

문 9. 다음은 카이제곱통계량을 이용하여 두 변수가 서로 독립인지 알아보기 위한 관측도수의 2×2 분할표이다. 카이제곱(χ^2) 검정에 대한 설명으로 옳지 않은 것은? (단, 귀무가설이 참일 때 각 셀의 기대도수는 5 이상이고, 카이제곱통계량의 값은 k 이다)

구분		변수2		합계
		범주1	범주2	
변수1	범주1	O_{11}	O_{12}	n_{1+}
	범주2	O_{21}	O_{22}	n_{2+}
합계		n_{+1}	n_{+2}	n

- ① 관측도수가 O_{11} 인 셀의 기대도수는 $\frac{(n_{1+}) \times (n_{+1})}{n}$ 과 같다.
- ② 관측도수가 O_{11} 인 셀의 기대도수와 O_{12} 인 셀의 기대도수의 합은 n_{1+} 와 같다.
- ③ X 가 자유도 1인 카이제곱분포를 따를 때, 유의확률은 $P(X \leq k)$ 와 같다.
- ④ 전체 관측도수의 합과 전체 기대도수의 합은 같다.

문 10. F -분포에 대한 설명으로 옳은 것만을 모두 고르면? (단, $F_{\alpha}(k_1, k_2)$ 는 분자의 자유도가 k_1 이고 분모의 자유도가 k_2 인 F -분포의 제 $100 \times (1 - \alpha)$ 백분위수이다)

ㄱ. 자유도 k_1, k_2 에 대해 항상 $F_{\alpha}(k_1, k_2) \times F_{1-\alpha}(k_2, k_1) = 1$ 이다

ㄴ. T 가 자유도 k 인 t -분포를 따를 때, 확률변수 $\frac{1}{T^2}$ 은 분자의 자유도가 k 이고 분모의 자유도가 1인 F -분포를 따른다.

ㄷ. 서로 독립인 두 확률변수 Z_1 과 Z_2 가 표준정규분포를 따를 때, 확률변수 $\left(\frac{Z_1}{Z_2}\right)^2$ 은 분자의 자유도가 1이고 분모의 자유도가 1인 F -분포를 따른다.

- ① ㄱ, ㄴ
- ② ㄱ, ㄷ
- ③ ㄴ, ㄷ
- ④ ㄱ, ㄴ, ㄷ

문 11. 중심극한정리에 대한 설명으로 ㉠, ㉡에 들어갈 말을 옳게 짝 지은 것은? (단, 모집단의 평균이 μ 이고, 분산 σ^2 은 존재한다)

표본크기가 충분히 클 때, 임의의 분포에서 추출한 확률표본의 (㉠)은 근사적으로 (㉡)를 따른다.

- | | |
|------------|--------|
| ㉠ | ㉡ |
| ① 표본평균 | 카이제곱분포 |
| ② 표본평균 | 균등분포 |
| ③ 표준화 표본평균 | 지수분포 |
| ④ 표준화 표본평균 | 표준정규분포 |

문 12. 다음은 세 가지 속독법(A, B, C)에 따라 책 읽는 시간에 차이가 있는지 알아보기 위해 일원배치분산분석법을 적용하여 얻은 분산분석표이다. 각 속독법에 5 명씩 15 명을 임의로 배치하여 책을 읽게 한 후, 책 읽는 시간을 측정하였다. 이에 대한 설명으로 옳지 않은 것은?

구분	제공합	자유도	평균제공	F -값	p -값
처리	2156	(㉠)		16.84	0.0003
오차	768	(㉡)	(㉢)		
합계	2924	14			

- ① ㉠의 값은 3이다.
- ② ㉡의 값은 12이다.
- ③ ㉢의 값은 64이다.
- ④ 유의수준 1%에서 검정할 때, 세 가지 속독법에 따라 책 읽는 시간에 차이가 있다고 할 수 있다.

