의 임의의 부분군  $H$ 에 의한 상군 (quotient group)  $G/H$ 를 항상 만들 수 있다.
- ㅁ. 환  $R$ 의 임의의 부분환  $S$ 에 의한 상환 (quotient ring)  $R/S$ 를 항상 만들 수 있다.
- ㅂ. 벡터공간  $V$ 의 임의의 부분공간  $W$ 에 의한 상공간(quotient space)  $V/W$ 를 항상 만들 수 있다.

① ㄱ, ㄹ

② ㄴ, ㅁ

③ ㄷ, ㅂ

④ ㄱ, ㄴ, ㄷ

- 풀이 -

- 정의/정리 -

과목	현대대수 기출문제	단원	유한체
	<p>88. 체 <math>Z_2</math>의 유한확대체(finite extension field) <math>F</math>가 <math>[F : Z_2] = 6</math>을 만족시키고, <math>\alpha \in F</math>에 대하여 함수 <math>\varphi_\alpha : Z_2[x] \rightarrow F, \varphi_\alpha(f(x)) = f(\alpha)</math>는 대입준동형사상(evaluation homomorphism)이다. 옳지 않은 것은? [2012]</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>① 체 <math>F</math>는 위수(order)가 64인 유한체이다.</li> <li>② <math>\varphi_\alpha</math>의 핵 <math>\ker(\varphi_\alpha)</math>는 <math>Z_2[x]</math>의 주아이디얼(principal ideal)이다.</li> <li>③ <math>\alpha</math>의 기약다항식 <math>\text{irr}(\alpha, Z_2)</math>는 <math>Z_2[x]</math>에서 다항식 <math>x^{64} - x</math>를 나눈다.</li> <li>④ 기약다항식 <math>\text{irr}(\alpha, Z_2)</math>의 차수(degree)가 4인 <math>\alpha \in F</math>가 존재한다.</li> <li>⑤ <math>\varphi_\alpha</math>의 상 <math>\text{im}(\varphi_\alpha)</math>는 <math>F</math>의 부분체(subfield)이다.</li> </ul>	- 풀이 -	
	- 정의/정리 -		







[illegible]

과목	현대대수 기출문제	단원	Galois 이론
	<p>92. 실수 <math>\sqrt[3]{2}-\sqrt[3]{3}</math>을 근으로 가지는 다항식  <math>f(x)=x^9+3x^6+165x^3+1</math>  은 13을 법으로 하여  <math>f_{13}(x)=x^9+3x^6+9x^3+1</math>  과 합동이고, <math>f_{13}(x)</math>는 <math>Z_{13}[x]</math>에서 기약다항식임이 알려져 있다. 이를 이용하여, <math>f(x)</math>가 <math>Q[x]</math>에서 기약임을 보이시오.</p> <p>그리고 <math>K=Q(\sqrt[3]{2}, \sqrt[3]{3})</math>라 할 때 차수(degree) <math>[K: Q]</math>의 값을 풀이 과정과 함께 쓰고, 다항식 <math>g(x)=(x^3-2)(x^3-3)\in Q[x]</math>의 분해체(splitting field) <math>E</math>에 대하여 갈루아 군 <math>G(E/Q)</math>의 위수(order)를 풀이 과정과 함께 쓰시오. [2015]</p>	- 풀이 -	
	- 정의/정리 -		

[illegible]

과목	현대대수 기출문제	단원	Galois 이론
94.	<p><math>K</math>는 유리수체 <math>\mathbb{Q}</math> 위의 갈루아 확대체(정규 확대체, Galois extension field, normal extension field) 이고, 갈루아군(Galois group) <math>G(K/\mathbb{Q})</math>는 덧셈 순환군(additive cyclic group) <math>\mathbb{Z}_2</math>와 대칭군(symmetric group) <math>S_3</math>의 직접곱(직적, direct product) <math>\mathbb{Z}_2 \times S_3</math>과 동형이다.</p> <p><math>\mathbb{Q}</math> 위의 차수(degree) <math>[E:\mathbb{Q}]=6</math>인 <math>K</math>의 부분 체 <math>E</math>의 개수를 풀이 과정과 함께 쓰시오. 또한, <math>K</math>의 부분체 <math>F</math>에 대하여, <math>F</math>가 <math>\mathbb{Q}</math> 위의 갈루아 확대체이고 갈루아군 <math>G(F/\mathbb{Q})</math>가 <math>S_3</math>과 동형이 되도록 하는 체 <math>F</math>가 존재함을 보이시오. [2025]</p>	- 풀이 -	
	- 정의/정리 -		

과목	현대대수 기출문제	단원	Galois 이론
95. 유리수 체 $\mathbb{Q}$ 위에서 대수적인 원소 $\alpha$ 에 대하여 단순 확대체(simple extension field) $K = \mathbb{Q}(\alpha)$ 는 $\mathbb{Q}$ 위의 갈루아 확대체(정규 확대체, Galois extension field, normal extension field)이고 차수(degree)는 $[K : \mathbb{Q}] = 100$ 이다. 갈루아 군(Galois group) $G(K/\mathbb{Q})$ 가 $\sigma(\alpha) = \alpha^{-1}$ 을 만족시키는 자기동형사상(automorphism) $\sigma$ 를 가질 때, $K$ 의 부분체 $F = \mathbb{Q}(\alpha + \alpha^{-1})$ 의 $\mathbb{Q}$ 위의 차수 $[F : \mathbb{Q}]$ 를 풀이 과정과 함께 쓰시오. [2017]	- 풀이 -		
- 정의/정리 -			

과목	현대대수 기출문제	단원	Galois 이론
<p>96. 유리수체 <math>\mathbb{Q}</math> 위의 기약다항식 (irreducible polynomial) <math>f(x)</math>의 <math>\mathbb{Q}</math> 위의 분해체 (splitting field) <math>K</math>에 대하여 갈루아 군(Galois group) <math>G(K/\mathbb{Q})</math>가 아벨군(abel group)이다. 이 때 <math>G(K/\mathbb{Q})</math>의 위수(order)가 <math>f(x)</math>의 차수 <math>\deg(f(x))</math>와 같음을 보이시오. 또 <math>\deg(f(x))=2018</math> 일 때 <math>K</math>의 모든 부분체 (subfield)의 개수를 풀이 과정과 함께 쓰시오. (참고 : <math>2018 = 2 \times 1009</math>이고 1009는 소수이다.) [2018]</p>		<p>- 풀이 -</p>	
<p>- 정의/정리 -</p>			



과목	현대대수 기출문제	단원	Galois 이론
<p>97. 체(field) <math>K</math>를 유리수체 <math>\mathbb{Q}</math> 위에서 <math>x^{23} - 88</math>의 분해체(splitting field)라 하자. <math>K</math>의 <math>\mathbb{Q}</math> 위에서의 차수(degree) <math>[K : \mathbb{Q}]</math>의 값을 풀이 과정과 함께 쓰시오. 또한, <math>[K : E] - [E : \mathbb{Q}]</math>가 1010의 양의 약수이고 <math>\mathbb{Q} \leq E \leq K</math>를 만족시키는 체 <math>E</math>의 개수를 풀이 과정과 함께 쓰시오. [2024]</p>		<p>- 풀이 -</p>	
<p>- 정의/정리 -</p>			

과목	현대대수 기출문제	단원	Galois 이론
<p>98. 유리수체 <math>\mathbb{Q}</math> 위에서 대수적인 두 실수 <math>a, b</math>에 대하여 단순 확대체(simple extension) <math>K = \mathbb{Q}(a + bi)</math>가 <math>\mathbb{Q}</math> 위의 갈루아 확대체(정규 확대체, Galois extension field, normal extension field)이고 갈루아군(Galois group) <math>G(K/\mathbb{Q})</math>가 아벨군(abelian group)이라 하자.</p> <p><math>a^2 + b^2 \in \mathbb{Q}</math> 이고 <math>b \neq 0</math> 일 때, <math>G(K/\mathbb{Q})</math>의 위수(order)는 짝수임을 보이시오.</p> <p>또한 <math>G(K/\mathbb{Q})</math>의 위수를 <math>2m</math>이라 할 때, 자연수 <math>m</math>의 각각의 양의 약수 <math>d</math>에 대하여 <math>\mathbb{Q}[x]</math>에 속하고 모든 근이 실수이며 차수가 <math>d</math>인, <math>\mathbb{Q}</math> 위의 기약다항식(irreducible polynomial)이 존재함을 보이시오.</p> <p>(단, <math>i = \sqrt{-1}</math> 이고 <math>\mathbb{Q}[x]</math>는 <math>\mathbb{Q}</math> 위의 다항식환(polynomial ring)이다.) [2019]</p>		<p>- 풀이 -</p> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <	

[illegible]

과목	현대대수 기출문제	단원	Galois 이론
100. 유리수체 $\mathbb{Q}$ 위에서 다항식 $x^5 + 5$ 의 분해체 (splitting field)를 $K$ 라 하자. 체 $\mathbb{Q}(\sqrt[10]{5})$ 가 $K$ 의 부분체임을 증명하고, $K$ 의 원소 $\alpha = e^{\frac{2\pi}{5}i} + e^{\frac{3\pi}{5}i}$ 의 $\mathbb{Q}$ 위에서의 기약다항식(irreducible polynomial) $\text{irr}(\alpha, \mathbb{Q})$ 를 풀이 과정과 함께 쓰시오. (단, $i = \sqrt{-1}$ ) [2021]	- 풀이 -		
- 정의/정리 -			

[illegible]

과목	현대대수 기출문제	단원	Galois 이론
102.	<p><math>K</math>는 유리수체 <math>\mathbb{Q}</math> 위에서 다항식 <math>x^{13} - 1</math>의 분해체이다. 갈루아군 <math>G(K/\mathbb{Q})</math>에 대하여 집합 <math>X</math>를</p> $X = \{\sigma \in G(K/\mathbb{Q}) \mid K_{\langle \sigma \rangle} = \mathbb{Q}\}$ <p>라 하자. <math>X</math>의 원소 개수를 구하고 <math>X</math>의 원소 각각에 대하여 <math>\zeta = e^{\frac{2\pi i}{13}}</math>의 상을 <math>\zeta</math>의 거듭제곱으로 나타내시오. 또한 <math>K</math>의 원소</p> $\beta = \zeta + \zeta^3 + \zeta^4 + \zeta^9 + \zeta^{10} + \zeta^{12}$ <p>의 <math>\mathbb{Q}</math> 위에서의 기약다항식(최소다항식) <math>\text{irr}(\beta, \mathbb{Q})</math>를 풀이 과정과 함께 쓰시오.            (단, <math>K_{\langle \sigma \rangle}</math>는 <math>\sigma</math>로 생성되는 순환군 <math>\langle \sigma \rangle</math>의 고정체이고, <math>i = \sqrt{-1}</math>이다.) [2023]</p>	- 풀이 -	
	- 정의/정리 -		

과목	현대대수 기출문제	단원	Galois 이론
103. 유한체(finite field) $Z_p$ ( $p$ 는 소수) 위의 다항식 $f(x) = x^{p^4} - x \in Z_p[x]$ 에 대하여 체 $K$ 가 $Z_p$ 위에서의 $f(x)$ 의 분해체 (splitting field)일 때, <보기>에서 옳은 것만을 모두 고른 것은? [2011]	<div style="border: 1px solid black; padding: 10px; margin: 10px 0;"> <p style="text-align: center;">&lt;보기&gt;</p> <p>ㄱ. 임의의 원소 <math>\alpha \in K</math>에 대하여 <math>\alpha^{p^4} = \alpha</math> 이다.</p> <p>ㄴ. <math>Z_p \subsetneq L \subsetneq K</math>를 만족시키는 중간체 (intermediate field) <math>L</math>은 오직 한 개 존재한다.</p> <p>ㄷ. 갈루아 군 (Galois group) <math>\text{Gal}(K/Z_p)</math>는 위수(order)가 4인 순환군(cyclic group)이다.</p> </div> <p>① ㄱ                      ② ㄴ                      ③ ㄱ, ㄴ</p> <p>④ ㄴ, ㄷ                ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ</p>	- 풀이 -	
- 정의/정리 -			

[illegible]



[illegible]



과목	위상수학 기출문제	단원	집합 및 함수
----	-----------	----	---------

3. 정수 전체의 집합을  $Z$  라 하고 모든 자연수  $n$  에 대하여 집합  $A_n$  과  $B_n$  을 다음과 같이 정의하자.

$$A_n = \{x \in Z \mid x \leq n\},$$

$$B_n = \{x \in Z \mid x \geq -n\}$$

〈보기〉에서 옳은 것을 모두 고른 것은? [2010]

〈보기〉

$$\neg. \bigcap_{n=1}^{\infty} (A_n \cap B_n) = \{-1, 0, 1\}$$

$$\sqsubset. Z \cap \left( \bigcap_{n=1}^{\infty} (A_n^c \cup B_n^c) \right) = \emptyset$$

$$\sqsupset. \bigcup_{n=1}^{\infty} (A_n - B_n) = \{x \in Z \mid x \leq -1\}$$

①  $\neg$

②  $\neg, \sqsubset$

③  $\neg, \sqsupset$

④  $\sqsubset, \sqsupset$

⑤  $\neg, \sqsubset, \sqsupset$

- 풀이 -

- 정의/정리 -













[illegible]



