

[illegible]

[illegible]

과목	위상수학 기출문제	단원	집합 및 함수
----	-----------	----	---------

3. 정수 전체의 집합을 Z 라 하고 모든 자연수 n 에 대하여 집합 A_n 과 B_n 을 다음과 같이 정의하자.

$$A_n = \{x \in Z \mid x \leq n\},$$

$$B_n = \{x \in Z \mid x \geq -n\}$$

〈보기〉에서 옳은 것을 모두 고른 것은? [2010]

〈보기〉

$$\neg. \bigcap_{n=1}^{\infty} (A_n \cap B_n) = \{-1, 0, 1\}$$

$$\sqsubset. Z \cap \left(\bigcap_{n=1}^{\infty} (A_n^c \cup B_n^c) \right) = \emptyset$$

$$\sqsupset. \bigcup_{n=1}^{\infty} (A_n - B_n) = \{x \in Z \mid x \leq -1\}$$

① \neg

② \neg, \sqsubset

③ \neg, \sqsupset

④ \sqsubset, \sqsupset

⑤ $\neg, \sqsubset, \sqsupset$

- 풀이 -

- 정의/정리 -

[illegible]

과목	위상수학 기출문제	단원	동치관계
	<p>6. 실수 전체의 집합 \mathbb{R} 의 멱집합(power set) $P(\mathbb{R})$에 대하여 $X = P(\mathbb{R}) - \{\emptyset\}$이라 하자.</p> <p>집합 X에서의 관계(relation) \sim을 $A \sim B \Leftrightarrow A \cap B \neq \emptyset \quad (A, B \in X)$ 로 정의할 때, 옳은 것만을 <보기>에서 있는 대로 고른 것은? [2012]</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px;"> <p><보기></p> <ul style="list-style-type: none"> ㄱ. 관계 \sim은 반사적(reflexive)이다. ㄴ. 관계 \sim은 대칭적(symmetric)이다. ㄷ. 관계 \sim은 추이적(transitive)이다. </div> <p>① ㄱ ② ㄴ ③ ㄷ ④ ㄱ, ㄴ ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ</p>	- 풀이 -	
	- 정의/정리 -		

[illegible]

과목	위상수학 기출문제	단원	내부, 외부, 폐포, 경계
	<p>11. 위상공간 X의 부분집합 A의 내부(interior)와 경계(boundary)를 각각 $\text{Int}(A)$, $\text{Bd}(A)$라고 할 때, 다음은 희수가 $\text{Int}(A) = A - \text{Bd}(A)$ 임을 증명한 답안이다.</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 10px;"> <p>(경우 1) A가 열린 집합(open set)일 때: 집합 A의 외부(exterior)를 $\text{Ext}(A)$라 하면 $\text{Int}(A) = A$이므로 $\text{Bd}(A) \subset \text{Ext}(A)$이다. 따라서 $A - \text{Bd}(A) = A = \text{Int}(A)$이다.</p> <p>(경우 2) A가 닫힌 집합(closed set)일 때: 이 경우 집합 A의 폐포(closure) \overline{A}는 A와 같으므로 $A = \overline{A} = \text{Int}(A) \cup \text{Bd}(A)$이다. 그런데 일반적으로 집합 B, C에 대하여 $D = B \cup C$ 이면 $B = D - C$이므로 $\text{Int}(A) = A - \text{Bd}(A)$이다.</p> </div> <p>희수의 답안을 보고 옳게 말한 학생을 <보기>에서 모두 고른 것은? [2009 모의평가]</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 10px;"> <p style="text-align: center;">— <보기> —</p> <p>(현정) 희수가 맞게 풀었네.</p> <p>(기태) 위와 같이 (경우 1)과 (경우 2)로 나누어 증명하는 것은 옳지 않아.</p> <p>(수연) ‘$D = B \cup C$이면 $B = D - C$’는 일반적으로 성립하지 않아.</p> <p>(영호) $\text{Int}(A) = A$인 경우는 $\text{Bd}(A) \subset \text{Ext}(A)$이 아니라 $\text{Bd}(A) = \emptyset$이야.</p> </div>		
		- 정의/정리 -	
		- 풀이 -	

[illegible]