문 13. 다음은 입학 시 수학 성적(X)과 1학년 때의 통계학 성적(Y)에 대하여 단순선형회귀모형 $Y_i = \alpha + \beta X_i + \epsilon_i, i = 1, 2, \dots, n$ 을 적용하여 얻은 결과이다. 이에 대한 설명으로 옳은 것은? (단, $F_{\alpha}(k_1, k_2)$ 는 분자의 자유도가 k_1 이고 분모의 자유도가 k_2 인 F -분포의 제 $100 \times (1 - \alpha)$ 백분위수를 나타내고, $F_{0.05}(1, 10) = 4.96, F_{0.05}(1, 11) = 4.84$ 이다. 그리고 $t_{\alpha}(k)$ 는 자유도가 k 인 t -분포의 제 $100 \times (1 - \alpha)$ 백분위수를 나타내고, $t_{0.05}(10) = 1.812, t_{0.025}(10) = 2.228, t_{0.025}(11) = 2.201$ 이다)

요인	제공합	자유도	평균제공	F -값
회귀	541.69	1	541.69	29.04
잔차	186.56	10	18.66	

	회귀계수	표준오차	t -값
상수항	30.04	10.14	2.96
X	0.90	0.17	5.34

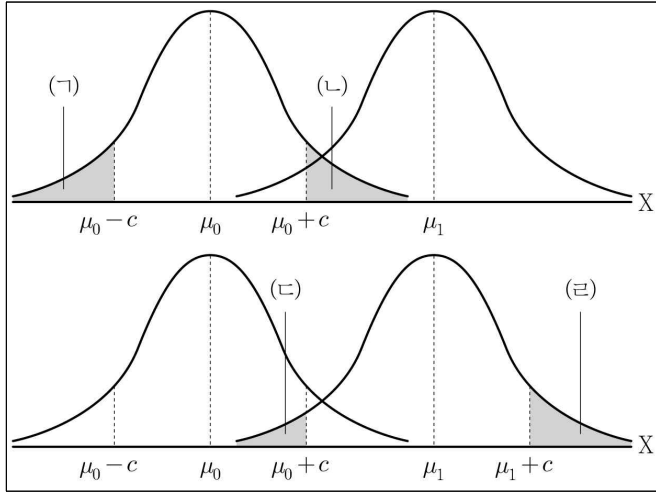
- ① 자료의 개수(n)는 11이다.
- ② 추정된 회귀직선은 $\hat{Y} = 10.14 + 0.17X$ 이다.
- ③ X 와 Y 사이의 모상관계수(ρ)가 0인지 검정할 때, 귀무가설 ($H_0: \rho = 0$)은 유의수준 5%에서 기각되지 않는다.
- ④ 추정된 회귀모형의 유의성을 검정할 때, 귀무가설(H_0 : 회귀모형은 유의하지 않다)은 유의수준 5%에서 기각된다.

문 14. 확률변수 X 와 Y 의 분산과 공분산은 다음과 같다. 확률변수 W 와 T 를 각각 $W = 2X + 2, T = -Y + 1$ 이라고 할 때, W 와 T 의 상관계수는?

$V(X) = 25, V(Y) = 16, Cov(X, Y) = -10$

- ① $-\frac{1}{2}$
- ② $\frac{1}{2}$
- ③ -1
- ④ 1

문 15. 확률변수 X 는 $N(\mu, 1)$ 를 따를 때, 가설 $H_0: \mu = \mu_0$ 대 $H_1: \mu = \mu_1$ 에 대한 기각역이 $R = \{x : x \geq \mu_0 + c\}$ 로 주어진 경우, 다음 그림에서 제1종 오류를 범할 확률에 해당하는 영역(A)과 제2종 오류를 범할 확률에 해당하는 영역(B)을 옳게 짝 지은 것은? (단, $\mu_1 > \mu_0$ 이고, $c > 0$ 이다)



- | | |
|----------|----------|
| <u>A</u> | <u>B</u> |
| ① ㄱ | ㄷ |
| ② ㄱ | ㄷ |
| ③ ㄴ | ㄷ |
| ④ ㄴ | ㄷ |

문 16. 다음은 다이어트 종류에 따라 체중 감량 효과에 차이가 있는지 알아보기 위해 분산분석을 시행한 결과표이다. 이 결과에서 알 수 있는 내용으로 옳지 않은 것은? (단, $F_{\alpha}(k_1, k_2)$ 는 분자의 자유도가 k_1 이고, 분모의 자유도가 k_2 인 F -분포의 제 $100 \times (1 - \alpha)$ 백분위수를 나타내고, $F_{0.05}(3, 26) = 2.98$, $F_{0.025}(3, 26) = 3.67$ 이다)

요인	제곱합	자유도	평균제곱	F -값
다이어트	6	3		20
오차	2.6			
합계	8.6	29		

- ① 다이어트 종류는 4가지이다.
- ② F -값은 오차의 평균제곱을 처리의 평균제곱으로 나눈 값이다.
- ③ F -값과 분자의 자유도 3, 분모의 자유도가 26인 F -분포를 이용하여 유의확률(p -값)을 구할 수 있다.
- ④ 유의수준 5%에서 다이어트 종류에 따라 체중 감량 효과에 차이가 있다고 할 수 있다.