[illegible]

[illegible]

[illegible]



[illegible]





과목	위상수학 기출문제	단원	내부, 외부, 폐포, 경계
17. 실수 전체의 집합 $\mathbb{R}$ 의 임의의 부분집합 $A$ 에 대하여	$c(A) = \begin{cases} A, & A \text{는 가산(countable)집합} \\ \mathbb{R}, & A \text{는 비가산(uncountable)집합} \end{cases}$ <p>로 정의할 때, 다음 조건을 만족시키는 <math>\mathbb{R}</math> 위의 위상(topology)을 <math>\mathcal{T}</math>라 하자.</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin: 10px 0;"> <p>임의의 <math>A \subseteq \mathbb{R}</math> 에 대하여 위상공간 <math>(\mathbb{R}, \mathcal{T})</math> 에서 <math>A</math>의 폐포(closure)는 <math>c(A)</math>이다.</p> </div> <p><math>\text{int}(\mathbb{Z}), \text{int}([0, 1]), \text{int}(\mathbb{R} - \mathbb{Z})</math>를 구하시오.  (단, <math>\text{int}(A)</math>는 <math>(\mathbb{R}, \mathcal{T})</math>에서 <math>A</math>의 내부(interior),  <math>\mathbb{Z}</math>는 정수 전체의 집합,  <math>[0, 1] = \{x \in \mathbb{R} \mid 0 \leq x \leq 1\}</math>이다.) [2011]</p>	- 풀이 -	
- 정의/정리 -			

과목	위상수학 기출문제	단원	내부, 외부, 폐포, 경계
<p>18. 자연수 전체의 집합을 <math>N</math>이라 하자.</p> <p>집합 <math>X = \{n \in N \mid n \geq 2\}</math>의 각 원소 <math>n</math>에 대하여 <math>B_n = \{k \in X \mid k \text{는 } n \text{의 약수}\}</math>라 하고,</p> <p><math>\{B_n \mid n \in X\}</math>를 기저로 하는 <math>X</math> 위에서의 위상을 <math>\mathcal{T}</math>라 하자. 다음 명제의 참, 거짓을 판정하고 설명하십시오. [2010]</p> <p>① 집합 <math>\{2, 4, 6, 8, 10\}</math>은 열린 집합이다.</p> <p>② 소수 전체의 집합은 열린 집합이다.</p> <p>③ 소수 전체의 집합은 <math>X</math>에서 조밀(dense)하다.</p> <p>④ 집합 <math>X</math>의 모든 원소 <math>x</math>에 대하여 <math>\{x\}</math>의 폐포(closure)는 <math>\{nx \mid n \in N\}</math>이다.</p>		<p>- 풀이 -</p>	
<p>- 정의/정리 -</p>			

[illegible]

[illegible]



[illegible]

[illegible]

[illegible]



과목	위상수학 기출문제	단원	수렴성
	<p>25. 정수 전체의 집합 <math>Z</math> 위에 위상(topology) <math>\mathcal{T}</math>를 다음과 같이 정의한다.</p> <p><math>\mathcal{T} = \{U \subset Z \mid U = \emptyset \text{ 또는 } U^c \text{는 유한집합}\}</math></p> <p>이 때 서로 다른 정수 <math>a_n</math>들로 이루어진 수열 <math>\{a_n\}</math>은 위상공간 <math>(Z, \mathcal{T})</math>에서 각각의 정수 <math>m</math>에 수렴함을 증명하시오. [1997]</p>		<p>- 풀이 -</p>
	<p>- 정의/정리 -</p>		

과목	위상수학 기출문제	단원	연속
<p>26. 임의의 위상공간의 부분집합 <math>S</math>에 대하여, <math>S</math>를 부분집합으로 갖는 모든 닫힌집합들의 교집합을 <math>\overline{S}</math>로 나타낸다. <math>X</math>와 <math>Y</math>가 위상공간이고 <math>f</math>가 <math>X</math>에서 <math>Y</math>로의 함수일 때, <math>f</math>의 연속성과 동치가 아닌 것은? [1994]</p> <p>① <math>Y</math>의 각 부분집합 <math>B</math>에 대하여 <math>\overline{f^{-1}(B)} \subset f^{-1}(\overline{B})</math></p> <p>② <math>X</math>의 각 부분집합 <math>A</math>에 대하여 <math>f(\overline{A}) \subset \overline{f(A)}</math> 이다.</p> <p>③ <math>Y</math>의 각 닫힌집합 <math>B</math>에 대하여 <math>f^{-1}(B)</math>는 <math>X</math>에서 닫힌집합이다.</p> <p>④ <math>X</math>의 각 열린집합 <math>A</math>에 대하여 <math>f(A)</math>는 열린집합이다.</p>		<p>- 풀이 -</p>	
<p>- 정의/정리 -</p>			

과목	위상수학 기출문제	단원	연속
27. $X$ 를	$\mathcal{B} = \{ V \subset X \mid V \text{와 } V^c \text{는 모두 열린집합 (open set)} \}$ 을 기저(basis)로 갖는 위상공간이라 하자. 그리고 $F$ 를 닫힌집합(closed set), $p$ 를 $F$ 에 속하지 않는 $X$ 의 점이라고 할 때 $f(p)=0$ 이고, $f(F)=\{1\}$ 인 연속함수 $f: X \rightarrow \mathbb{R}$ 가 존재함을 보이시오. (단, $\mathbb{R}$ 은 실수 전체의 집합이다.) [2007]	- 풀이 -	
- 정의/정리 -			

[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]



[illegible]

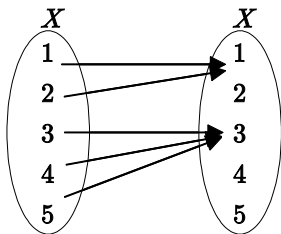


과목	위상수학 기출문제	단원	연속
----	-----------	----	----

35.  $X = \{1, 2, 3, 4, 5\}$  이고,

$$\mathcal{T} = \{X, \emptyset, \{1, 2\}, \{2\}, \{3, 4, 5\}, \{2, 3, 4, 5\}, \{4\}, \{1, 2, 4\}, \{2, 4\}\}$$

이라 하자. 함수  $f: X \rightarrow X$ 를 아래와 같이 정의할 때, 다음 물음에 답하시오. [2002]



(1)  $f: (X, \mathcal{T}) \rightarrow (X, 2^X)$ 가 연속임을 보이시오.

(2)  $(X, \mathcal{T})$ 에서  $\{2\}$ 와  $\{4\}$ 의 폐포(closure)를 각각 구하시오.

(3) 집합

$$\{h \mid h: (X, \mathcal{T}) \rightarrow (X, 2^X) \text{는 연속, } h(2)=1, h(4)=3\}$$

의 원소의 개수를 구하고, 그 이유를 설명하시오.

- 풀이 -

- 정의/정리 -

과목	위상수학 기출문제	단원	연속
<p>36. 자연수 전체의 집합을 <math>N</math>이라 하자.</p> <p>집합 <math>X = \{n \in N \mid n \geq 2\}</math>의 각 원소 <math>n</math>에 대하여 <math>B_n = \{k \in X \mid k \text{는 } n \text{의 약수}\}</math>라 하고,</p> <p><math>\{B_n \mid n \in X\}</math>를 기저로 하는 <math>X</math> 위에서의 위상을 <math>\mathcal{T}</math>라 하자. 다음 명제의 참, 거짓을 판정하고 설명 하시오. [2010]</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 10px; margin: 10px 0;"> <p>함수 <math>f: (X, \mathcal{T}) \rightarrow (X, \mathcal{T}')</math>을 <math>f(x) = x</math>로 정의 할 때, <math>f</math>는 <math>x = 2</math>에서 연속이다. 여기서 <math>\mathcal{T}'</math>은 <math>X</math>위에서의 이산위상(discrete topology)이다.</p> </div>		<p>- 풀이 -</p>	
<p>- 정의/정리 -</p>			

[illegible]









[illegible]

[illegible]

과목	위상수학 기출문제	단원	약위상
	<p>43. 실수 전체의 집합 <math>\mathbb{R}</math>에 대하여 <math>\{[a, b] \mid a, b \in \mathbb{R}\}</math>를 기저(base)로 하는 <math>\mathbb{R}</math> 위의 위상을 <math>\mathcal{T}</math>라 하자.  함수 <math>f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}</math>를 <math>f(x) =  x </math>로 정의하고,  <math>\mathcal{T}_1 = \{f^{-1}(G) \mid G \in \mathcal{T}\}</math>  라 하자. 위상공간 <math>(\mathbb{R}, \mathcal{T}_1)</math>에서 집합 <math>(-2, 1)</math>의 내부(interior) <math>A</math>와 집합 <math>[1, 2)</math>의 내부 <math>B</math>를 구하시오.  (단, <math> x </math>는 <math>x</math>의 절댓값이고,  <math>(a, b) = \{x \in \mathbb{R} \mid a &lt; x &lt; b\}</math>,  <math>[a, b) = \{x \in \mathbb{R} \mid a \leq x &lt; b\}</math>  이다.) [2013]</p>		<p>- 풀이 -</p>
	<p>- 정의/정리 -</p>		



과목	위상수학 기출문제	단원	상위상
	<p>45. 위상공간 <math>(X, \tau)</math>와 집합 <math>X</math> 위의 동치관계 <math>R</math>이 주어져 있다. <math>X/R</math>을 <math>X</math>의 관계 <math>R</math>에 의한 동치류 전체의 집합이라 하고, 다음과 같은 함수를 정의한다.</p> $f : X \rightarrow X/R, x \mapsto \bar{x} \text{ } (\bar{x} \text{는 } x \text{를 포함하는 동치류})$ <p>이 때, 집합의 상위상(quotient topology) <math>\tau'</math> 과 <math>f</math>에 대한 설명 중 옳은 것을 모두 고르면?</p> <p>[1995]</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 10px;"> <ul style="list-style-type: none"> <li>ㄱ. <math>U \in \tau'</math>이면 <math>f^{-1}(U) \in \tau</math>이다.</li> <li>ㄴ. <math>C</math>가 <math>X</math>의 컴팩트(compact) 부분집합이면, <math>f(C)</math>는 <math>X/R</math>의 컴팩트 부분집합이다.</li> <li>ㄷ. <math>V \in \tau</math>이면 <math>f(V) \in \tau'</math></li> </ul> </div> <p>① ㄱ, ㄴ                      ② ㄱ, ㄷ            ③ ㄴ, ㄷ                      ④ ㄱ, ㄴ, ㄷ</p>	- 풀이 -	
	- 정의/정리 -		

[illegible]

[illegible]

과목	위상수학 기출문제	단원	상위상
	<p>48. 실수 전체의 집합 <math>\mathbb{R}</math> 위의 보통위상(usual topology)을 <math>\mathcal{T}</math>라 하고, 함수 <math>f : \mathbb{R} \rightarrow [0, 1)</math>을 <math>f(x) = x - [x]</math>로 정의하자. 집합 <math>[0, 1)</math>위의 위상 <math>\mathcal{T}_0</math>을</p> $\mathcal{T}_0 = \{G \subseteq [0, 1)   f^{-1}(G) \in \mathcal{T}\}$ <p>로 정의하자. 다음 명제의 참, 거짓을 판정하고 이유를 설명하시오. (단, <math>[x]</math>는 <math>x</math>를 넘지 않는 최대 정수이고, <math>[a, b) = \{x \in \mathbb{R}   a \leq x &lt; b\}</math>이다.) [2011]</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 10px; margin-top: 20px;"> <math display="block">[0, \frac{1}{2}) \in \mathcal{T}_0</math> </div>	- 풀이 -	
	- 정의/정리 -		





과목	위상수학 기출문제	단원	거리공간
<div>50. 좌표평면 <math>\mathbb{R}^2</math>의 거리함수 <math>d((x, y), (a, b))=  x - a  +  y - b </math>와 원점 <math>O</math>에 대하여, <math>\mathbb{R}^2</math>에서 거리함수 <math>e</math>를 다음과 같이 정의 하자. <math display="block">e(P, Q)= \begin{cases} d(O, P)+d(O, Q), &amp; P \neq Q \\ 0, &amp; P = Q \end{cases}</math>거리공간 <math>(\mathbb{R}^2, e)</math>에서 두 점 <math>(1, 3)</math>과 <math>\left(-1, \frac{1}{2}\right)</math> 사이의 거리를 구하시오. 또한 열린 집합 <math>\{(x, y) \in \mathbb{R}^2   e((x, y), (1, 3)) &lt; 9\}</math>에 속하고 각 좌표가 모두 정수인 원소의 개수를 구하시오. [2020]</div>		- 풀이 -	
<div>- 정의/정리 -</div>			

[illegible]