과목	위상수학 기출문제	단원	내부, 외부, 폐포, 경계
	<p>14. 실수 전체 집합 \mathbb{R} 의 멍집합(power set)의 부분집합 $\mathcal{S} = \{\mathbb{R} - \{p\} \mid p \in \mathbb{R}\}$ 에 대하여 다음 물음에 답하시오. [2004]</p> <p>(1) \mathcal{S} 를 부분기저(subbase)로 갖는 위상(topology) \mathcal{T}를 구하시오.</p> <p>(2) 위상공간 $(\mathbb{R}, \mathcal{T})$에서 자연수 전체 집합 \mathbb{N}의 도집합(derived set)을 구하시오.</p>	- 풀이 -	
	- 정의/정리 -		

[illegible]

과목	위상수학 기출문제	단원	내부, 외부, 폐포, 경계
18. 실수 전체의 집합 \mathbb{R} 의 임의의 부분집합 A 에 대하여	<p>$c(A) = \begin{cases} A, & A \text{는 가산(countable)집합} \\ \mathbb{R}, & A \text{는 비가산(uncountable)집합} \end{cases}$</p> <p>로 정의할 때, 다음 조건을 만족시키는 \mathbb{R} 위의 위상(topology)을 \mathcal{T}라 하자.</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin: 10px 0;"> <p>임의의 $A \subseteq \mathbb{R}$ 에 대하여 위상공간 $(\mathbb{R}, \mathcal{T})$ 에서 A의 폐포(closure)는 $c(A)$이다.</p> </div> <p>$\text{int}(Z), \text{int}([0, 1]), \text{int}(\mathbb{R} - Z)$를 구하시오. (단, $\text{int}(A)$는 $(\mathbb{R}, \mathcal{T})$에서 A의 내부(interior), Z는 정수 전체의 집합, $[0, 1] = \{x \in \mathbb{R} \mid 0 \leq x \leq 1\}$이다.) [2011]</p>	- 풀이 -	
- 정의/정리 -			

과목	위상수학 기출문제	단원	내부, 외부, 폐포, 경계
<p>19. 자연수 전체의 집합을 N이라 하자.</p> <p>집합 $X = \{n \in N \mid n \geq 2\}$의 각 원소 n에 대하여 $B_n = \{k \in X \mid k \text{는 } n \text{의 약수}\}$라 하고,</p> <p>$\{B_n \mid n \in X\}$를 기저로 하는 X 위에서의 위상을 \mathcal{T}라 하자. 다음 명제의 참, 거짓을 판정하고 설명하십시오. [2010]</p> <p>① 집합 $\{2, 4, 6, 8, 10\}$은 열린 집합이다.</p> <p>② 소수 전체의 집합은 열린 집합이다.</p> <p>③ 소수 전체의 집합은 X에서 조밀(dense)하다.</p> <p>④ 집합 X의 모든 원소 x에 대하여 $\{x\}$의 폐포(closure)는 $\{nx \mid n \in N\}$이다.</p>		<p>- 풀이 -</p>	
<p>- 정의/정리 -</p>			

[illegible]

과목	위상수학 기출문제	단원	내부, 외부, 폐포, 경계
	<p>23. 자연수 전체의 집합 N 과 자연수 n 에 대하여 $A_n = \{k \in N \mid k \geq n\}$ 이라 하고, $\{A_n \mid n \in N\}$ 을 기저(base)로 하는 N 위의 위상을 \mathcal{T} 라 하자. $X = (N, \mathcal{T})$ 라 하고 $Y = [0, 1]$ 을 (R, \mathcal{T}_u) 의 부분공간(subspace)이라 할 때, 적공간(product space) $X \times Y$ 에 대하여 다음 명제의 참, 거짓을 판정하고 설명하시오. (단, $[0, 1] = \{x \in R \mid 0 \leq x \leq 1\}$ 이고, \mathcal{T}_u 는 실수 전체의 집합 R 위의 보통위상(usual topology)이다.) [2013]</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 10px;"> 집합 $\{2n \mid n \in N\} \times (Y \cap Q)$ 는 $X \times Y$ 에서 조밀(dense)하다. (단, Q 는 유리수 전체의 집합이다.) </div>	- 풀이 -	
	- 정의/정리 -		