문 17. 자료의 수가 n 인 표본 (x_i, y_i) ($i = 1, 2, \dots, n$)에 대해 다음 두 회귀모형 M_1 과 M_2 를 적용하여 분석하고자 한다. 두 모형에 대한 설명으로 옳은 것만을 모두 고르면?

$M_1: Y_i = \alpha + \epsilon_i,$ $M_2: Y_i = \alpha + \beta X_i + \epsilon_i \quad (i = 1, 2, \dots, n)$
--

- | |
|--|
| ㄱ. 모형 M_1 에서 $\hat{Y}_i = \bar{Y}$ 이다.
ㄴ. 모형 M_2 의 결정계수는 0 이상이다.
ㄷ. 모형 M_2 의 회귀제곱합은 모형 M_1 의 회귀제곱합보다 크거나 같다. |
|--|

- | | |
|--------|-----------|
| ① ㄱ, ㄴ | ② ㄱ, ㄷ |
| ③ ㄴ, ㄷ | ④ ㄱ, ㄴ, ㄷ |

문 18. 어떤 자판기에서 판매되는 음료수 용량은 모평균이 μ (mL)이고, 모표준편차가 $5mL$ 인 확률분포를 따른다고 한다. 이 자동판매기에서 임의로 추출한 100개 음료수의 표본평균이 $150mL$ 일 때, 가설 $H_0: \mu = \mu_0$ 대 $H_1: \mu \neq \mu_0$ 에 대한 유의수준 α 에서 귀무가설을 기각하지 못하는 μ_0 의 범위는? (단, z_{α} 는 표준정규분포의 제 $100 \times (1 - \alpha)$ 백분위수이다)

- ① $\left(150 - \frac{1}{2}z_{\alpha}, 150 + \frac{1}{2}z_{\alpha}\right)$
- ② $\left(150 - \frac{1}{2}z_{\alpha/2}, 150 + \frac{1}{2}z_{\alpha/2}\right)$
- ③ $\left(150 - \frac{1}{4}z_{\alpha}, 150 + \frac{1}{4}z_{\alpha}\right)$
- ④ $\left(150 - \frac{1}{4}z_{\alpha/2}, 150 + \frac{1}{4}z_{\alpha/2}\right)$

문 19. 다음은 금연 프로그램에 참석한 120명을 대상으로 직업군에 따라 금연 성공률에 차이가 있는지 조사한 분할표이다. 이에 대한 설명으로 옳은 것은? (단, O_{ij} ($i = 1, 2, 3, 4, j = 1, 2$)는 (i, j) 셀에서 얻어진 관측도수이고, E_{ij} ($i = 1, 2, 3, 4, j = 1, 2$)는 귀무가설이 참일 때 (i, j) 셀에서 얻어진 기대도수이다. $\chi^2_{\alpha}(k)$ 는 자유도가 k 인 카이제곱분포의 제 $100 \times (1 - \alpha)$ 백분위수이고, χ^2 은 검정통계량이다)

구분	금연		합계	
	성공함(1)	성공하지 못함(2)		
직업군	사무직(1)	15	15	30
	자영업(2)	15	10	25
	교육관련(3)	12	18	30
	노동직(4)	18	17	35
합계	60	60	120	

- ① 각 직업의 성공률을 p_i ($i = 1, 2, 3, 4$)라고 할 때, 귀무가설은 $H_0: p_1 = p_2 = p_3 = p_4 = \frac{1}{4}$ 이다.
- ② $E_{11} = 15$ 이다.
- ③ 카이제곱 검정통계량은 $\chi^2 = \sum_{i=1}^4 \sum_{j=1}^2 \frac{(O_{ij} - E_{ij})^2}{O_{ij}}$ 이다.
- ④ 유의수준 5%에서 검정할 때, 기각역은 $\chi^2 \geq \chi^2_{0.025}(2)$ 이다.

문 20. 다음 설명 중 옳은 것만을 모두 고르면?

- | |
|--|
| ㄱ. 유의확률(p -값)이 유의수준보다 작을 때 귀무가설을 기각한다.
ㄴ. 모수 θ 에 관한 불편추정량(unbiased estimator)의 기댓값은 θ 이다.
ㄷ. 검정에서 제1종 오류의 확률을 줄이면 제2종 오류의 확률도 줄어든다. |
|--|

- | | |
|--------|-----------|
| ① ㄱ | ② ㄱ, ㄴ |
| ③ ㄴ, ㄷ | ④ ㄱ, ㄴ, ㄷ |