과목	위상수학 기출문제	단원	거리공간
<p>52. 거리공간 <math>(X, d)</math>에서 임의의 <math>x, y \in X</math>에 대하여, 다음과 같이 <math>d_1</math>이 정의되어 있다. 이 때, <math>(X, d_1)</math>은 유계(bounded)인 거리공간(metric space)이 됨을 증명하시오. [1999]</p> $d_1(x, y) = \frac{d(x, y)}{1 + d(x, y)}, \quad x, y \in X$		<p>- 풀이 -</p>	
<p>- 정의/정리 -</p>			

[illegible]

과목	위상수학 기출문제	단원	가산공리
54.	<p>실수 전체의 집합 <math>\mathbb{R}</math> 위에서 여가산위상 (countable complement topology) <math>\mathcal{T}</math>를 다음과 같이 정의하자.</p> $\mathcal{T} = \{ U \subseteq \mathbb{R} \mid \mathbb{R} - U \text{는 가산집합} \} \cup \{\emptyset\}$ <p>다음 명제의 참, 거짓을 판정하고 이유를 설명하시오. [2010]</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 10px; margin-top: 20px;"> <p>위상공간 <math>(\mathbb{R}, \mathcal{T})</math>는 분리(분해)가능공간 (separable space)이다.</p> </div>	- 풀이 -	
- 정의/정리 -			

[illegible]





[illegible]

[illegible]

과목	위상수학 기출문제	단원	분리공리
	<p>59. <math>\mathbb{R}^2</math> 위에 동치관계(equivalence relation) <math>\sim</math> 을 다음과 같이 정의하자.</p> $(x, y) \sim (x', y') \Leftrightarrow (x, y) = (tx', ty') \text{인 실수 } t \neq 0 \text{가 존재한다.}$ <p>원소 <math>(x, y) \in \mathbb{R}^2</math>에 대하여 <math>\sim</math>에 관한 동치류(equivalence class)를 <math>[x, y]</math>라 하고,  <math>\sim</math>에 관한 상집합(quotient set)을 <math>Y = \mathbb{R}^2 / \sim</math>,  상사상(quotient map)을 <math>\pi: \mathbb{R}^2 \rightarrow Y</math> (<math>\pi(x, y) = [x, y]</math>)라 하자.</p> <p><math>\mathbb{R}^2</math> 위에 보통위상(usual topology)이 주어진 위상 공간을 <math>X</math>라 하고, 상집합 <math>Y</math> 위의 <math>\pi: X \rightarrow Y</math>에 대한 상위상(quotient topology)을 <math>\mathcal{T}</math>라 하자.</p> <p>즉, <math>\mathcal{T}</math>는 <math>Y</math> 위의 <math>X / \sim</math>의 상위상이다.</p> <p>이때 <math>[0, 0]</math>을 포함하는 <math>\mathcal{T}</math>의 원소가 유일함을 증명하고, <math>(Y, \mathcal{T})</math>가 <math>T_1</math>-공간이 아닌 이유를 서술 하시오.</p> <p>(단, 보통위상은 거리함수 <math>d((x_1, y_1), (x_2, y_2)) = \sqrt{(x_1 - x_2)^2 + (y_1 - y_2)^2}</math>로 부터 유도되는 위상이다.) [2021]</p>	- 풀이 -	
	- 정의/정리 -		

과목	위상수학 기출문제	단원	분리공리
	<p>60. 집합 <math>X = \{a, b, c\}</math> 위에 <math>\mathcal{B} = \{\{a\}, \{a, b\}, \{c\}\}</math>를 기저(base, basis)로 갖는 위상 <math>\mathcal{T}_{\mathcal{B}}</math>가 있다. 위상공간 <math>(X, \mathcal{T}_{\mathcal{B}})</math> 위에서 정의된 점열(점열, sequence of points)</p> $x_n \equiv \begin{cases} a & (n \text{은 홀수}) \\ b & (n \text{은 짝수}) \end{cases}$ <p>의 극한(limit)을 쓰시오.</p> <p>또한, 위상공간 <math>(X, \mathcal{T}_{\mathcal{B}})</math>에서 공집합이 아닌 임의의 서로소인 두 닫힌집합(closed set) <math>F_1, F_2</math>에 대하여</p> $F_1 \subset G_1, F_2 \subset G_2, G_1 \cap G_2 = \emptyset$ <p>을 만족하는 열린집합(open set) <math>G_1, G_2</math>가 존재함을 보이시오. [2022]</p>		<p>- 풀이 -</p>
	<p>- 정의/정리 -</p>		

[illegible]

과목	위상수학 기출문제	단원	컴팩트
<p>62. 위상공간 <math>X</math>가 <math>T_2</math> 공간(Hausdorff space)일 때, 임의의 컴팩트집합(compact set) <math>A \subset X</math>와 임의의 <math>x \in X - A</math>에 대하여 다음 조건을 만족하는 개집합(open set) <math>U, V \subset X</math>가 존재함을 증명하시오. [2003]</p> <p>조건 : <math>x \in U, A \subset V, U \cap V = \emptyset</math></p>		<p>- 풀이 -</p>	
<p>- 정의/정리 -</p>			







[illegible]









[illegible]

과목	위상수학 기출문제	단원	컨텐츠
<p>71. 실수 전체의 집합 <math>\mathbb{R}</math> 위의 위상 <math>\mathcal{T} = \{U \subseteq \mathbb{R} \mid \mathbb{R} - U \text{는 유한집합}\} \cup \{\emptyset\}</math>에 대하여, <math>(\mathbb{R}, \mathcal{T})</math>의 두 부분공간(subspace) <math>A = [0, 1] \cup [2, 3)</math>과 <math>B = \{3, 4, 5\}</math>의 위상을 각각 <math>\mathcal{T}_A, \mathcal{T}_B</math>라 하자.</p> <p>집합 <math>X = A \cup B</math>에서 <math>\mathcal{T}_A \cup \mathcal{T}_B</math>를 기저(base, basis)로 하는 위상을 <math>\mathcal{T}'</math>이라 할 때, 위상공간 <math>(X, \mathcal{T}')</math>에서 집합 <math>C = \left\{3 - \frac{1}{n} \mid n \in \mathbb{N}\right\} \cup \{3\}</math>의 경계(boundary) <math>b(C)</math>를 구하시오. 또한 <math>(X, \mathcal{T}')</math>이 콤팩트 공간(compact space)임을 보이시오.</p> <p>(단, <math>[0, 1] = \{x \in \mathbb{R} \mid 0 \leq x \leq 1\}</math>, <math>[2, 3) = \{x \in \mathbb{R} \mid 2 \leq x &lt; 3\}</math>이고 <math>\mathbb{N}</math>은 자연수 전체의 집합이다.) [2019]</p>		<p>- 풀이 -</p> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/>	









과목	위상수학 기출문제	단원	연결
	<p>75. 실수 전체의 집합 <math>\mathbb{R}</math> 위의 두 위상 <math>\mathcal{T}_1, \mathcal{T}_2</math>를  <math>\mathcal{T}_1 = \{\emptyset, \mathbb{R}, Q, \mathbb{R} - Q\},</math>  <math>\mathcal{T}_2 = \{\emptyset, \mathbb{R}, N, \mathbb{R} - N\}</math>            으로 정의하자. <math>(\mathbb{R}, \mathcal{T}_1)</math>과 <math>(\mathbb{R}, \mathcal{T}_2)</math>의 적공간(곱공            간, product space) <math>(\mathbb{R}, \mathcal{T}_1) \times (\mathbb{R}, \mathcal{T}_2)</math>에 대하여            다음 명제의 참, 거짓을 판정하고 설명하시오.            (단, <math>Q</math>는 유리수 전체의 집합, <math>N</math>은 자연수 전체의            집합이다.) [2011]</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 10px; margin-top: 10px;"> <math>(\mathbb{R}, \mathcal{T}_1) \times (\mathbb{R}, \mathcal{T}_2)</math>는 연결(<i>connected</i>)공간              이다.           </div>	- 풀이 -	
	- 정의/정리 -		

[illegible]



[illegible]

과목	위상수학 기출문제	단원	연결성분
	<p>79. 실수 전체의 집합 <math>\mathbb{R}</math> 위에서 위상 <math>\mathcal{T}_1</math>과 <math>\mathcal{T}_2</math>를 다음과 같이 정의하자.</p> <p><math>\mathcal{T}_1</math>은 <math>\{[a, b) \mid a, b \in \mathbb{R}\}</math>를 기저(base)로 하는 위상</p> <p><math>\mathcal{T}_2 = \{\mathbb{R}, \emptyset, \{0, 1\}\}</math></p> <p>위상공간 <math>(\mathbb{R}, \mathcal{T}_i)</math> (<math>i = 1, 2</math>)에서 원소 0을 포함하는 성분(component)을 <math>A_i</math> (<math>i = 1, 2</math>)라고 할 때, <math>A_i</math>를 구하시오.</p> <p>(단, <math>[a, b) = \{x \in \mathbb{R} \mid a \leq x &lt; b\}</math>이고, 위상공간 <math>X</math>에서 ‘성분’은 <math>X</math>의 극대 연결부분공간을 의미한다.) [2009]</p>		<p>- 풀이 -</p>
	<p>- 정의/정리 -</p>		

[illegible]



과목	위상수학 기출문제	단원	연결성분
81. 실수 전체의 집합 $\mathbb{R}$ 의 보통 위상을 $\mathcal{T}_u$ 라 하고, 함수 $f_i: \mathbb{R} \rightarrow (\mathbb{R}, \mathcal{T}_u)$ ( $i = 1, 2$ )를 $f_1(x) = \lfloor x \rfloor$ , $f_2(x) = \lfloor -x \rfloor$ 로 정의하자. 집합 $\{f_1^{-1}(U) \mid U \in \mathcal{T}_u\} \cup \{f_2^{-1}(U) \mid U \in \mathcal{T}_u\}$ 을 부분기저(subbase, subbasis)로 하여 생성된 $\mathbb{R}$ 의 위상을 $\mathcal{T}$ 라 정의하자. 위상공간 $(\mathbb{R}, \mathcal{T})$ 에서 $\sqrt{2}$ 를 포함하는 성분(연결성분, component, connected component)을 풀이 과정과 함께 쓰시오. 또한 $(\mathbb{R}, \mathcal{T})$ 에서 집합 $\left[\frac{1}{2}, 2\right]$ 의 내부 (interior)와 폐포(closure)를 구하시오. (단, $\left[\frac{1}{2}, 2\right] = \left\{x \in \mathbb{R} \mid \frac{1}{2} \leq x \leq 2\right\}$ 이고, $\lfloor x \rfloor$ 는 $x$ 를 넘지 않는 최대 정수이다.) [2020]	- 풀이 -		
- 정의/정리 -			



과목	미분기하 기출문제	단원	곡선
<p>2. 호의 길이 <math>s</math>로 나타낸 매개변수 곡선</p> <p><math>\alpha : [a, b] \rightarrow \mathbb{R}^3</math> 가 <math>\alpha''(s) \neq 0</math>이고 <math>\alpha(s) + \frac{1}{\kappa(s)} N(s)</math>가 고정된 점이면, <math>\alpha</math>는 원의 일부임을 보이시오. (단, <math>\kappa(s)</math>는 <math>\alpha(s)</math>의 곡률(curvature)이고, <math>N(s)</math>는 주법선벡터(principal normal vector)이다.) [2005]</p>		<p>- 풀이 -</p>	
<p>- 정의/정리 -</p>			

과목	미분기하 기출문제	단원	곡선
	<p>3. 2차원 유클리드 평면에 곡선  <math>\alpha(t) = (2\sin t - \sin 2t, 2\cos t - \cos 2t)</math> (<math>0 &lt; t &lt; \pi</math>)가 있다. 곡선 <math>\alpha</math>의 <math>t = \frac{\pi}{2}</math>에서의 접촉원(osculating circle)의 중심(곡률중심, center of curvature)과 반지름(곡률반경, radius of curvature)을 구하시오.  [2023]</p>	- 풀이 -	
	- 정의/정리 -		

과목	미분기하 기출문제	단원	곡선
<p>4. 곡선 <math>\alpha : (0, \infty) \rightarrow \mathbb{R}^3</math>, <math>\alpha(t) = (t^3 + t, t^2 + 1, t)</math>가 있다. 이 곡선의 접촉평면(<math>\alpha'(t)</math>와 <math>\alpha''(t)</math>를 포함하는 평면)과 <math>xy</math>-평면이 이루는 각이 <math>45^\circ</math>가 되는 <math>t</math>의 값을 구하시오.</p> <p>(단, <math>\mathbb{R}^3</math>은 3차원 유클리드 공간이다.) [2007]</p>		<p>- 풀이 -</p>	
<p>- 정의/정리 -</p>			

과목	미분기하 기출문제	단원	곡선
----	-----------	----	----

5. 다음은 곡선  $\alpha(t) = (\cosh t, \sinh t, t)$ 에 대하여 단위속력을 갖는 재매개곡선 (unit-speed reparametrization)을 구하는 과정이다. (가), (나)에 알맞은 것은? [2009 모의평가]
- (단,  $\cosh t = \frac{e^t + e^{-t}}{2}$ ,  $\sinh t = \frac{e^t - e^{-t}}{2}$  이다.)