과목	위상수학 기출문제	단원	내부, 외부, 폐포, 경계
	<p>25. 공집합이 아닌 위상공간 X의 두 부분집합 A와 B가 각각 X에서 조밀(dense)하다고 하자. 이 때, B가 X에서 열린집합이면 $A \cap B$가 X에서 조밀함을 증명하시오. [2008]</p>	<p>- 풀이 -</p>	
	<p>- 정의/정리 -</p>		

과목	위상수학 기출문제	단원	수렴성
	<p>26. 정수 전체의 집합 Z 위에 위상(topology) \mathcal{T}를 다음과 같이 정의한다.</p> <p>$\mathcal{T} = \{U \subset Z \mid U = \emptyset \text{ 또는 } U^c \text{는 유한집합}\}$</p> <p>이 때 서로 다른 정수 a_n들로 이루어진 수열 $\{a_n\}$은 위상공간 (Z, \mathcal{T})에서 각각의 정수 m에 수렴함을 증명하시오. [1997]</p>		<p>- 풀이 -</p>
	<p>- 정의/정리 -</p>		

과목	위상수학 기출문제	단원	연속
	<p>27. 임의의 위상공간의 부분집합 S에 대하여, S를 부분집합으로 갖는 모든 닫힌집합들의 교집합을 \overline{S}로 나타낸다. X와 Y가 위상공간이고 f가 X에서 Y로의 함수일 때, f의 연속성과 동치가 아닌 것은? [1994]</p> <p>① Y의 각 부분집합 B에 대하여 $\overline{f^{-1}(B)} \subset f^{-1}(\overline{B})$</p> <p>② X의 각 부분집합 A에 대하여 $f(\overline{A}) \subset \overline{f(A)}$ 이다.</p> <p>③ Y의 각 닫힌집합 B에 대하여 $f^{-1}(B)$는 X에서 닫힌집합이다.</p> <p>④ X의 각 열린집합 A에 대하여 $f(A)$는 열린집합이다.</p>	- 풀이 -	
	- 정의/정리 -		

[illegible]

[illegible]

[illegible]

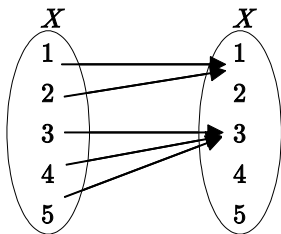
[illegible]

과목	위상수학 기출문제	단원	연속
----	-----------	----	----

36. $X = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ 이고,

$$\mathcal{T} = \{X, \emptyset, \{1, 2\}, \{2\}, \{3, 4, 5\}, \{2, 3, 4, 5\}, \{4\}, \{1, 2, 4\}, \{2, 4\}\}$$

이라 하자. 함수 $f: X \rightarrow X$ 를 아래와 같이 정의할 때, 다음 물음에 답하시오. [2002]



(1) $f: (X, \mathcal{T}) \rightarrow (X, 2^X)$ 가 연속임을 보이시오.

(2) (X, \mathcal{T}) 에서 $\{2\}$ 와 $\{4\}$ 의 폐포(closure)를 각각 구하시오.

(3) 집합

$$\{h \mid h: (X, \mathcal{T}) \rightarrow (X, 2^X) \text{는 연속, } h(2)=1, h(4)=3\}$$

의 원소의 개수를 구하고, 그 이유를 설명하시오.

- 정의/정리 -

- 풀이 -

[illegible]

과목	위상수학 기출문제	단원	위상동형
<p>41. 다음 각 물음에 답하시오. [2001]</p> <p>(1) 주어진 두 위상공간 X, Y에 대하여 X에서 Y로의 위상동형사상(homeomorphism)의 정의를 쓰시오.</p> <p>(2) $X = \{a, b, c, d\}$위에 위상(topology) $\mathcal{T} = \{X, \{a, b\}, \{c, d\}, \emptyset\}$ 이 주어져 있을 때, X에서 X로의 위상동형 사상의 개수를 구하시오.</p>		<p>- 풀이 -</p>	
<p>- 정의/정리 -</p>			

