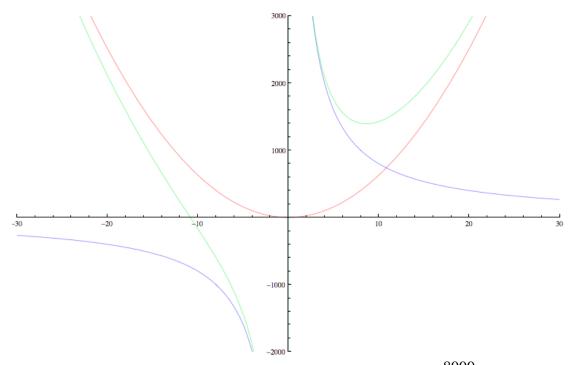
Phillips Exeter Academy - Mathematics 4C – page 3 – problem 3

3. Graph the functions $f(x) = 2\pi x^2$ and $g(x) = \frac{8000}{x}$, using the graphing window -30 < x < 30, -2000 < y < 3000. In the same window, graph f + g, and explain whatever asymptotic behavior you see.

이 문제는 problem 2에 이어지는 문제다.

문제에서 요구한 그래프는 아래와 같다.



위에서 빨간색 그래프가 $f(x) = 2\pi x^2$, 파란색 그래프가 $g(x) = \frac{8000}{x}$, 그리고 연두색 그래프가 f + g의 그래프를 나타내고 있다. 보는 바와 같이 f + g의 연두색 그래프는 $x \to 0$ 일 때 파란색 그래프 $g(x) = \frac{8000}{x}$ 에 점점 가까워지고, $x \to \infty$ 혹은 $x \to -\infty$ 일 때 빨간색 그래프 $f(x) = 2\pi x^2$ 에 점점 가워까워 지는 것을 알 수 있다. $g(x) = \frac{8000}{x}$ 의 경우 $x \to 0$ 일 때 점근선이 y축이므로 f + g그래프 역시 y 축 (x = 0)을 점근선으로 갖는다고 할 수 있다. 또한 $x \to \infty$ 혹은 $x \to -\infty$ 일 때는 $f(x) = 2\pi x^2$ 이 점근선이 된다고 할 수 있다.