주어진 곡선  $\alpha$ 의 속력  $\|\alpha'(t)\|$ 를 구하면

$$\|\alpha'(t)\| = \boxed{\text{(가)}}$$

이므로 곡선  $\alpha$ 의 호길이 함수(arc-length function)  $s(t)$ 는

$$s(t) = \int_0^t \|\alpha'(u)\| du = \sqrt{2} \sinh t$$

따라서 호길이 함수의 역함수는

$$t = t(s) = \sinh^{-1} \frac{s}{\sqrt{2}}$$

이므로 곡선  $\alpha$ 에 대하여 단위속력을 갖는 재매개곡선  $\beta(s)$ 는

$$\begin{aligned} \beta(s) &= \alpha(t(s)) \\ &= \left( \sqrt{1 + \frac{s^2}{2}}, \boxed{\text{(나)}}, \sinh^{-1} \frac{s}{\sqrt{2}} \right) \end{aligned}$$

(가)

(나)

- |                                |                            |
|--------------------------------|----------------------------|
| ① $\sqrt{2} \cosh t$           | $\sqrt{2} s$               |
| ② $\sqrt{2} \sinh t$           | $\frac{s}{\sqrt{2}}$       |
| ③ $\sqrt{2}  \sinh t $         | $\sqrt{2} s$               |
| ④ $\sqrt{2}  \sinh t $         | $\frac{s}{\sqrt{2}}$       |
| ⑤ $\sinh \frac{ t }{\sqrt{2}}$ | $\cosh \frac{s}{\sqrt{2}}$ |

- 정의/정리 -

- 풀이 -



과목	미분기하 기출문제	단원	곡률과 접선
	<p>7. <math>a &gt; 0</math>일 때, 단위속력곡선(unit-speed curve)  <math>X(t) = \left( a \cos \frac{t}{\sqrt{a^2+1}}, a \sin \frac{t}{\sqrt{a^2+1}}, \frac{t}{\sqrt{a^2+1}} \right)</math>  의 곡률(curvature)은? [1993]</p> <div style="display: flex; justify-content: space-around;"> <div style="text-align: center;">① <math>\frac{a}{a^2+1}</math></div> <div style="text-align: center;">② <math>\frac{\sqrt{a}}{a^2+1}</math></div> </div> <div style="display: flex; justify-content: space-around;"> <div style="text-align: center;">③ <math>\frac{\sqrt{2}a}{a^2+1}</math></div> <div style="text-align: center;">④ <math>\frac{2a}{a^2+1}</math></div> </div>	- 풀이 -	
	- 정의/정리 -		



[illegible]

[illegible]

[illegible]





[illegible]

[illegible]

[illegible]





[illegible]





[illegible]

[illegible]

[illegible]

과목	미분기하 기출문제	단원	곡률과 열률
	<p>23. 실수 전체의 집합을 <math>\mathbb{R}</math>라 하자. 3차원 유클리드 공간에 놓인 정칙 곡선 <math>\alpha : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}^3</math>에 대하여 곡선 <math>\beta : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}^3</math>을 <math>\beta(t) = 2\alpha(-2t)</math>로 정의하자. <math>t=0</math>일 때 <math>\alpha</math>의 비틀림(열률, torsion)을 <math>\tau(0)</math>이라 하면, <math>t=0</math>일 때 <math>\beta</math>의 비틀림은? (단, 모든 점에서 <math>\alpha</math>의 곡률과 비틀림은 모두 양수이다.) [2009]</p> <p>① <math>\frac{1}{2}\tau(0)</math>      ② <math>-\frac{1}{2}\tau(0)</math>      ③ <math>-2\tau(0)</math>          ④ <math>\tau(0)</math>      ⑤ <math>-\tau(0)</math></p>	- 풀이 -	
	- 정의/정리 -		



과목	미분기하 기출문제	단원	곡률과 접선
	<p>24. 3차원 유클리드 공간 <math>\mathbb{R}^3</math>에서 구  <math>M = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 \mid x^2 + y^2 + z^2 = 1\}</math>          위에 단위속력곡선(arc-length parametrized curve)  <math>\gamma : [0, 1] \rightarrow M</math>이 있다. 각 <math>s \in [0, 1]</math>에 대하여          점 <math>\gamma(s)</math>에서의 <math>\gamma</math>의 종법선벡터(binormal vector)          를 <math>B(s)</math>, 점 <math>\gamma(s)</math>에서의 <math>M</math>의 법선벡터(normal          vector)를 <math>n(s)</math>라 하자. 모든 <math>s \in [0, 1]</math>에 대하여  <math>B(s) \cdot n(s) = \frac{1}{2}</math>을 만족할 때, <math>\gamma(s)</math>의 비틀림률          (열률, 꼬임률, torsion) <math>a(s)</math>와 곡률(curvature)  <math>b(s)</math>를 구하시오. [2021]</p>	- 풀이 -	
	- 정의/정리 -		

G스쿨([g-school.co.kr](http://g-school.co.kr)) 정현민 전공수학(<http://mathhm.com>)

[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]



[illegible]



[illegible]

과목	미분기하 기출문제	단원	법곡률
	<p>33. 좌표공간에 원환면(torus)</p> $T = \{(x, y, z) \mid (\sqrt{x^2 + y^2} - 2)^2 + z^2 = 1\}$ <p>과 평면</p> $P = \{(x, y, z) \mid y + z = 0\}$ <p>이 있다. 원환면 <math>T</math>와 평면 <math>P</math>의 교집합에 놓여있는 단위속력곡선 <math>\alpha : (-1, 1) \rightarrow T \cap P</math>가 <math>\alpha(0) = (1, 0, 0)</math>을 만족시킬 때, 점 <math>(1, 0, 0)</math>에서 곡선 <math>\alpha</math>의 원환면 <math>T</math>에 대한 법곡률(normal curvature)의 절댓값은? [2013]</p> <p>① 0      ② <math>\frac{1}{3}</math>      ③ <math>\frac{2}{3}</math>      ④ 1      ⑤ <math>\frac{4}{3}</math></p>	- 풀이 -	
	- 정의/정리 -		

[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]



[illegible]



과목	미분기하 기출문제	단원	등장사상
40. 현수선(catenary) $y = 2 \cosh\left(\frac{x}{2}\right)$ 를 $x$ 축을 중심으로 회전시켜 생기는 회전면 $M$ 의 가우스곡률(Gaussian curvature)을 $K$ 라고 할 때, <보기>에서 옳은 것만을 모두 고른 것은? (단, $\cosh t = \frac{e^t + e^{-t}}{2}$ 이다.) [2011]	<div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin: 10px 0;"> <p style="text-align: center;">&lt;보기&gt;</p> <p>ㄱ. <math>K(p) &gt; 0</math>인 점 <math>p</math>가 존재한다.</p> <p>ㄴ. <math>K</math>의 최솟값은 <math>-\frac{1}{4}</math>이다.</p> <p>ㄷ. <math>M</math>은 평면과 거리동형(isometric)이다.</p> </div> <p>① ㄱ                      ② ㄴ                      ③ ㄷ</p> <p>④ ㄱ, ㄴ                ⑤ ㄴ, ㄷ</p>	- 풀이 -	
- 정의/정리 -			

[illegible]

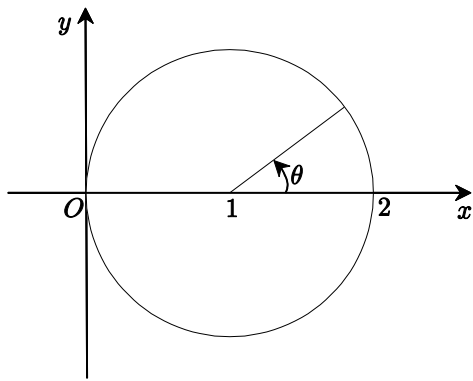
[illegible]

[illegible]

과목	미분기하 기출문제	단원	측지곡률
----	-----------	----	------

44. 3차원 유클리드 공간  $\mathbb{R}^3$ 에서 곡선  $\gamma$ 를 두 곡면  
 $S_1 = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 \mid x^2 + y^2 + z^2 = 4, z > 0\}$ ,  
 $S_2 = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 \mid (x-1)^2 + y^2 = 1, z > 0\}$   
 의 교선이라 하자.

아래 그림에서의 각  $\theta (0 < \theta < 2\pi)$ 를 매개변수로  
 하는 곡선  $\gamma: (0, 2\pi) \rightarrow \mathbb{R}^3$ 의 매개변수표현  
 (parametrized representation)  $\gamma(\theta)$ 를 하나 구하  
 시오. 또한 곡면  $S_1$ 위에 놓인 곡선으로서  $\gamma$ 의 점  
 $(0, 0, 2)$ 에서의 측지곡률(geodesic curvature)의  
 절댓값을 풀이 과정과 함께 쓰시오. [2017]

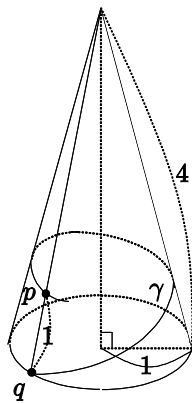


- 정의/정리 -

- 풀이 -

과목	미분기하 기출문제	단원	측지곡률
----	-----------	----	------

45. 그림과 같이 3차원 유클리드 공간에 밑면이 반지름의 길이가 1인 원이고 모선의 길이가 4인 원뿔이 있다. 이 원뿔의 옆면에 있는 점  $p$ 와 밑면에 있는 점  $q$ 는 같은 모선 위에 있고, 선분  $pq$ 의 길이는 1이다. 점  $q$ 에서 출발하여 원뿔의 옆면을 돌아 점  $p$ 를 지나는 측지선(geodesic)  $\gamma$ 에 대하여, 점  $p$ 에서 원뿔의 옆면의 주곡률(principal curvature)을 각각  $\kappa_1, \kappa_2$ 라 하고, 점  $p$ 에서 측지선  $\gamma$ 의 곡률(curvature)을  $\kappa$ 라 하자.  $\kappa_1, \kappa_2$ 의 값을 구하고, 이를 이용하여  $\kappa$ 의 값을 풀이 과정과 함께 쓰시오. [2016]



- 정의/정리 -

- 풀이 -

과목	미분기하 기출문제	단원	측지곡률
	<p>46. 3차원 유클리드 공간 <math>\mathbb{R}^3</math>에서 두 곡면  <math>S = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 \mid z^2 - x^2 - y^2 = 2\},</math>  <math>P = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 \mid z = 2\}</math>  의 교선을 <math>\alpha</math>라 하자. 이 때 곡면 <math>S</math> 위에 놓인 곡선으로서 <math>\alpha</math>의 측지곡률(geodesic curvature)의 절댓값은? [2010]</p> <div style="display: flex; justify-content: space-around;"> <span>① 0</span> <span>② <math>\frac{1}{\sqrt{5}}</math></span> <span>③ <math>\frac{1}{2}</math></span> </div> <div style="display: flex; justify-content: space-around;"> <span>④ <math>\frac{1}{\sqrt{3}}</math></span> <span>⑤ <math>\frac{1}{\sqrt{2}}</math></span> </div>		- 풀이 -
	- 정의/정리 -		

[illegible]



[illegible]



[illegible]

과목	미분기하 기출문제	단원	Gauss-Bonnet정리
----	-----------	----	----------------

51. 다음은 3차원 유클리드 공간에 놓인 곡면

$$M: \mathbf{x}(u, v) = (u, v, u^3 + 2v),$$

$$-\infty < u < \infty, -\infty < v < \infty$$

위의 측지삼각형(geodesic triangle)의 내각의 합을 구하는 과정이다. (가), (나), (다), (라)에 알맞은 것은? [2009]

곡면  $M$ 은  $yz$ 평면 위의 직선  $l_0: x=0$ ,  $z=2y$ 를  $xz$ 평면 위의 곡선  $C: y=0$ , (가)을 따라 평행이동시킴으로써 얻어진다. 곡면  $M$ 의 각 점  $p$ 에 대하여  $p$ 를 지나면서  $l_0$ 와 평행인 직선을 단위속력을 갖도록 매개화한 곡선을  $l_p = l_p(t)$ 라 하면,  $l_p$ 는  $M$ 의 점근곡선이고, 동시에 (나)이 된다. 따라서 모든 점에서  $M$ 의 가우스 곡률(Gaussian curvature)  $K$ 는 (다)를 만족한다. 곡면  $M$ 의 임의의 측지삼각형  $\Delta$ 에 대하여 가우스-보네(Gauss-Bonnet)의 공식을 적용하면

$$\iint_{\Delta} K dA = (\Delta \text{의 내각의 합}) - \pi$$

이므로, 곡면  $M$ 의 모든 측지삼각형의 내각의 합은 (라).