과목	위상수학 기출문제	단원	약위상
	<p>42. 정수 전체의 집합 Z에서 실수 전체의 집합 R로의 함수 $f : Z \rightarrow R$가 다음과 같이 정의되어 있다.</p> $f(x) = \begin{cases} 1, & x=2k, k \in Z - \{0\} \\ 0, & x=0 \\ -1, & x=2k-1, k \in Z \end{cases}$ <p>R에 보통위상(usual topology)이 주어져 있을 때, 함수 f가 연속이 되도록 하는 Z의 최소 위상을 τ라고 하자. 위상 τ를 구하시오. (단, 최소의 위상은 원소의 개수가 가장 작은 위상을 뜻한다.) [2009 모의평가]</p>	- 풀이 - 	
	- 정의/정리 - 		

과목	위상수학 기출문제	단원	약위상
	<p>43. 실수 전체의 집합 \mathbb{R}에서 함수 $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$를</p> $f(x) = \begin{cases} x, & x \in \mathbb{Q} \\ 0, & x \in \mathbb{R} - \mathbb{Q} \end{cases}$ <p>로 정의하자. \mathbb{R} 위의 보통위상(usual topology) \mathcal{T}에 대하여</p> $\{f^{-1}(G) \mid G \in \mathcal{T}\}$ <p>로 정의된 \mathbb{R} 위의 위상을 \mathcal{T}_0이라 하자.</p> <p>위상공간 $(\mathbb{R}, \mathcal{T}_0)$에 대하여 옳지 않은 것은? (단, \mathbb{Q}는 유리수 전체의 집합이다.) [2012]</p> <ul style="list-style-type: none"> ① $(\mathbb{R}, \mathcal{T}_0)$에서 $\sqrt{2}$는 $\mathbb{R} - \mathbb{Q}$의 내점(interior point)이다. ② $(\mathbb{R}, \mathcal{T}_0)$에서 \mathbb{Q}의 경계(boundary)는 $(\mathbb{R} - \mathbb{Q}) \cup \{0\}$이다. ③ 구간 $(-1, 1)$에 대하여 $(-1, 1) \cup (\mathbb{R} - \mathbb{Q})$는 $(\mathbb{R}, \mathcal{T}_0)$에서 열린집합(open set)이다. ④ 구간 $[-1, 1]$에 대하여 $[-1, 1] \cup (\mathbb{R} - \mathbb{Q})$는 $(\mathbb{R}, \mathcal{T}_0)$에서 닫힌집합(closed set)이다. ⑤ $(\mathbb{R}, \mathcal{T}_0)$에서 0은 $\mathbb{R} - \mathbb{Q}$의 집적점(극한점, accumulation point, cluster point, limit point)이다. 		- 풀이 -
	- 정의/정리 -		

[illegible]

과목	위상수학 기출문제	단원	상위상
	<p>47. 위상공간 X와 전사함수 $g: X \rightarrow Y$에 의한 집합 Y의 상위상(quotient topology)은 $g^{-1}(O)$가 X에서 개집합(open set)이 되는 Y의 부분집합 O로 이루어지는 Y위의 위상이다.</p> <p>실위상공간 $X = \mathbb{R}$과 정수집합 $Y = \mathbb{Z}$에 대하여 전사함수 $f: X \rightarrow Y, f(x) = [x]$에 의한 Y의 위상을 구하시오.</p> <p>(단, $[x]$는 x를 넘지 않는 최대의 정수이다.)</p> <p>[2005]</p>	<p>- 풀이 -</p>	<p>- 풀이 -</p>
<p>- 정의/정리 -</p>			

[illegible]

[illegible]

[illegible]

과목	위상수학 기출문제	단원	거리공간
<p>54. 거리공간 (X, d)에서 임의의 $x, y \in X$에 대하여, 다음과 같이 d_1이 정의되어 있다. 이 때, (X, d_1)은 유계(bounded)인 거리공간(metric space)이 됨을 증명하시오. [1999]</p> $d_1(x, y) = \frac{d(x, y)}{1 + d(x, y)}, \quad x, y \in X$		<p>- 풀이 -</p>	
<p>- 정의/정리 -</p>			

[illegible]

[illegible]

