

※ 통계학 요약(시험 대비 위주로 작성)

- * 확률의 공리적 정리 $\rightarrow 0 \leq P(A) \leq 1$, $P(\bar{A}) = 1 - P(A)$, $P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$
- * 통계적 독립을 표현하는 식

$$\begin{aligned}
 P(X \cup Y) &= P(X) + P(Y) - P(X \cap Y) \\
 P(X \cap Y) &= P(X)P(Y) \\
 P(Y|X) &= P(Y) / P(X|Y) = P(Y) \\
 P(X|Y) &= P(X) \\
 f_{xy} &= f_x f_y \quad / \quad f_{x|y} = f_x \quad / \quad f_{y|x} = f_y
 \end{aligned}$$

- * 이항분포의 기대값, 분산 - 기대값 : $E(x) = np$ ($n =$ 횟수, $p =$ 특정확률값) / 분산 : $Var(x) = np(1-p)$
- * 변동계수(분산계수) $CV = \frac{\sigma}{\mu (= E(R))}$
- * 결합확률분포의 공분산 $Cov(X, Y) = E(XY) - E(X)E(Y)$ <- 결합 확률표 주어졌을 때 $E(XY)$ 는 표 가운데의 결합확률을 의미, $E(X)$ 와 $E(Y)$ 는 각각의 한계확률(가장자리)을 의미

* 확률분포

| | 의미, 특성 | 검증 방법 |
|----------|--|--|
| 이항분포 | 이산확률변수의 확률분포 | |
| 정규분포 | 연속확률변수의 대표적 확률분포, 모집단의 분포 | $Z = \frac{X - \mu}{\sigma / \sqrt{N}}$ |
| T 분포 | 표본의 평균에 대한 분포 정규분포보다 fat tail한 leptokurtic 분포 | $T = \frac{\bar{X} - \mu}{S / \sqrt{N}}$ (S : 표본의 표준편차 σ , N : 표본의 개수, \bar{X} : 관측결과의 평균) |
| X^2 분포 | 표본의 분산에 대한 분포 | $\chi^2 = (n-1) \times \frac{S^2}{\sigma^2}$ (자유도 조정 : $n-1$) |
| F 분포 | X^2 분포와 유사 | |

* 추정량(Estimator)의 특성

| 구분 | 특성 | 내용 |
|-------------|-----------------|--|
| 소표본(30개 기준) | 불편성(unbiased) | * $E(\hat{\theta}) = \theta$ 추정치(θ)는 실제치($\hat{\theta}$)와 같아야, 효율성의 전제조건 |
| | 효율성(efficiency) | * 불편성을 갖는 추정량 중 가장 작은 분산을 갖는 추정량 |
| | 평균제곱오차(MSE) | * $MSE(\hat{\theta}) = Var(\hat{\theta}) + b(\theta)^2$ |
| | BLUE | * 모든 선형불편추정량 중 최소분산을 갖는 추정량 |
| 대표본 | 점근적 불편성 | * asymptotic 데이터량이 증가하면.. |
| | 일치성(일관성) | |
| | 점근적 정규성 | * 대수의 법칙(LLN) |
| | 체비셰프 부등호 | * $1 - \frac{1}{k^2}$ (k : 시그마, 평균에서 몇 시그마 떨어져 있는가) |
| 체크사항 | | * 불편성 조건은 소표본과 대표본 모두 공통사항이다. * 대표본에만 있는 특성은 점근적 정규성, 일치성. 단, 넓게 해석하면 대표본의 일치성은 소표본의 효율성과 동일한 것으로 해석되므로, 대표본에만 유일한 특성은 점근적 정규성이다. |

* 모수 추정

| | 의미 | 검정방법, 처리방법 등 |
|-------------|---|--|
| 자기상관 | 오차항(잔차)간의 상관관계 | * D-W검정 등. * D-W검정. $d = 2(1 - \rho)$ ($d=2 \rightarrow$ 로우=0, $d=0 \rightarrow$ 로우=1, $d=4 \rightarrow$ 로우=-1) * 처리방법 -> 차분 $Y_t - \rho Y_{t-1} = Y$ 새로운 Y값 |
| 다중공선성 | 독립변수간 높은 상관관계로 종속변수에 영향 | * 다중공선성 의심 t(샘플) 값이 작는데 R^2 값이 높은 경우 설명변수간 상관성 높은 경우, 회귀계수 값이 모형 설정에 매우 민감한 경우 * 처리방법 표본 크기(데이터) 증가/ 특정 설명변수 제거/ 모형의 정보 사용 |
| 이분산 | 독립변수 값 변화 -> 종속변수의 분산이 동일한 값을 취하지 않고 변하는 것. | * 원인 시계열 분포가 fat tail의 leptokurtic 한 분포. *검정방법 -> Goldfeld-Quandt 검정/ Breusch-Pagan 검정 / White 검정 |
| 회귀분석 | 두 독립변수 간 인과관계 함수관계 규명. 단 순, 다중회귀분석 | * 적합도 측정 $TSS(\text{총오차}\sigma_i^2) = RSS(\text{회귀식으로 설명된 오차 } \beta_i^2\sigma_m^2) + SSE(\text{회귀식의 남은오차 } Var(\epsilon_i))$ * 결정계수 $R^2 = \frac{RSS}{TSS} = \frac{\beta_i^2\sigma_m^2}{\sigma_i^2} = \rho^2 \text{ (값이 높을수록 설명력 } \uparrow)$ |
| 시계열 분석 | 한 변수의 추세변동, 주기적변동, 계절적 변동을 분해, 외생적 요인 제거 | * 외삽법: 외생적 요인 제거위한 필터 적용하여 이전의 상태로. * 평활법: 불규칙 변동 등 제거위해 평활한(평균) 시계열 도출 * ARMA(Box-Jenkins) AR- 과거시차변수 $Y_t = C + \phi Y_{t-1} + \epsilon_t$ MA- 과거의 잔차 $Y_t = C + \epsilon_t - \theta_1 \epsilon_{t-1}$ |
| ARCH, GARCH | 이분산, 자기상관이 동시에 발생하는 경우, 두 문제를 동시에 처리하는 방법 | *ARCH : 꼬리가 두터운 금융시계열을 모형화 하는데 유용 * GARCH(1,1) 의 비조건부 분산 $\sigma^2 = \frac{\alpha_0}{(1 - \alpha_1 - \beta_1)}$ * $p=q=1$ 경우 GARCH의 약안전성조건 $\alpha_1 + \beta_1 < 1$ * GARCH(1,1) $\sigma_t^2 = \alpha_0 + \beta_1 \sigma_{t-1}^2 + \alpha_1 \epsilon_{t-1}^2$ 변동성의 지속 $\lambda = (\alpha_1 + \beta_1)$ $\lambda \approx 1$ 일수록 변동성 지속 / $\lambda < 1$ 이면 약안전성조건 충족 |