〈도움말〉

- 점근곡선(asymptotic curve) : 곡선 위의 각 점에서 접선 방향의 법곡률(normal curvature)이 0이 되는 곡면 위의 정칙곡선
- 주요곡선(principal curve) : 곡선 위의 각 점에서 접선 방향의 법곡률이 주요곡률(principal curvature)이 되는 곡면 위의 정칙곡선
- 측지선(geodesic) : 곡선 위의 각 점에서 측지곡률(geodesic curvature)이 0이고, 일정한 속력을 갖는 곡면 위의 정칙곡선

- |   | (가)                   | (나)  | (다)        | (라)         |
|---|-----------------------|------|------------|-------------|
| ① | $z = x^3$             | 측지선  | $K \geq 0$ | $\pi$ 보다 크다 |
| ② | $z = x^{\frac{1}{3}}$ | 주요곡선 | $K = 0$    | $\pi$ 이다    |
| ③ | $z = x^{\frac{1}{3}}$ | 측지선  | $K \leq 0$ | $\pi$ 보다 작다 |
| ④ | $z = x^3$             | 주요곡선 | $K \leq 0$ | $\pi$ 보다 작다 |
| ⑤ | $z = x^3$             | 주요곡선 | $K = 0$    | $\pi$ 이다    |

- 정의/정리 -

- 풀이 -

[illegible]

[illegible]

[illegible]





[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]

과목	복소함수 기출문제	단원	선형분수변환
	<p>9. 확장 복소평면(extended complex plane) <math>\mathbb{C} \cup \{\infty\}</math>에서 정의된 일차분수변환(선형분수변환, linear fractional transformation, bilinear transformation) <math>T</math>가</p> $T(0) = -1, T(i) = -i, T(2)=3$ <p>을 만족시킬 때 <math>T(z)</math>를 풀이 과정과 함께 쓰시오. 또한 <math>W = \{T(z) \mid  z =1, z \in \mathbb{C}\}</math>라고 할 때, <math>W</math>의 원소와 복소수 <math>1+i</math> 사이의 거리의 최솟값을 풀이 과정과 함께 쓰시오. [2025]</p>	- 풀이 -	
	- 정의/정리 -		





[illegible]

[illegible]

과목	복소함수 기출문제	단원	해석함수
	<p>13. 복소수 <math>z = x + iy</math> (<math>x, y</math>는 실수)에 대한 정함수(entire function) <math>f(z) = u(x, y) + iv(x, y)</math>가 다음 조건을 만족시킬 때, <math>f(-1+i)</math>의 값은? (단, <math>u</math>와 <math>v</math>는 실숫값 함수이다.) [2011]</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 10px; margin: 10px;"> <p style="text-align: center;">〈보기〉</p> <p>(가) 임의의 복소수 <math>z = x + iy</math>에 대하여  <math>\frac{\partial u}{\partial x} + \frac{\partial v}{\partial y} = 0</math>이다.</p> <p>(나) <math>f(1) = 0, f(i) = 1 + i</math></p> </div> <p>① <math>1 - i</math>                  ② <math>1 + i</math>                  ③ <math>1 - 2i</math>          ④ <math>1 + 2i</math>                  ⑤ <math>2 - i</math></p>	- 풀이 -	
	- 정의/정리 -		



[illegible]



[illegible]





[illegible]



과목	복소함수 기출문제	단원	적분
----	-----------	----	----

21. 복소평면에서 영역  $D = \{z \in \mathbb{C} \mid |z| < 1\}$ 에 대하여 연속함수  $f: D \rightarrow \mathbb{C}$ 가 해석적(analytic, holomorphic)이기 위한 필요충분조건을 <보기>에서 있는 대로 고른 것은? [2012]

<보기>

ㄱ.  $D$ 에서  $f(z)$ 로 수렴하는 멱급수

$$\sum_{n=0}^{\infty} a_n z^n \text{이 존재한다.}$$

ㄴ.  $D$ 에 포함되는 모든 단순닫힌경로 (단순폐곡선, simple closed contour)

$$C \text{에 대하여 } \int_C f(z) dz = 0 \text{이다.}$$

ㄷ.  $D$ 에서  $\frac{dF}{dz} = f$ 를 만족하는 해석함수  $F$ 가 존재한다.

- ① ㄱ                      ② ㄱ, ㄴ                      ③ ㄱ, ㄷ  
 ④ ㄴ, ㄷ                      ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

- 풀이 -

- 정의/정리 -

[illegible]

[illegible]

[illegible]

과목	복소함수 기출문제	단원	리우빌정리
	<p>25. 실숫값을 갖는 두 함수 <math>u(x, y)</math>, <math>v(x, y)</math>와 복소수 <math>z = x + iy</math> (<math>x, y</math>는 실수)에 대하여 복소함수 <math>f(z) = u(x, y) + iv(x, y)</math>는 정함수이다. <math>\overline{f(\bar{z})}</math>가 정함수임을 보이시오.</p> <p>또한, <math>f'(i) = \pi</math>, <math>f(-i) = 1</math>이고 모든 실수 <math>x, y</math>에 대하여</p> $\frac{\partial u}{\partial x}(x, y) \frac{\partial v}{\partial y}(x, y) - \frac{\partial u}{\partial y}(x, y) \frac{\partial v}{\partial x}(x, y) > (u(x, -y))^2 + (v(x, -y))^2$ <p>일 때, <math>\frac{f'(1-i)}{f(1+i)}</math>의 값을 풀이 과정과 함께 쓰시오.</p> <p>(단, <math>\bar{z}</math>는 <math>z</math>의 켈레복소수이다.) [2024]</p>		<p>- 풀이 -</p>
	<p>- 정의/정리 -</p>		

[illegible]



[illegible]

[illegible]

과목	복소함수 기출문제	단원	가우스 평균값 정리
----	-----------	----	------------

### 29. 실숫값을 갖는 두 함수

$$u(x, y), v(x, y) = e^{-y}(x \cos x - y \sin x)$$

와 복소수  $z = x + iy$  ( $x, y$ 는 실수)에 대하여,

$$f(z) = u(x, y) + iv(x, y)$$

가 정함수(entire function)이다.

곡선  $C$ 가  $x = \cos t, y = \sin t$  ( $0 \leq t \leq 2\pi$ )로 정의된 원 일 때,

$$\int_C -yu(x, y)dx + xu(x, y)dy = 6\pi$$

이다.  $f(0)$ 의 값과 함수  $u(x, y)$ 를 각각 풀이 과정과 함께 쓰시오. [2019]

※ 다음 정리는 필요하면 증명 없이 사용할 수 있다.

복소평면의 열린 집합  $D$ 에서 해석적인 함수

$f: D \rightarrow \mathbb{C}$ 에 대하여,  $r > 0$ 이고

$$\{z \in \mathbb{C} \mid |z - z_0| \leq r\} \subset D$$

이면

$$f(z_0) = \frac{1}{2\pi} \int_0^{2\pi} f(z_0 + re^{it}) dt$$

이다.

- 풀이 -

- 정의/정리 -

[illegible]



과목	복소함수 기출문제	단원	급수
----	-----------	----	----

32. 다음은 주어진 문제의 풀이를 단계별로 제시한 것이다. (가), (나), (다), (라)에 알맞은 것은? [2010]

— <문제> —  
복소수 전체 집합을  $\mathbb{C}$ 라 하자.  
 $D = \{z \in \mathbb{C} \mid |z| < 2\}$ 이고, 함수  $f : D \rightarrow \mathbb{C}$ 가  $D$ 에서 해석적(analytic)이라 하자.  
 $f(0) = f'(0) = 0$ ,  $f''(0) \neq 0$ 이고  
 $f\left(\frac{1}{3}\right) = \frac{i}{12}$ 이며 모든  $z \in D$ 에 대해서  
 $|f(z)| \leq 3$ 일 때,  $f\left(\frac{2i}{3}\right)$ 의 값은?

— <풀이> —  
<1단계>  
함수  $f$ 가  $D$ 에서 해석적이므로  
 $f(z) = \sum_{n=0}^{\infty} a_n z^n$ 이 되고, 따라서  
 $f(z) = \boxed{\text{(가)}} \cdot g(z)$ 의 꼴이다. (단,  $g(z)$ 는  $D$ 에서 해석적이며  $g(0) \neq 0$ 이다.)  
<2단계>  
 $0 < r < 2$ 인  $r$ 에 대하여  $|z| = r$ 일 때  
 $|g(z)| \leq \boxed{\text{(나)}}$  이 성립한다. 여기서 최대  
절댓값 정리(maximum modulus theorem)  
를 적용하면  $|z| \leq r$ 일 때  $|g(z)| \leq \boxed{\text{(나)}}$  이  
다. 이 명제는 임의의  $r < 2$ 에 대하여 성립하  
므로 모든  $z \in D$ 에 대하여  $|g(z)| \leq \boxed{\text{(다)}}$   
이다.  
<3단계>  
위의 결과와  $f\left(\frac{1}{3}\right) = \frac{i}{12}$ 를 사용하여  $g(z)$ 를  
구할 수 있고, 이를 이용하면  
 $f\left(\frac{2i}{3}\right) = \boxed{\text{(라)}}$ 임을 알 수 있다.

	(가)	(나)	(다)	(라)
① $z$		$\frac{3}{r}$	$\frac{3}{2}$	$\frac{i}{12}$
② $z$		$\frac{3}{r}$	$\frac{3}{2}$	$-\frac{1}{3}$
③ $z^2$		$\frac{3}{r}$	$\frac{3}{2}$	$\frac{i}{12}$
④ $z^2$		$\frac{3}{r^2}$	$\frac{3}{4}$	$-\frac{1}{3}$
⑤ $z^2$		$\frac{3}{r^2}$	$\frac{3}{4}$	$-\frac{i}{3}$

- 정의/정리 -

- 풀이 -

과목	복소함수 기출문제	단원	급수
33. 복소평면 $\mathbb{C}$ 의 영역 $D = \{z \in \mathbb{C} \mid 0 <  z  < 1\}$ 에 대하여 함수 $f: D \rightarrow \mathbb{C}$ 는 해석적(analytic)이다. 임의의 $z \in D$ 에 대하여 함수 $f(z)$ 가 부등식 $ f(z)  \leq 1 + \ln\left(\frac{1+ z }{2 z }\right)$ 를 만족시킨다. $z=0$ 은 함수 $f(z)$ 의 제거 가능 특이점(없앨 수 있는 특이점, removable singular point)임을 보이고, $f\left(\frac{1}{2}\right)=1$ 일 때 $f\left(\frac{1+i}{3}\right)$ 의 값을 풀이 과정과 함께 쓰시오. [2017]	- 풀이 -		
- 정의/정리 -			

[illegible]



[illegible]

과목	복소함수 기출문제	단원	유수정리
	<p>36. 복소평면에서 곡선 <math>C</math>는 <math>C: z(t) = e^{it}</math> (<math>0 \leq t \leq 2\pi</math>)로 나타내어지는 단위원이다. 자연수 <math>n</math>에 대하여 복소적분 <math>\int_C z^n \left( e^z + e^{\frac{1}{z}} \right) dz</math>의 값을 <math>a_n</math>이라 할 때, <math>\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_{n+1}}{a_n}</math>의 값은? [2011]</p> <p>① 0      ② <math>\frac{1}{4}</math>      ③ <math>\frac{1}{2}</math>      ④ <math>\frac{3}{4}</math>      ⑤ 1</p>		
	<p>- 정의/정리 -</p>		

과목	복소함수 기출문제	단원	유수정리
37. 정의역이 $\{x \in \mathbb{R} \mid -1 < x < 1\}$ 인 함수 $f(x) = \frac{e^x - 1}{1 - x}$ 의 $x = 0$ 에서의 3차 테일러 다항식을 구하시오. 또한 복소평면에서 원점을 중심으로 하고 반지름의 길이가 $\frac{1}{2}$ 인 원을 시계반대방향으로 한 바퀴 도는 곡선 $C$ 에 대하여 선적분 $\int_C \frac{e^z - 1}{z^4(1 - z)} dz$ 의 값을 풀이 과정과 함께 쓰시오. [2020]		- 풀이 -	
- 정의/정리 -			

과목	복소함수 기출문제	단원	유수정리
----	-----------	----	------

38. 집합  $X$  에서  $X$  로의 함수  $f$  를

$$f(t) = \begin{cases} t \cos \frac{1}{t}, & t \neq 0 \\ 0, & t = 0 \end{cases} \quad \text{으로 정의할 때,}$$

<보기>에서 옳은 것을 모두 고른 것은?

(단,  $\mathbb{R}$  는 실수 전체의 집합이고  $\mathbb{C}$  는 복소수 전체의 집합이다.) [2009]

— <보기> —

ㄱ.  $X = \mathbb{R}$  일 때  $f$  는  $t = 0$  에서 연속이다.

ㄴ.  $X = \mathbb{C}$  일 때  $f$  는  $t = 0$  에서 연속이다.