과목	위상수학 기출문제	단원	가산공리
57.	\mathbb{R}^2 위의 점 $q = (0, 1)$ 과 집합 $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 \mid y = 0\}$ 에 대하여 $X = A \cup \{q\}$ 라 하자. X 위의 위상 \mathcal{T} 를 $\mathcal{T} = P(A) \cup \{U \subseteq X \mid q \in U, A - U \text{가 유한집합}\}$ 으로 정의할 때, 다음 명제의 참, 거짓을 판정하고 이유를 설명하시오. (단, $P(A) = \{U \mid U \subseteq A\}$ 이다.) [2012]	- 풀이 -	
	<div style="border: 1px solid black; padding: 5px;"> (X, \mathcal{T})는 분리가능공간(가분공간, separable space)이다. </div>		
	- 정의/정리 -		

[illegible]

[illegible]

과목	위상수학 기출문제	단원	분리공리
	<p>61. \mathbb{R}^2 위에 동치관계(equivalence relation) \sim 을 다음과 같이 정의하자.</p> $(x, y) \sim (x', y') \Leftrightarrow (x, y) = (tx', ty') \text{인 실수 } t \neq 0 \text{가 존재한다.}$ <p>원소 $(x, y) \in \mathbb{R}^2$에 대하여 \sim에 관한 동치류(equivalence class)를 $[x, y]$라 하고, \sim에 관한 상집합(quotient set)을 $Y = \mathbb{R}^2 / \sim$, 상사상(quotient map)을 $\pi: \mathbb{R}^2 \rightarrow Y$ ($\pi(x, y) = [x, y]$)라 하자.</p> <p>\mathbb{R}^2 위에 보통위상(usual topology)이 주어진 위상 공간을 X라 하고, 상집합 Y 위의 $\pi: X \rightarrow Y$에 대한 상위상(quotient topology)을 \mathcal{T}라 하자.</p> <p>즉, \mathcal{T}는 Y 위의 X / \sim의 상위상이다.</p> <p>이때 $[0, 0]$을 포함하는 \mathcal{T}의 원소가 유일함을 증명하고, (Y, \mathcal{T})가 T_1-공간이 아닌 이유를 서술 하시오.</p> <p>(단, 보통위상은 거리함수 $d((x_1, y_1), (x_2, y_2)) = \sqrt{(x_1 - x_2)^2 + (y_1 - y_2)^2}$로 부터 유도되는 위상이다.) [2021]</p>	- 풀이 -	
	- 정의/정리 -		

과목	위상수학 기출문제	단원	분리공리
	<p>62. 집합 $X = \{a, b, c\}$ 위에 $\mathcal{B} = \{\{a\}, \{a, b\}, \{c\}\}$를 기저(base, basis)로 갖는 위상 $\mathcal{T}_{\mathcal{B}}$가 있다. 위상공간 $(X, \mathcal{T}_{\mathcal{B}})$ 위에서 정의된 점열(점열, sequence of points)</p> $x_n \equiv \begin{cases} a & (n \text{은 홀수}) \\ b & (n \text{은 짝수}) \end{cases}$ <p>의 극한(limit)을 쓰시오.</p> <p>또한, 위상공간 $(X, \mathcal{T}_{\mathcal{B}})$에서 공집합이 아닌 임의의 서로소인 두 닫힌집합(closed set) F_1, F_2에 대하여</p> $F_1 \subset G_1, F_2 \subset G_2, G_1 \cap G_2 = \emptyset$ <p>을 만족하는 열린집합(open set) G_1, G_2가 존재함을 보이시오. [2022]</p>		<p>- 풀이 -</p>
	<p>- 정의/정리 -</p>		

[illegible]

과목	위상수학 기출문제	단원	컴팩트
<p>64. 위상공간 X가 T_2 공간(Hausdorff space)일 때, 임의의 컴팩트집합(compact set) $A \subset X$와 임의의 $x \in X - A$에 대하여 다음 조건을 만족하는 개집합(open set) $U, V \subset X$가 존재함을 증명하시오. [2003]</p> <p>조건 : $x \in U, A \subset V, U \cap V = \emptyset$</p>		<p>- 풀이 -</p>	
<p>- 정의/정리 -</p>			

[illegible]

과목	위상수학 기출문제	단원	컴팩트
66. 실수 전체의 집합을 \mathbb{R} , 유리수 전체의 집합을 \mathbb{Q} 라 하자. \mathcal{T} 를 \mathbb{R} 위의 보통위상(usual topology)이라 하고 $(\mathbb{Q}, \mathcal{T}_{\mathbb{Q}})$ 를 $(\mathbb{R}, \mathcal{T})$ 의 부분공간이라 하자. 함수 $j: \mathbb{Q} \rightarrow \mathbb{R}$ 를 임의의 $r \in \mathbb{Q}$ 에 대하여 $j(r)=r$ 로 정의할 때, 다음 명제의 참, 거짓을 판정하고 설명하시오. [2009]	<div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin-bottom: 10px;"> A가 $(\mathbb{R}, \mathcal{T})$의 콤팩트(compact) 부분공간이면 $j^{-1}(A)$는 $(\mathbb{Q}, \mathcal{T}_{\mathbb{Q}})$의 콤팩트 부분공간이다. </div>		
<div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin-bottom: 10px;"> A가 $(\mathbb{R}, \mathcal{T})$의 콤팩트(compact) 부분공간이면 $j^{-1}(A)$는 $(\mathbb{Q}, \mathcal{T}_{\mathbb{Q}})$의 콤팩트 부분공간이다. </div>		- 풀이 -	
		<div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin-bottom: 10px;"> A가 $(\mathbb{R}, \mathcal{T})$의 콤팩트(compact) 부분공간이면 $j^{-1}(A)$는 $(\mathbb{Q}, \mathcal{T}_{\mathbb{Q}})$의 콤팩트 부분공간이다. </div>	
<div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin-bottom: 10px;"> A가 $(\mathbb{R}, \mathcal{T})$의 콤팩트(compact) 부분공간이면 $j^{-1}(A)$는 $(\mathbb{Q}, \mathcal{T}_{\mathbb{Q}})$의 콤팩트 부분공간이다. </div>		- 정의/정리 -	
		<div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin-bottom: 10px;"> A가 $(\mathbb{R}, \mathcal{T})$의 콤팩트(compact) 부분공간이면 $j^{-1}(A)$는 $(\mathbb{Q}, \mathcal{T}_{\mathbb{Q}})$의 콤팩트 부분공간이다. </div>	

[illegible]

[illegible]

[illegible]

[illegible]

G스쿨 정현민 전공수학(<http://mathhm.com>)

과목	위상수학 기출문제	단원	컴팩트
<p>73. 실수 전체의 집합 \mathbb{R} 위의 위상 $\mathcal{T} = \{U \subseteq \mathbb{R} \mid \mathbb{R} - U \text{는 유한집합}\} \cup \{\emptyset\}$에 대하여, $(\mathbb{R}, \mathcal{T})$의 두 부분공간(subspace) $A = [0, 1] \cup [2, 3)$과 $B = \{3, 4, 5\}$의 위상을 각각 $\mathcal{T}_A, \mathcal{T}_B$라 하자.</p> <p>집합 $X = A \cup B$에서 $\mathcal{T}_A \cup \mathcal{T}_B$를 기저(base, basis)로 하는 위상을 \mathcal{T}'이라 할 때, 위상공간 (X, \mathcal{T}')에서 집합 $C = \left\{3 - \frac{1}{n} \mid n \in \mathbb{N}\right\} \cup \{3\}$의 경계(boundary) $b(C)$를 구하시오. 또한 (X, \mathcal{T}')이 컴팩트 공간(compact space)임을 보이시오. (단, $[0, 1] = \{x \in \mathbb{R} \mid 0 \leq x \leq 1\}$, $[2, 3) = \{x \in \mathbb{R} \mid 2 \leq x < 3\}$이고 \mathbb{N}은 자연수 전체의 집합이다.) [2019]</p>		<p>- 풀이 -</p>	
<p>- 정의/정리 -</p>			