ㄷ.  $X = \mathbb{C}$  일 때  $f(t) = \sum_{n=0}^{\infty} (-1)^n \frac{t^{1-2n}}{(2n)!}$  은

모든  $t \in \mathbb{C} - \{0\}$  에 대하여 성립한다.

ㄹ.  $X = \mathbb{C}$  일 때  $\int_{|t|=1} f(t) dt = 2\pi i$  이다.

① ㄱ, ㄷ                      ② ㄱ, ㄹ                      ③ ㄴ, ㄹ

④ ㄱ, ㄴ, ㄷ                  ⑤ ㄱ, ㄷ, ㄹ

- 풀이 -

- 정의/정리 -

과목	복소함수 기출문제	단원	유수정리
39. 복소수 $z = x + iy$ ( $x, y$ 는 실수)에 대한 함수 $f(z) = e^{-x} \cos y + iv(x, y)$ (단, $v(x, y)$ 는 실숫값 함수) 가 정함수(전해석함수, entire function)이고 $f(0) = 1$ 을 만족시킬 때, $f(z)$ 를 풀이 과정과 함께 쓰시오. 또한 복소평면에서 중심이 원점이고 반지 름의 길이가 1인 원을 시계반대방향으로 한 바퀴 도는 곡선 $C$ 에 대하여 선적분 $\int_C f\left(\frac{1}{z}\right) dz$ 의 값 을 풀이 과정과 함께 쓰시오. [2025]	- 풀이 -		
- 정의/정리 -			

과목	복소함수 기출문제	단원	유수정리
40. 다음 4개의 복소함수	$f_1(z) = z, f_2(z) = \bar{z}, f_3(z) = e^z, f_4(z) = e^{\bar{z}}$ <p>로 생성되는 복소 벡터 공간</p> $\{a_1 f_1 + a_2 f_2 + a_3 f_3 + a_4 f_4 \mid a_1, a_2, a_3, a_4 \in \mathbb{C}\}$ <p>를 <math>V</math>라 하자. 여기서 <math>\bar{z}</math>는 <math>z</math>의 켤레복소수이다.  복소평면 <math>\mathbb{C}</math> 상의 시계반대방향의 단위원  <math>C:  z =1</math>에 대하여 사상(map) <math>T: V \rightarrow \mathbb{C}</math>를  다음과 같이 정의하자.</p> $T(f) = \int_C f(z) dz$ <p><math>T</math>가 선형사상임을 증명하시오.  선형사상 <math>T</math>의 핵(kernel) <math>\ker(T)</math>의 기저를 구하  고, <math>\ker(T)</math>를 이용하여</p> $T^{-1}(2) = \{f \in V \mid T(f) = 2\}$ <p>를 나타내시오. [2014]</p>	- 풀이 -	
- 정의/정리 -			

과목	복소함수 기출문제	단원	$\text{Res}_{z=z_0} f(z) = \frac{\phi^{(m-1)}(z_0)}{(m-1)!}$
	<p>41. 복소평면에서 <math>C</math>는 꼭짓점이 <math>-1, 1-i, 1+i</math>인 삼각형이고 방향이 반시계 방향으로 주어졌을 때, <math>\int_C \frac{dz}{z(z-2)}</math>의 값을 구하시오. [2007]</p> <p>- 정의/정리 -</p>	<p>- 풀이 -</p>	

과목	복소함수 기출문제	단원	$\text{Res}_{z=z_0} f(z) = \frac{\phi^{(m-1)}(z_0)}{(m-1)!}$
	<p>42. <math>\int_{ z =3} \frac{z^3 + 3z - 1}{(z-1)(z+2)} dz</math> 의 값은? [1995]</p> <p>① <math>8\pi i</math>    ② <math>12\pi i</math>    ③ <math>16\pi i</math>    ④ <math>20\pi i</math></p>	<p>- 풀이 -</p>	<p>- 풀이 -</p>
<p>- 정의/정리 -</p>			



[illegible]

G스쿨([g-school.co.kr](http://g-school.co.kr)) 정현민 전공수학(<http://mathhm.com>)

[illegible]





과목	복소함수 기출문제	단원	$\text{Res}_{z=z_0} f(z) = \frac{\phi^{(m-1)}(z_0)}{(m-1)!}$
	<p>48. 복소평면에서 중심이 원점이고 반지름의 길이가 1인 원을 시계반대방향으로 한 바퀴 도는 곡선 <math>C</math>에 대하여 적분</p> $\int_C \bar{z} dz - \frac{1}{z} d\bar{z}$ <p>의 값을 구하시오. (단, <math>\bar{z}</math>는 <math>z</math>의 켈레복소수이다.) [2024]</p>	<p>- 풀이 -</p>	
	<p>- 정의/정리 -</p>		



과목	복소함수 기출문제	단원	$\operatorname{Res}_{z=z_0} \frac{p(z)}{q(z)} = \frac{p'(z_0)}{q'(z_0)}$
	<p>50. 복소함수 <math>f(z)=z^6-1</math>에 대하여</p> $\int_C \frac{z^3 f'(z)}{f(z)} dz$ <p>의 값을 풀이 과정과 함께 쓰시오.</p> <p>여기서 <math>C</math>는 복소평면에서 점 <math>\left(\frac{1}{2}, 0\right)</math>을 중심으로 하고 반지름의 길이가 1인 원을 시계반대방향으로 한 바퀴 도는 곡선이다. [2021]</p> <p>- 정의/정리 -</p>	<p>- 풀이 -</p>	





과목	복소함수 기출문제	단원	유수의 응용
----	-----------	----	--------

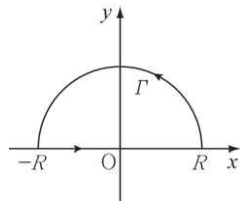
52. 다음은 복소적분을 이용하여

$$\int_{-\infty}^{\infty} \frac{x^2}{(x^2+1)^2} dx \text{ 를 구하는 과정이다.}$$

(가), (나), (다)에 알맞은 것은? [2009 모의평가]

함수  $f(z) = \frac{z^2}{(z^2+1)^2}$  이라 하면

$\int_{-\infty}^{\infty} \frac{x^2}{(x^2+1)^2} dx$ 는 복소평면에서 실축(real axis)을 따른  $f(z)$ 의 적분을 나타낸다.  $R > 1$  이라고 하자.



그림과 같이  $-R$ 에서  $R$ 까지의 선분과 상반평면(upper half plane)에서 반지름이  $R$ 인 반원  $\Gamma$ 로 구성된 폐곡선을  $C$ 라 하면

$$\int_C f(z) dz = \int_{-R}^R f(x) dx + \int_{\Gamma} f(z) dz$$

이다. 이때

$$\int_C f(z) dz = \boxed{\text{(가)}}$$

이다. 또한

$$\left| \int_{\Gamma} f(z) dz \right| \leq \phi(R) \text{ 이고 } \lim_{R \rightarrow \infty} \phi(R) = 0$$

을 만족시키는 함수  $\phi(R) = \boxed{\text{(나)}}$  가 존재한다. 그러므로

$$\int_{-\infty}^{\infty} f(x) dx = \lim_{R \rightarrow \infty} \int_{-R}^R f(x) dx = \boxed{\text{(다)}}$$

이다.

	(가)	(나)	(다)
①	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{\pi R^2}{(R^2-1)^2}$	$\frac{\pi}{3}$
②	$\frac{\pi}{2}$	$\frac{\pi R^3}{(R^2-1)^2}$	$\frac{\pi}{3}$
③	$\frac{\pi}{2}$	$\frac{\pi R^4}{(R^2-1)^2}$	$\frac{\pi}{2}$
④	$\frac{\pi}{2}$	$\frac{\pi R^3}{(R^2-1)^2}$	$\frac{\pi}{2}$
⑤	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{\pi R^3}{(R^2-1)^2}$	$\frac{\pi}{2}$

- 정의/정리 -

- 풀이 -

과목	복소함수 기출문제	단원	조르당 보조정리
----	-----------	----	----------

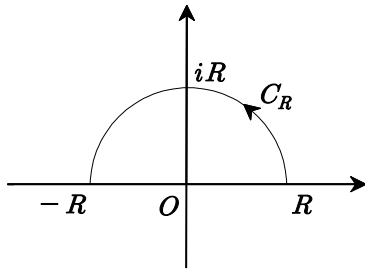
53. 복소평면  $\mathbb{C}$  에서 다음 그림과 같이 반지름의 길이가  $R$  인 반원을

$$C_R = \{Re^{it} \in \mathbb{C} \mid 0 \leq t \leq \pi\}$$

라고 할 때,  $a > 0$  과  $b > 0$  에 대하여

$$\lim_{R \rightarrow \infty} \int_{C_R} \frac{ze^{ibz}}{z^2 + a^2} dz = 0$$

임을 보이고  $\int_{-\infty}^{\infty} \frac{xe^{ibx}}{x^2 + a^2} dx$  의 값을 풀이 과정과 함께 쓰시오. [2015]



- 정의/정리 -

- 풀이 -

[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]





[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]







[illegible]

[illegible]

과목	선형대수 기출문제	단원	차원
	<p>14. <math>U, V</math>는 두 벡터 공간(vector space)이고,  <math>\dim(U) = 7, \dim(V) = 8, \dim(U + V) = 10</math>  일 때, 벡터 공간 <math>U \cap V</math>의 차원(dimension)은?  [1994]</p>		<p>- 풀이 -</p>
	<p>- 정의/정리 -</p>		

[illegible]

과목	선형대수 기출문제	단원	내적공간
<p>16. 3차원 유클리드 내적 공간 <math>\mathbb{R}^3</math>에서 두 벡터 <math>v_1 = (1, 2, 2), v_2 = (1, -1, 2)</math>로 생성된 부분공간을 <math>V</math>라 하자.</p> <p><math>V</math>의 임의의 정규직교기저(orthonormal basis) <math>B = \{u_1, u_2\}</math>에 대하여 <math>B</math>에 의해 결정되는 네 실수 <math>a_{11}, a_{12}, a_{21}, a_{22}</math>가 존재하여 <math>v_1 = a_{11}u_1 + a_{12}u_2, v_2 = a_{21}u_1 + a_{22}u_2</math>일 때, <math> a_{11}a_{22} - a_{12}a_{21} </math>의 값을 풀이 과정과 함께 쓰시오.</p> <p>(단, 두 벡터 <math>u = (x_1, y_1, z_1), v = (x_2, y_2, z_2)</math>의 유클리드 내적은 <math>u \cdot v = x_1x_2 + y_1y_2 + z_1z_2</math>이다.)</p> <p>[2017]</p>		<p>- 풀이 -</p>	
<p>- 정의/정리 -</p>			

과목	선형대수 기출문제	단원	선형변환
<p>17. 실수 집합을 <math>\mathbb{R}</math> 이라 하자.</p> <p>선형변환(linear transformation) <math>L: \mathbb{R}^n \rightarrow \mathbb{R}^m</math> 은 <math>\mathbb{R}^n</math> 의 임의의 두 점 <math>x, y (x \neq y)</math>를 잇는 선분 <math>\{(1-t)x + ty \mid 0 \leq t \leq 1\}</math> 을 <math>\mathbb{R}^m</math> 에 포함되는 선분(또는 점)으로 보내는 것을 보이시오. [2006]</p>		<p>- 풀이 -</p>	
<p>- 정의/정리 -</p>			

[illegible]



[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]



[illegible]

[illegible]

[illegible]

과목	선형대수 기출문제	단원	선형변환
	<p>30. 3차원 유클리드 내적 공간 <math>\mathbb{R}^3</math>의 세 벡터 <math>v_1 = (1, 0, 0)</math>, <math>v_2 = (1, 1, 1)</math>, <math>v_3 = (0, -1, 1)</math>에 대하여, 두 벡터 <math>v_1, v_2</math>로 생성된 부분공간을 <math>W_{12}</math>라 하고 두 벡터 <math>v_1, v_3</math>으로 생성된 부분공간을 <math>W_{13}</math>이라 하자.</p> <p><math>\mathbb{R}^3</math>의 벡터 <math>u</math>에 대하여 부분공간 <math>W</math> 위로의 <math>u</math>의 정사영(orthogonal projection)을 <math>\text{proj}_W u</math>라 하고, 실수 <math>k</math>에 대하여 선형변환 <math>T_k : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3</math>을</p> $T_k(u) = \text{proj}_{W_{12}} u + \text{proj}_{W_{13}} u + ku$ <p>로 정의하자. <math>T_k</math>의 역변환(inverse transformation)이 존재하지 않도록 하는 모든 <math>k</math>의 값을 풀이 과정과 함께 쓰시오. 또한 <math>T_k</math>의 랭크(계수, 계급수, 유효차수, rank)가 2인 <math>k</math>의 값을 구하시오. (단, 두 벡터 <math>u_1 = (a_1, a_2, a_3)</math>, <math>u_2 = (b_1, b_2, b_3)</math>의 유클리드 내적은 <math>u_1 \cdot u_2 = \sum_{i=1}^3 a_i b_i</math>이다.) [2019]</p>		<p>- 풀이 -</p>
	<p>- 정의/정리 -</p>		

과목	선형대수 기출문제	단원	선형변환
<p>31. <math>V</math>와 <math>W</math>가 <math>n</math>차원 실벡터 공간이라 하자.</p> <p>선형 사상 <math>L: V \rightarrow W</math>에 대하여 <math>\ker L = \{0\}</math>이면 <math>L</math>은 동형사상 (isomorphism)임을 보이시오.</p> <p>[2002]</p>		<p>- 풀이 -</p>	
<p>- 정의/정리 -</p>			

[illegible]

[illegible]

과목	선형대수 기출문제	단원	고윳값, 고유벡터
----	-----------	----	-----------

34. 실수체  $\mathbb{R}$  위의 벡터공간  $\mathbb{R}^3$ 에 대하여 선형사상  $T: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3$ 을

$$T(x, y, z) = (x + y - 2z, y, x - 2z)$$

로 정의하자.  $T$ 의 상(image)  $\text{im}(T)$ 와  $T$ 의 핵(kernel)  $\ker(T)$ 에 대하여 옳은 것만을 <보기>에서 있는 대로 고른 것은? [2013]

<보기>

- ㄱ.  $\text{im}(T)$ 의 차원은 1이다.  
 ㄴ. 벡터  $(1, 0, 0)$ 의  $\ker(T)$  위로의 직교정사영(orthogonal projection)은  $\frac{2}{5}(2, 0, 1)$ 이다.  
 ㄷ. 벡터  $(x, y, z)$ 의  $\ker(T)$  위로의 직교정사영을  $A \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix}$ 로 나타낼 때, 행렬  $A$ 의 고유치(eigenvalue, characteristic value)를 모두 더한 값은 1이다.

- ① ㄱ                      ② ㄴ                      ③ ㄷ  
 ④ ㄴ, ㄷ                ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

- 풀이 -

- 정의/정리 -



[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]



[illegible]

[illegible]

과목	선형대수 기출문제	단원	고윳값, 고유벡터
<p>45. 실수체 <math>\mathbb{R}</math> 위의 벡터공간 <math>\mathbb{R}^3</math>에 대하여 선형변환 <math>L : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3</math>을 <math>L(x_1, x_2, x_3) = (x_1 - 2x_2 + x_3, x_2 - x_3, -x_2 + x_3)</math>으로 정의하고, <math>\mathbb{R}^3</math>의 순서 기저(ordered basis) <math>\alpha</math>를 <math>\alpha = \{(1, 1, 1), (0, 1, 1), (1, 0, 1)\}</math>이라 하자. 순서 기저 <math>\alpha</math>에 대한 <math>L</math>의 행렬 <math>[L]_\alpha</math>를 풀이 과정과 함께 쓰시오. 또한 <math>[L]_\alpha</math>가 대각화가 가능한지 판별하고 그 이유를 쓰시오. [2023]</p>		<p>- 풀이 -</p>	
<p>- 정의/정리 -</p>			

과목	선형대수 기출문제	단원	고윳값, 고유벡터
	<p>46. 좌표공간 <math>\mathbb{R}^3</math>에서 원점과 점 <math>(1, 2, 3)</math>을 지나는 직선을 회전축으로 하여 <math>180^\circ</math> 회전 이동하는 변환을 <math>T</math>라 하자. 벡터 <math>(x, y, z)</math>에 대하여</p> $T(x, y, z) = A \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix}$ <p>가 되는 행렬 <math>A</math>의 특성다항식(고유다항식, characteristic polynomial)을 구하시오. [2015]</p> <p>- 정의/정리 -</p>	<p>- 풀이 -</p>	

[illegible]

[illegible]



과목	선형대수 기출문제	단원	고윳값, 고유벡터
	<p>50. 모든 성분이 실수인 <math>3 \times 3</math> 행렬 <math>A</math>와 행렬 <math>B = A^2 - A + 5I</math>가 다음 조건을 만족시킨다.</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px;"> <p>(가) 행렬 <math>A - 3I</math>는 역행렬을 갖지 않는다.  (나) 행렬 <math>A</math>의 특성방정식(고유방정식, characteristic equation)은 허근 <math>\alpha</math>를 가지고 <math> \alpha  = \sqrt{2}</math>이다.  (다) 행렬 <math>B</math>의 최소다항식(minimal polynomial)의 차수는 <math>B</math>의 특성다항식(고유다항식, characteristic polynomial)의 차수보다 낮다.</p> </div> <p>행렬 <math>A</math>의 모든 고윳값(eigenvalue)과 대각합(trace) 및 행렬식(determinant)을 각각 풀이 과정과 함께 쓰시오. (단, <math>I</math>는 <math>3 \times 3</math> 단위행렬이다.)  [2024]</p>	- 풀이 -	
	- 정의/정리 -		



[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]





[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]



[illegible]

[illegible]

[illegible]



[illegible]

[illegible]

[illegible]





[illegible]



[illegible]



[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]







[illegible]



[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]



[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]

과목	이산수학 기출문제	단원	기본적인 세기 방법
----	-----------	----	------------

1. 특정 프로젝트에 지원한 5명의 위원 A, B, C, D, E가 있다. 다음은 이 5명의 위원이 작업할 수 있는 요일을 각각 ○ 기호로 표시한 것이다. 이 프로젝트를 수행하기 위하여 5명의 위원 중 4명을 선발하여 서로 다른 요일에 배치하는 경우의 수를 구하시오. (단, 선발된 위원은 일주일 중 하루만 작업한다.)

[2019]

요일 위원	월	화	수	목	금	토	일
A	○	○	○	○			
B	○		○				
C	○	○		○			
D					○	○	
E					○		○

- 정의/정리 -







[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]



과목	이산수학 기출문제	단원	포함배제의 원리
----	-----------	----	----------

10. 어느 회사에서 신입 사원을 채용하려고 한다.  
면접 위원 A, B, C, D는 면접 점수표에 각각  
점수를 1점에서 6점까지 줄 수 있다. 면접 점수  
의 합이 14점이 되는 면접 점수표의 가짓수는?  
(단, 각 면접 위원이 주는 점수는 자연수이다.)  
[2011]

면접 점수표

면접 위원	A	B	C	D	계
점수					14

- ① 138                      ② 142                      ③ 146  
④ 150                      ⑤ 154

- 정의/정리 -

- 풀이 -

[illegible]

[illegible]



[illegible]



과목	이산수학 기출문제	단원	생성함수
<p>16. 수열 <math>\{a_n\}</math>이</p> $a_0 = a_1 = 0, \quad a_n = 1 \quad (n \geq 2)$ <p>를 만족시킬 때, <math>\{a_n\}</math>의 생성함수(generating function) <math>f(x)</math>를 구하시오. 또한, 수열 <math>\{b_n\}</math>이 <math>0 &lt; x &lt; 1</math>에서 <math>\sqrt{f(x)} = \sum_{n=0}^{\infty} b_n x^n</math>을 만족시킬 때, <math>b_5</math>의 값을 풀이 과정과 함께 쓰시오. [2024]</p>		<p>- 풀이 -</p>	
<p>- 정의/정리 -</p>			

과목	이산수학 기출문제	단원	생성함수
<p>17. 자연수 <math>n</math>에 대하여, 방정식</p> $x + y + z = n \quad (\text{단, } 1 \leq x \leq 7, 0 \leq y, 0 \leq z)$ <p>을 만족하는 정수해의 개수를 <math>a_n</math>이라 하자.</p> <p><math>a_n</math>의 생성함수 <math>f(x)</math>를 구하고, 이를 이용하여 <math>a_{15}</math>를 구하시오. [2014]</p>		<p>- 풀이 -</p>	
<p>- 정의/정리 -</p>			





과목	이산수학 기출문제	단원	생성함수
19. 점화식	$a_0 = 1, a_n = \frac{1}{2}a_{n-1} + \frac{1}{2^n} \quad (n \geq 1)$ <p>을 만족하는 수열 <math>\{a_n\}</math>의 생성함수와 <math>\sum_{n=0}^{\infty} na_n</math>의 값을 각각 풀이 과정과 함께 쓰시오. [2016]</p>	- 풀이 -	
- 정의/정리 -			

[illegible]

[illegible]



[illegible]

과목	이산수학 기출문제	단원	평면그래프
----	-----------	----	-------

24. 단순평면그래프(simple planar graph)에 대한  
〈보기〉의 명제 중 옳은 것을 모두 고른 것은?  
[2010]

〈보기〉

- ㄱ. 완전이분그래프  $K_{3,4}$ 는 평면그래프가 아니다.
- ㄴ. 모든 꼭짓점의 차수(degree)가 6 이상인 평면그래프가 존재한다.
- ㄷ. 꼭짓점의 개수가 30인 평면그래프를 변(edge)이 교차하지 않게 평면에 그렸을 때, 하나의 면(face)만 사각형이고 나머지 면은 모두 삼각형이면 변의 개수는 83이다. (단, 여기서 삼각형(사각형)이라 함은 3(4)개의 변으로 둘러싸인 면을 의미하고, 외부영역(unbounded region)도 면으로 간주한다.)

- ① ㄱ                      ② ㄱ, ㄴ                      ③ ㄱ, ㄷ
- ④ ㄴ, ㄷ                      ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

- 풀이 -

- 정의/정리 -

[illegible]



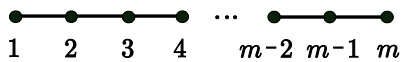




[illegible]

과목	이산수학 기출문제	단원	색칠문제
----	-----------	----	------

29. 단순그래프  $G$ 와 음이 아닌 정수  $n$ 에 대하여,  $n$ 보다 작거나 같은 개수의 색으로 그래프  $G$ 를 적절하게 색칠하는 (즉, 변으로 연결된 두 꼭짓점을 서로 다른 색으로, 모든 꼭짓점을 칠하는) 방법의 수를  $P_G(n)$ 이라 하면  $P_G(n)$ 은  $n$ 에 대한 다항식이다. 또,  $m$ 개의 꼭짓점을 가진 선형 그래프 (linear graph 또는 path graph)  $L_m$ 은 다음과 같다.



이 때,  $G=L_m$ 의 다항식  $P_G(n)$ 을 구하고,  $P_G(n)$ 을 사용하여 이 그래프를 적절하게 색칠하는 데 필요한 색의 최소 개수를 구하시오. [2005]

- 정의/정리 -

- 풀이 -





과목	이산수학 기출문제	단원	행렬과 그래프
----	-----------	----	---------

32.  $G$ 는 꼭짓점이  $v_1, v_2, \dots, v_n$  ( $n \geq 3$ )이고 변의 개수가  $m$  ( $m \geq 1$ )인 단순그래프 (simple graph) 이다.  $G$ 의 인접행렬(adjacency matrix)과 근접행렬(결합행렬, incidence matrix)을 각각  $A$ 와  $B$ 라 할 때, <보기>에서 옳은 것만을 모두 고른 것은? [2011]

— <보기> —

- ㄱ.  $A^2$ 의 대각합(trace), 즉 모든  $(i, i)$  성분의 합은  $2m$ 이다.
- ㄴ. 자연수  $k \geq 3$ 에 대하여  $A^k$ 의 대각합은  $G$ 에서 길이가  $k$ 인 회로(cycle)의 개수이다.
- ㄷ.  $BB^T$ 의  $(i, i)$  성분은 꼭짓점  $v_i$ 의 차수(degree)와 같다.  
(단,  $B^T$ 는 행렬  $B$ 의 전치행렬이다.)