과목	위상수학 기출문제	단원	컴팩트
<div>74. 집합 $K = \left\{ \frac{1}{n} \mid n \text{은 자연수} \right\}$에 대하여 집합 Ω를 $\Omega = \{(a, b) \mid a, b \in \mathbb{R}, a < b\} \cup \{(a, b) - K \mid a, b \in \mathbb{R}, a < b\}$라 하고, Ω를 기저로 하는 \mathbb{R} 위의 위상을 \mathcal{T}라 하자. 위상 공간 $(\mathbb{R}, \mathcal{T})$에서 K의 도집합 K'을 풀이 과정과 함께 쓰시오. 또한 $[0, 1]$이 $(\mathbb{R}, \mathcal{T})$의 컴팩트(옹골) 부분집합인지 판별하고 그 이유를 쓰시오. [2023] (단, $(a, b) = \{x \in \mathbb{R} \mid a < x < b\}$이고 $[a, b] = \{x \in \mathbb{R} \mid a \leq x \leq b\}$이다.)</div>		<div>- 풀이 -</div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div> <div></div>	

과목	위상수학 기출문제	단원	연결
	77. 실수 전체의 집합 R 위의 두 위상 τ_1, τ_2 를 $\tau_1 = \{\emptyset, R, Q, R - Q\},$ $\tau_2 = \{\emptyset, R, N, R - N\}$ 으로 정의하자. (R, τ_1) 와 (R, τ_2) 의 적공간(곱공 간, product space) $(R, \tau_1) \times (R, \tau_2)$ 에 대하여 다음 명제의 참, 거짓을 판정하고 설명하시오. (단, Q는 유리수 전체의 집합, N은 자연수 전체의 집합이다.) [2011] <div style="border: 1px solid black; padding: 10px;"> <p>$(R, \tau_1) \times (R, \tau_2)$는 연결.connected)공간 이다.</p> </div>	- 풀이 -	
		- 정의/정리 -	

[illegible]

[illegible]

과목	위상수학 기출문제	단원	연결성분
	<p>81. 실수 전체의 집합 \mathbb{R} 위에서 위상 \mathcal{T}_1과 \mathcal{T}_2를 다음과 같이 정의하자. \mathcal{T}_1은 $\{[a, b) \mid a, b \in \mathbb{R}\}$를 기저(base)로 하는 위상 $\mathcal{T}_2 = \{\mathbb{R}, \emptyset, \{0, 1\}\}$ 위상공간 $(\mathbb{R}, \mathcal{T}_i)$ ($i = 1, 2$)에서 원소 0을 포함하는 성분(component)을 A_i ($i = 1, 2$)라고 할 때, A_i를 구하시오. (단, $[a, b) = \{x \in \mathbb{R} \mid a \leq x < b\}$이고, 위상공간 X에서 ‘성분’은 X의 극대 연결부분공간을 의미한다.) [2009]</p>	<p>- 풀이 -</p>	
	<p>- 정의/정리 -</p>		

과목	위상수학 기출문제	단원	연결성분
	<p>83. 실수 전체의 집합 \mathbb{R} 의 보통 위상을 \mathcal{T}_u라 하고, 함수 $f_i: \mathbb{R} \rightarrow (\mathbb{R}, \mathcal{T}_u)$ ($i = 1, 2$)를 $f_1(x) = \lfloor x \rfloor$, $f_2(x) = \lfloor -x \rfloor$ 로 정의하자. 집합 $\{f_1^{-1}(U) \mid U \in \mathcal{T}_u\} \cup \{f_2^{-1}(U) \mid U \in \mathcal{T}_u\}$ 을 부분기저(subbase, subbasis)로 하여 생성된 \mathbb{R} 의 위상을 \mathcal{T}라 정의하자. 위상공간 $(\mathbb{R}, \mathcal{T})$에서 $\sqrt{2}$를 포함하는 성분(연결성분, component, connected component)을 풀이 과정과 함께 쓰시오. 또한 $(\mathbb{R}, \mathcal{T})$에서 집합 $\left[\frac{1}{2}, 2\right]$의 내부 (interior)와 폐포(closure)를 구하시오. (단, $\left[\frac{1}{2}, 2\right] = \left\{x \in \mathbb{R} \mid \frac{1}{2} \leq x \leq 2\right\}$이고, $\lfloor x \rfloor$는 x를 넘지 않는 최대 정수이다.) [2020]</p>		<p>- 풀이 -</p>
	<p>- 정의/정리 -</p>		