- ① ㄱ                      ② ㄴ                      ③ ㄱ, ㄷ
- ④ ㄴ, ㄷ                ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

- 풀이 -

- 정의/정리 -

[illegible]







[illegible]



[illegible]

[illegible]

과목	확률 및 통계 기출문제	단원	조건부확률
<p>6. 어떤 회사에서는 세 대의 기계 <math>a, b, c</math> 같은 종류의 빵을 만들고 있다. 세 대의 기계는 각각 총 생산량의 20%, 30%, 50%를 생산하고 있으며, 생산품의 불량품은 각각 0.5%, 1%, 2%이다.</p> <p>생산된 빵을 임의로 한 개 택하여 검사했을 때, 그것이 불량품이었다고 하자. 이 불량품이 기계 <math>a</math> 또는 <math>b</math>에서 생산되었을 확률을 구하시오. [2003]</p>		<p>- 풀이 -</p>	
<p>- 정의/정리 -</p>			

과목	확률 및 통계 기출문제	단원	확률변수와 확률분포
----	--------------	----	------------

7. 동전 3개를 동시에 던져서 모두 앞면이 나오는 경우를 성공이라고 하자. 동전 3개를 동시에 던지는 시행을 독립적으로 반복할 때, 5번 성공할 때까지의 시행 횟수를 확률변수  $X$  라 하자. 옳은 것만을 <보기>에서 있는 대로 고른 것은? [2013]

<보기>

ㄱ.  $P(X \leq 4) = 0$

ㄴ.  $\sum_{k=1}^{\infty} P(X = k) = 1$

ㄷ.  $P(X = 13) = {}_{12}C_4 \left(\frac{1}{8}\right)^5 \left(\frac{7}{8}\right)^8$

- 풀이 -

- 정의/정리 -



과목	확률 및 통계 기출문제	단원	확률변수와 확률분포
	<p>8. 주머니 속에 앞면이 나올 확률이 각각 <math>\frac{1}{4}, \frac{1}{2}, \frac{3}{4}</math> 인 동전 <math>C_1, C_2, C_3</math> 가 한 개씩 들어있다. 이 주머니에서 임의로 한 개의 동전을 꺼내 4번을 던졌더니 앞면이 2번 나왔다. 균형 잡힌 동전 <math>C_2</math> 가 꺼내졌을 확률은?</p> <p>[1992]</p>		<p>- 풀이 -</p>
	<p>- 정의/정리 -</p>		

[illegible]





[illegible]

[illegible]



과목	확률 및 통계 기출문제	단원	결합확률변수와 확률분포
	<p>15. 두 개의 부품 ㉗와 ㉙로 구성된 시스템이 있다.  이 시스템의 수명은 작동을 시작한 후 두 부품 중 하나가 고장 날 때까지 걸리는 시간이다. 부품 ㉗가 고장 날 때까지 걸린 시간 <math>X</math>와 부품 ㉙가 고장 날 때까지 걸린 시간 <math>Y</math>는 서로 독립이고, 두 확률변수 <math>X, Y</math>의 확률밀도함수는 각각</p> $f_X(x) = \frac{1}{5}e^{-\frac{x}{5}} \quad (x > 0)$ $f_Y(y) = \frac{1}{10}e^{-\frac{y}{10}} \quad (y > 0)$ <p>이다. 이 시스템의 수명 <math>Z</math>에 대하여 확률 <math>P(Z &gt; 10)</math>을 구하시오. [2019]</p>		<p>- 풀이 -</p>
	<p>- 정의/정리 -</p>		



[illegible]

과목	확률 및 통계 기출문제	단원	결합확률변수와 확률분포
	<p>17. 연속확률변수 <math>X</math>의 확률밀도함수 <math>f_X(x)</math>는</p> $f_X(x) = \frac{2}{9}x - \frac{2}{9} \quad (1 < x < 4)$ <p>이다. <math>X</math>와 같은 분포를 따르고 서로 독립인 2개의 연속확률변수 <math>X_1, X_2</math>에 대하여 <math>Y = \min\{X_1, X_2\}</math> 일 때, 확률 <math>P(Y &lt; \frac{5}{2})</math>를 구하시오. (단, <math>\min\{a, b\}</math>은 <math>a</math>와 <math>b</math>중 크지 않은 수이다.) [2017]</p>	- 풀이 -  	
	- 정의/정리 -  		





[illegible]

[illegible]



[illegible]



[illegible]

과목	확률 및 통계 기출문제	단원	조건부분포
	<p>25. 두 확률변수 <math>X</math>와 <math>Y</math>의 결합확률밀도함수(joint probability density function)가</p> $f(x, y) = \begin{cases} \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{1}{2}(x+y^2)}, & x > 0, y > 0 \\ 0, & \text{그 외의 경우} \end{cases}$ <p>일 때, 확률변수 <math>X</math>와 <math>Y</math>가 서로 독립인지를 판별하고 그 이유를 쓰시오.</p> <p>또한 조건부확률 <math>P(X \leq 2   Y \leq 2)</math>의 값을 풀이과정과 함께 쓰시오. [2025]</p> <p>※ 다음은 필요하면 사용할 수 있다.</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 10px; margin-top: 10px;"> <math display="block">\frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{-\infty}^{\infty} e^{-\frac{t^2}{2}} dt = 1</math> </div>	- 풀이 -	
	- 정의/정리 -		

[illegible]

[illegible]

[illegible]





[illegible]





[illegible]

[illegible]



[illegible]



[illegible]

[illegible]



[illegible]

[illegible]



[illegible]



[illegible]

[illegible]





과목	확률 및 통계 기출문제	단원	연속형 확률분포
----	--------------	----	----------

48. 인구가 10만인 도시에서 시정(市政)에 대한 여론을 조사하였더니 남자 성인의 80%와 여자 성인의 90%가 시정(市政)을 지지하였다. 이 도시에서 남자 성인 400명과 여자 성인 400명을 임의로 뽑았을 때, 다음의 확률을 구하시오. [1999]

- (1) 적어도 700명이 시정(市政)에 대하여 지지할 확률
- (2) 시정(市政)에 대한 지지자 중 여자가 남자보다 25명 더 많을 확률
- (\*) 원칙적으로  $P(Y - X = 25)$ 를 구하는 것이 맞으나  $P(Y - X \geq 25)$ 으로 채점이 이루어지고 있는 것 같음.  
(서울대학교 통계학과 ○○○교수)

〈표준정규분포표〉

$k$	0.00	0.01	0.02	0.03	0.04	0.05	0.06	0.07	0.08	0.09
1.5	.4332	.4354	.4357	.4370	.4382	.4394	.4406	.4418	.4429	.4441
1.6	.4452	.4463	.4474	.4484	.4495	.4505	.4515	.4525	.4535	.4545
1.7	.4554	.4564	.4573	.4528	.4591	.4599	.4608	.4616	.4625	.4633
1.8	.4941	.4649	.4656	.4664	.4671	.4678	.4686	.4693	.4699	.4706
1.9	.4713	.4719	.4726	.4732	.4738	.4744	.4750	.4756	.4761	.4767
2.0	.4772	.4778	.4783	.4788	.4793	.4798	.4803	.4808	.4812	.4817
2.1	.4821	.4826	.4830	.4834	.4838	.4842	.4846	.4850	.4854	.4857

- 정의/정리 -

- 풀이 -

과목	확률 및 통계 기출문제	단원	연속형 확률분포
	<p>49. 서로 독립인 확률변수 <math>X_1, X_2, \dots, X_9</math>가 모두 표준정규분포 <math>N(0, 1)</math>을 따른다. 확률변수 <math>Y</math>를</p> $Y = \sum_{i=1}^9 (-1)^{i+1} X_i$ <p>라고 하면 <math>P(Y \geq -7) = P(X_1 \leq a)</math>를 만족시키는 실수 <math>a</math>가 존재한다. 이때, <math>Y</math>의 분산 <math>V(Y)</math>와 <math>a</math>의 값을 순서대로 구하시오. [2025]</p>		<p>- 풀이 -</p>
	<p>- 정의/정리 -</p>		

[illegible]

[illegible]



과목	확률 및 통계 기출문제	단원	확률표본과 표본분포
	<p>53. 1, 2, 3, 4의 숫자가 중복되지 않게 한 개씩 각 면에 새겨져 있는 사각연필이 있다. 이 사각 연필을 굴렸을 때 각 면이 나올 확률이 같다고 하자. 이 사각연필을 80번 굴렸을 때 윗면에 나온 수의 합이 216이상일 확률을 <math>x</math>라 할 때, 표준정규분포 함수 <math>\Phi(z)</math>를 이용하여 <math>x</math>를 가장 가깝게 나타낸 것은? (단, ‘표준정규분포함수’는 <math>Z</math>가 표준정규확률 변수일 때 확률 <math>\Phi(z) = P(Z \leq z)</math>로 정의된다.) [2009]</p> <p>① <math>1 - \Phi(0.2)</math>    ② <math>\Phi(0.2)</math>        ③ <math>1 - \Phi(0.9)</math>          ④ <math>\Phi(0.9)</math>      ⑤ <math>1 - \Phi(1.6)</math></p>	- 풀이 -	
	- 정의/정리 -		

[illegible]

[illegible]







과목	확률 및 통계 기출문제	단원	모평균의 추정
----	--------------	----	---------

58. 2003년도 전국학력평가에 응시한 수험생 중에서 자연계 수험생 64명, 인문계 수험생 9명을 임의로 선택하여 수리 영역의 점수를 조사하였다. 그 결과 자연계 수험생은 평균이 48점, 표준 편차가 5.6점 이었고, 인문계 수험생은 평균이 42점, 표준편차가 7.5점이었다. 자연계와 인문계에 응시한 수험생 전체의 수리 영역 점수가 각각 정규분포를 이룬다 고 가정하고 두 집단의 평균점수를 추정하려 한다. 다음 물음에 답하시오. [2004]

- (1) 아래의 표준정규분포표를 이용하여 자연계 수험생 전체의 수리 영역 평균점수를 신뢰도 95%의 신뢰구간으로 추정하시오.

표준정규분포표  
( $P(0 \leq Z \leq z)$ )

$z$	.05	.06
1.6	.4505	.4515
1.7	.4599	.4608
1.8	.4678	.4686
1.9	.4744	.4750

- (2) 아래의  $t$ -분포표를 이용하여 인문계 수험생 전체의 수리 영역 평균점수를 신뢰도 95%의 신뢰구간으로 추정하시오.

$t$ -분포표( $P(t \geq t_\alpha) = \alpha$ )

$\alpha$ 자유도	0.05	0.025
7	1.895	2.365
8	1.860	2.306
9	1.833	2.262
10	1.812	2.228

- 정의/정리 -

- 풀이 -

[illegible]



[illegible]

과목	확률 및 통계 기출문제	단원	모비율의 추정
----	--------------	----	---------

62. 어떤 정책에 대한 A, B 두 도시 시민의 의견을 알아보기 위하여 각 도시에서 확률표본을 선택하여 이 정책에 대한 찬성 여부를 알아본 결과는 다음과 같다.

	A 도시	B 도시
표본의 수	350명	160명
정책에 찬성한 비율	0.7	0.8

A, B 두 도시의 이 정책에 대한 찬성 비율을 각각  $p_1, p_2$  라 할 때, 찬성 비율의 평균  $\frac{p_1 + p_2}{2}$  에 대한 90% 신뢰구간은  $(a - 1.645 \times b, a + 1.645 \times b)$  이다.  $a, b$  의 값을 각각 구하시오.  
 (단, 확률변수  $Z$ 가  $N(0, 1)$ 을 따를 때,  $P(0 \leq Z \leq 1.645) = 0.45$ 로 계산한다.) [2023]

- 정의/정리 -

- 풀이 -

과목	확률 및 통계 기출문제	단원	검정
----	--------------	----	----

63. 과거조사에 의하면 어느 지역의 초등학교 5학년 학생들의 신장은 평균 141.0cm이었다. 줄넘기 운동이 또래 아이들의 신장발육에 도움이 되는지를 알아보고자 체육 활동에서 이 운동을 적극 권장하여 실시하여 왔다. 이 운동을 꾸준히 실시한 또래 아이들 중 임의로 추출한 81명의 신장을 조사한 결과 평균 142.2cm, 표준편차 6.0cm이었다. 줄넘기 운동이 아이들의 신장 발육에 도움이 된다고 할 수 있는지를 유의수준  $\alpha = 0.05$ 로 다음 단계와 같이 검정할 때 (가), (나), (다)에 알맞은 것은? (단, 이 지역 아이들의 과거와 현재의 생활환경과 영양 섭취 등을 갖고 아이들의 신장은 정규분포를 따른다고 가정한다.) [2010]

〈1단계〉 가설설정

귀무가설  $H_0$ 에 대한 대립가설  $H_1$ : (가)

〈2단계〉 검정통계량과 분포

표본의 크기가  $n = 81$ 로 충분히 크므로 귀무가설  $H_0$ 가 참이라는 가정 하에서 검정통계량

$Z = \frac{\bar{X} - \mu}{S/\sqrt{n}}$ 는 표준정규분포  $N(0, 1)$ 에 근사

한다. (단,  $\bar{X}$ 는 표본평균,  $\mu$ 는 모평균,  $S$ 는 표본표준 편차이다.)

〈3단계〉

유의수준  $\alpha = 0.05$ 에 대한 기각역은 (나)

〈4단계〉 검정통계량의 관측값을 구한다.

〈5단계〉 결론

검정통계량의 관측값을 기각역과 비교한 결과

줄넘기 운동이 신장 발육에 (다)

※참고 :  $Z \sim N(0, 1)$ 일 때,

$P(|Z| \leq 1.645) = 0.90$ ,

$P(|Z| \leq 1.96) = 0.95$ 이다.

- |                 | (가)             | (나) | (다)                 |
|-----------------|-----------------|-----|---------------------|
| ① $\mu > 141.0$ | $Z \geq 1.645$  |     | 도움이 된다고 할 수 있다.     |
| ② $\mu > 141.0$ | $Z \geq 1.96$   |     | 도움이 된다고 할 수 있다.     |
| ③ $\mu > 141.0$ | $ Z  \geq 1.96$ |     | 도움이 된다는 충분한 증거가 없다. |
| ④ $\mu > 142.2$ | $Z \geq 1.96$   |     | 도움이 된다는 충분한 증거가 없다. |
| ⑤ $\mu > 142.2$ | $Z \geq 1.645$  |     | 도움이 된다는 충분한 증거가 없다. |

- 정의/정리 -

- 풀이 -



